

Digitális rendszerek I.

2004/2005 tanév I. félév

Dr. Ádám Tihamér

Villamosmérnöki Intézet, Automatizálási Tanszék
Informatikai épület, 207.

Telefon: 565 140 (közvetlen), 19-32 (egyetemi mellék)

email: adam@mazsola.iit.uni-miskolc.hu

homepage: <http://mazsola.iit.uni-miskolc.hu>

A logikai feladat fogalma

- *Feladat: Prés gép biztonságos üzemeltetése.*
- *Szöveges megfogalmazás:*
- *A gép csak akkor működjön, ha a kezelő egyik kezével lezárja a fedelet, másik kezével pedig megnyomja a működtető BE gombot.*
- *A működési feltételek táblázatos összefoglalása*

A logikai feladat fogalma

Feltételek		Következmény
Védőrács állapot	BE gomb állapot	présgép
Nyitott	Ki	Áll
Nyitott	be	Áll
Zárt	Ki	Áll
Zárt	Be	Működik

Logikai feladat: ahol véges számú feltételek közül egyesek teljesüléséhez egyértelműen hozzá kell rendelni valamilyen előírás szerint véges számú következmény közül egy-egy következményt. A logikai feladat megoldásához logikai döntések szükségesek.

A logikai feladat fogalma

A jelek véges számú értékeket vehetnek fel. Mi a kétér-tékű jelek rendszerével foglalkozunk: A kétértékű rendszerek a legmegbízhatóbbak. A kétértékű jelek-vel működő logikai hálózatokkal foglalkozunk. Két-értékű logikai rendszerek leírására a kettes szám-rendszer használható. A bemeneti pontok mindegyi-kéhez egy-egy n bites bináris szám egy-egy helyiér-téke rendelhető. Így a bemeneti pontok minden le-hetséges együtteséhez egy-egy n jegyű bináris szám rendelhető, ahol a 0 és 1 érték jelzi, hogy a jel értéke a két lehetséges érték közül melyik. Így a bemeneti értékeknek 2^n féle együttese fordulhat elő. Ez egy 2 elemből álló ismétlődéses kombináció, ezért

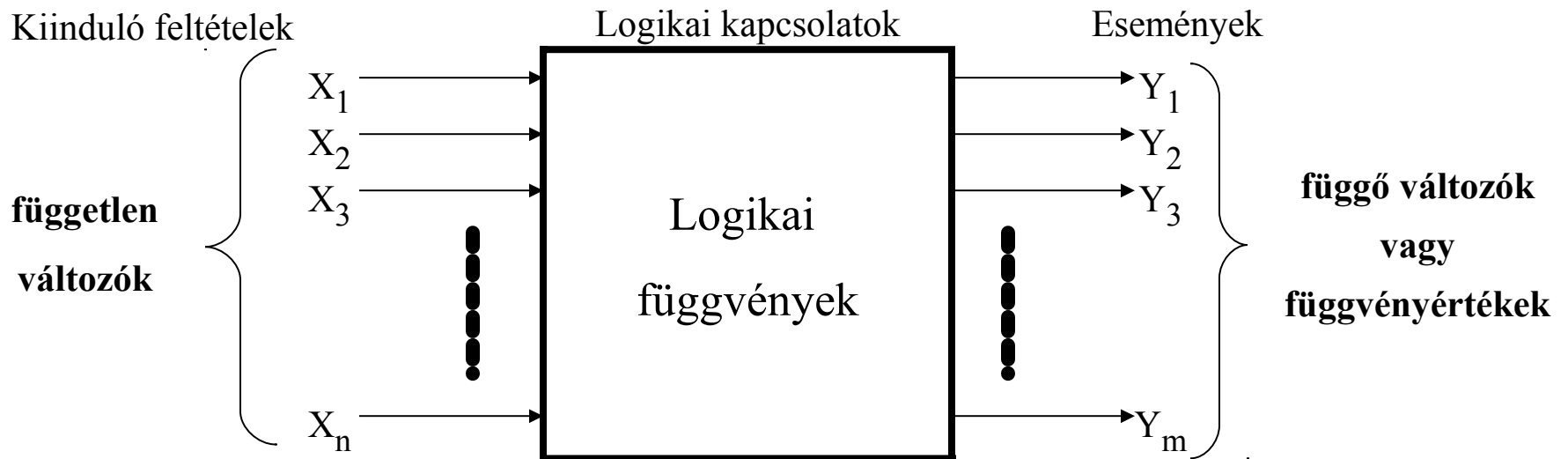
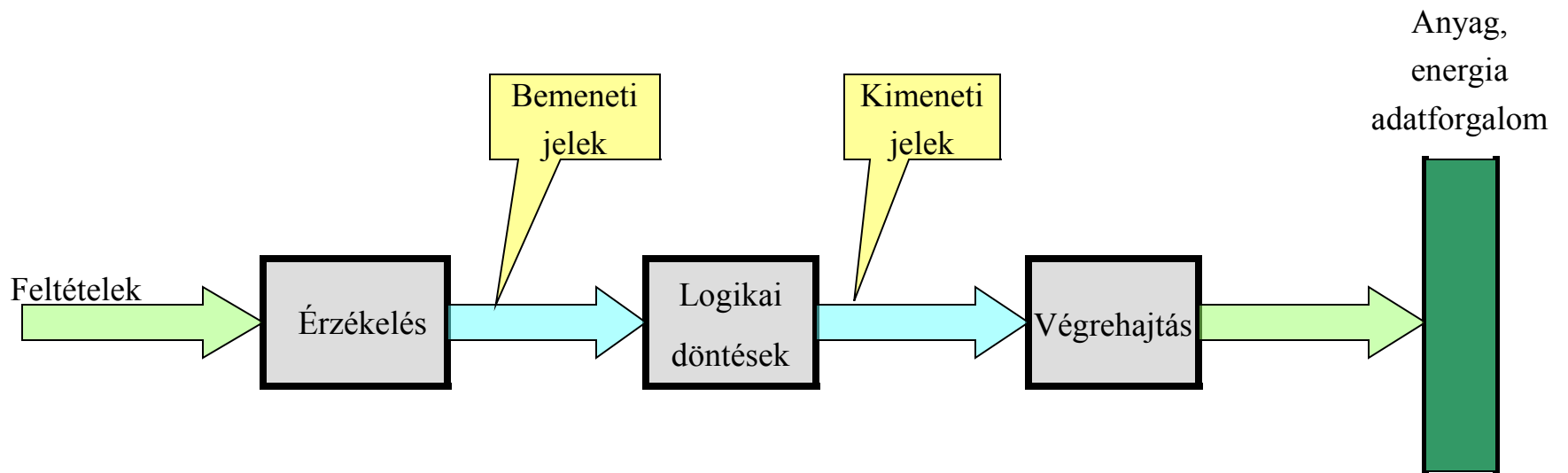
bemeneti kombinációnak nevezzük.

M kimenet esetén így 2^m féle kimeneti kombináció lehet.

A logikai feladat fogalma

A fenti feladat leírása a fentiek szerint:

Feltételek		Következmény
Védőrács állapot	BE gomb állapot	présgép
Nyitott	Ki	Áll
Nyitott	be	Áll
Zárt	Ki	Áll
Zárt	Be	Működik

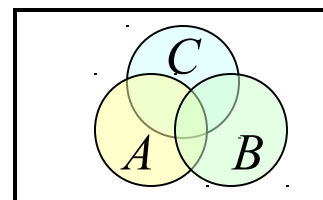
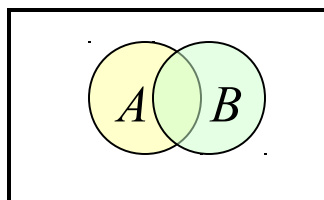
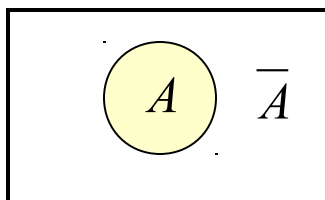


LOGIKAI VÁLTOZÓK ÉS MŰVELETEK

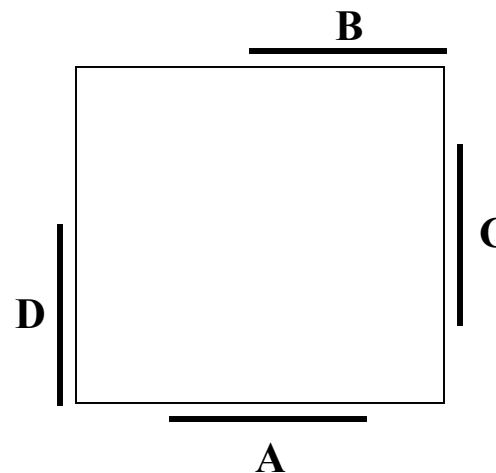
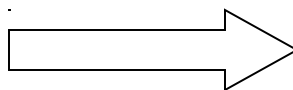
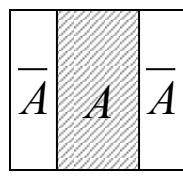
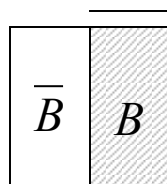
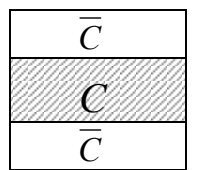
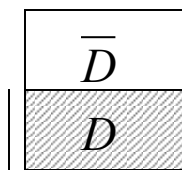
- *LOGIKAI VÁLTOZÓK ÉS SZEMLÉLTETÉSÜK*
- *LOGIKAI MŰVELETEK*
- *LOGIKAI MŰVELETEK TULAJDONSÁGAI*
- *BOOLE ALGEBRA AZONOSSÁGAI*

LOGIKAI VÁLTOZÓK SZEMLÉLTETÉSE

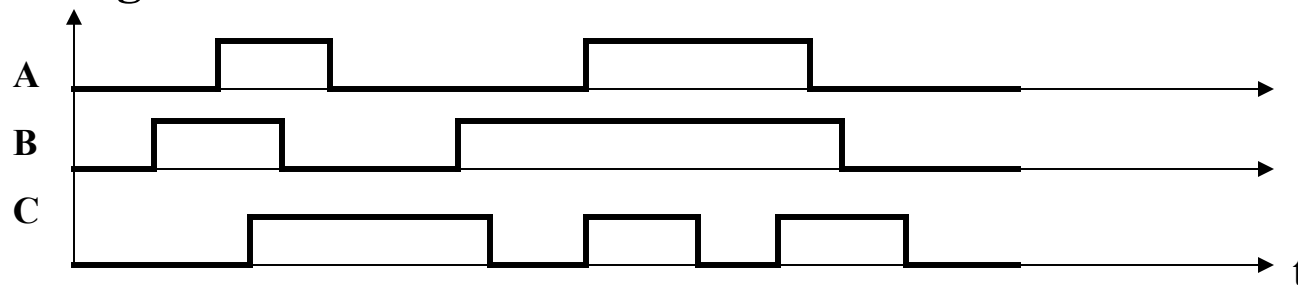
- VENN diagram:



- Veits diagram:



- Idődiagram



Logikai függvény

kombinációs hálózat

a bemeneti változók pillanatértéke egyértelműen meghatározza a kimeneti változók értékét

$$Y_1 = F_1(X_1, X_2, X_3, \dots, X_n)$$

$$Y_2 = F_2(X_1, X_2, X_3, \dots, X_n)$$

$$Y_3 = F_3(X_1, X_2, X_3, \dots, X_n)$$

! !

$$Y_m = F_m(X_1, X_2, X_3, \dots, X_n)$$

$$\mathbf{X} = \{X_1, X_2, X_3, \dots, X_n\}$$

$$\mathbf{Y} = \{Y_1, Y_2, Y_3, \dots, Y_m\}$$

$$\mathbf{Y} = \mathbf{F}_K(\mathbf{X})$$

szekvenciális hálózat

a kimeneti változók értékét a bemeneti változók és a belső állapotok határozzák meg

Az „n” bemenetű „m” kimenetű kombinációs hálózatot „m” darab „n” változós függvénnyel lehet leírni

Bemeneti változók vektora

Kimeneti változók vektora

y

•Negáció \bar{A}

A	F
0	1
1	0

•ÉS (AND) $A*B$

A	B	F
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

•VAGY (OR) $A+B$

A	B	F
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

•EKVIVALENCIA

A	B	F
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1

$$A \otimes B = \bar{A} * \bar{B} + A * B$$

•NEM-ÉS (NAND) $\overline{A*B}$

SHEFFER

A	B	F
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	0

•NEM-VAGY (NOR) $\overline{A+B}$

PEIRCE

A	B	F
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	0

•ANTIVALENCIA

$$A \oplus B = \bar{A} * B + A * \bar{B}$$

KIZÁRÓ VAGY

A	B	F
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

A logikai (BOOLE) algebrai alapjai

- *Logikai (BOOLE-) algebra*
- *BOOLE (1815-1864) angol matematikus volt az első, aki a logikai, ill. a róla elnevezett BOOLE-algebra alapfogalmait bevezette és összefüggéseit vizsgálta a „The Mathematical of Logic” (1848) c. munkájában. Tulajdonképpen olyan szimbolikus jelölésmódot dolgozott ki, amely alkalmas volt a formális logikai problémáinak algebrai formában történő leírására. A megkezdett munkát kiváló matematikusok egész sora – mint SCHROEDER, RUSSEL, WHITEHEAD stb. – fejlesztette tovább. BOOLE – algebrajának jelfogós kapcsolóáramkörök analízisére való felhasználása (1938-ban) SHANNON nevéhez fűződik.*

LOGIKAI MŰVELETEK

•Negáció \bar{A}

A	F
0	1
1	0

•ÉS (AND) $A*B$

A	B	F
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1

•NEM-ÉS (NAND) $\overline{A*B}$

SHEFFER

A	B	F
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	0

•VAGY (OR) $A+B$

A	B	F
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1

•NEM-VAGY (NOR) $\overline{A+B}$

PEIRCE

A	B	F
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	0

•EKVIVALENCIA

A	B	F
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1

•ANTIVALENCIA

$$A \oplus B = \bar{A} * B + A * \bar{B}$$

KIZÁRÓ VAGY

A	B	F
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

$$A \otimes B = \bar{\bar{A}} * \bar{\bar{B}} + A * B$$

A LOGIKAI (BOOLE) MŰVELETEK TULAJDONSÁGAI

I. Kommutativitás: $A * B = B * A$

$$A + B = B + A$$

II. Asszociativitás:

$$(A * B) * C = A * (B * C) = A * B * C$$

$$(A + B) + C = A + (B + C) = A + B + C$$

III. Disztributivitás

$$A * (B + C) = A * B + A * C$$

$$A + (B * C) = (A + B) * (A + C)$$

IV. EGYSÉG- és NULLA-elem létezése: $A * 1 = A$

$$A + 0 = A$$

V. KOMPLEMENTENS-elem létezése:

$$A * \check{A} = 0$$

$$A + \check{A} = 1$$

VI. Abszorpciós tulajdonság:

$$A(B + A) = A$$

$$A + B * A = A$$

A BOOLE ALGEBRA AZONOSSÁGAI

$X+0=X$ $X*1=X$	$(X+Y)+Z=X+(Y+Z)=X+Y+Z$ $(X*Y)*Z=X*(Y*Z)=X*Y*Z$
$X+1=1$ $X*0=0$	$X*Y+X*Z=X*(Y+Z)$ $(X+Y)*(X+Z)=X+(Y*Z)$
$X+X=X$ $X*X=X$	$\overline{X+Y+Z+\dots}=\bar{X}*\bar{Y}*\bar{Z}*\dots$ $\overline{X*Y*Z*\dots}=\bar{X}+\bar{Y}+\bar{Z}+\dots$
$X+\bar{X}=1$ $X*\bar{X}=0$	$X*(\bar{X}+Y)=X*Y$ $X+\bar{X}*Y=X+Y$
$X+Y=Y+X$ $X*Y=Y*X$	$(X+Y)*(\bar{X}+Z)*(Y+Z)=(X+Y)*(\bar{X}+Z)$ $X*Y+\bar{X}*Z+Y*Z=X*Y+\bar{X}*Z$
$\overline{(\bar{X})}=\bar{X}$ $\overline{(\overline{\bar{X}})}=X$	$(X+Y)*(\bar{X}+Z)=X*Z+\bar{X}*Y$

3. ELŐADÁS

LOGIKAI KAPCSOLATOK LEÍRÁSA

- *LOGIKAI FÜGGVÉNYKAPCSOLATOK MEGADÁSI MÓDJAI*
 - szöveges
 - igazságtáblázatos
 - algebrai
 - grafikus
- *LOGIKAI FÜGGVÉNYEK SZABÁLYOS ALAKJAI*
- *A DISZJUNKTÍV ÉS A KONJUNKTÍV ALAK KAPCSOLATA*

LOGIKAI KAPCSOLATOK MEGADÁSI MÓDJAI

•Szöveges leírás:

Pl.: Négy résztvevős szavazógép a többségi elv alapján működik.

Szavazat egyenlőség esetén az elnök szavazata dönt.

•Táblázatos megadás:

<u>D</u>	<u>C</u>	<u>B</u>	<u>A</u>	<u>F</u>
0	0	0	0	0
0	0	0	1	0
0	0	1	0	0
0	0	1	1	0
0	1	0	0	0
0	1	0	1	0
0	1	1	0	0
0	1	1	1	1
1	0	0	0	0
1	0	0	1	1
1	0	1	0	1
1	0	1	1	1
1	1	0	0	1
1	1	0	1	1
1	1	1	0	1
1	1	1	1	1

Ahol **A**, **B**, **C**, a tagok, **D** az elnök szavazata

LOGIKAI KAPCSOLATOK MEGADÁSI MÓDJAI

- Algebrai leírás:

$$F^4(D, C, B, A) = \bar{D}CBA + D\bar{C}\bar{B}A + D\bar{C}B\bar{A} + D\bar{C}BA + DC\bar{B}\bar{A} + DC\bar{B}A + DCB\bar{A} + DCBA$$

- Grafikus megadás:

	B				
	0	0	0	0	
	0	0	1	0	 C
	1	1	1	1	
 D 	0	1	1	1	
	A				

LOGIKAI FÜGGVÉNYEK SZABÁLYOS ALAKJAI

minterm: A változók olyan **ÉS** kapcsolata, amelyben minden változó - ponált vagy negált - alakban egyszer és csakis egyszer szerepel

$$m_i^n$$

Ahol n a független változók száma, i a term sorszám

maxterm: A változók olyan **VAGY** kapcsolata, amelyben minden változó - ponált vagy negált - alakban egyszer és csakis egyszer szerepel

$$M_i^n$$

Ahol n a független változók száma, i a term sorszám

$$M_i^n = \overline{m_{2^n - i - 1}^n} \quad \text{illetve} \quad m_i^n = \overline{M_{2^n - i - 1}^n}$$

diszjunktív szabályos (kanonikus) alak:

A mintermek **VAGY** kapcsolata

$$F^4(D, C, B, A) = \overline{D}CBA + D\overline{C}\overline{B}A + D\overline{C}B\overline{A} + D\overline{C}BA + DC\overline{B}\overline{A} + DC\overline{B}A + DCB\overline{A} + DCBA \\ 0111 + 1001 + 1010 + 1011 + 1100 + 1101 + 1110 + 1111$$

$$F^4(D, C, B, A) = m_7^4 + m_9^4 + m_{10}^4 + m_{11}^4 + m_{12}^4 + m_{13}^4 + m_{14}^4 + m_{15}^4$$

$$F^4(D, C, B, A) = \sum^4 (7,9,10,11,12,13,14,15) \quad \text{Indexes alakban}$$

konjunktív szabályos (kanonikus) alak:

A maxtermek **ÉS** kapcsolata

$$F^4(D, C, B, A) = (\overline{D} + C + B + A)(D + \overline{C} + \overline{B} + A)(D + \overline{C} + B + \overline{A})(D + \overline{C} + B + A)(D + C + \overline{B} + \overline{A})(D + C + \overline{B} + A)(D + C + B + \overline{A})(D + C + B + A)$$

$$F^4(D, C, B, A) = M_7^4 + M_9^4 + M_{10}^4 + M_{11}^4 + M_{12}^4 + M_{13}^4 + M_{14}^4 + M_{15}^4$$

$$F^4(D, C, B, A) = \prod^4 (7,9,10,11,12,13,14,15) \quad \text{Sorszámos alakban}$$

A DISZJUNKTÍV ÉS A KONJUNKTÍV ALAK KAPCSOLATA

$$F^4 = m_7^4 + m_9^4 + m_{10}^4 + m_{11}^4 + m_{12}^4 + m_{13}^4 + m_{14}^4 + m_{15}^4$$

$$\overline{F}^4 = m_0^4 + m_1^4 + m_2^4 + m_3^4 + m_4^4 + m_5^4 + m_6^4 + m_8^4$$

$$m_i^n = \overline{M_{2^n - i - 1}^n} \quad \text{felhasználásával}$$

$$\overline{F^4} = \overline{M_{15}^4} + \overline{M_{14}^4} + \overline{M_{13}^4} + \overline{M_{12}^4} + \overline{M_{11}^4} + \overline{M_{10}^4} + \overline{M_9^4} + \overline{M_7^4}$$

$$\overline{\overline{F^4}} = \overline{\overline{M_{15}^4} + \overline{M_{14}^4} + \overline{M_{13}^4} + \overline{M_{12}^4} + \overline{M_{11}^4} + \overline{M_{10}^4} + \overline{M_9^4} + \overline{M_7^4}}$$

$$\overline{X_1 + X_2 + X_3 + \dots} = \overline{X_1} * \overline{X_2} * \overline{X_3} * \dots \quad \text{és} \quad \overline{\overline{x}} = x \quad \text{felhasználásával}$$

$$\overline{\overline{F^4}} = \overline{\overline{M_{15}^4} * \overline{M_{14}^4} * \overline{M_{13}^4} * \overline{M_{12}^4} * \overline{M_{11}^4} * \overline{M_{10}^4} * \overline{M_9^4} * \overline{M_7^4}}$$

$$F^4 = M_{15}^4 * M_{14}^4 * M_{13}^4 * M_{12}^4 * M_{11}^4 * M_{10}^4 * M_9^4 * M_7^4$$

	2^0	
	0	1
2^1	2	3

	2^0	
	3	2
2^1	1	0

2, 3 és négyváltozós min- és maxterm táblák

		2^1		
	0	1	3	2
2^2	4	5	7	6
		2^0		

		2^1		
	7	6	4	5
2^2	3	2	0	1
		2^0	2^0	

		2^1		
	0	1	3	2
	4	5	7	6
2^3	12	13	15	14
	8	9	11	10
		2^0		

		2^1		
	15	14	12	13
	11	10	8	9
2^3	3	2	0	1
	7	6	4	5
		2^0	2^0	

LOGIKAI FÜGGVÉNYEK EGYSZERŰSÍTÉSE

- *TERM ÖSSZEUVONÁSI LEHETŐSÉGEK*
- *A GRAFIKUS MINIMALIZÁLÁS LÉPÉSEI*

LOGIKAI FÜGGVÉNYEK EGYSZERŰSÍTÉSE

- **A BOOLE algebra azonosságainak felhasználásával:**

$$\begin{aligned} DCBA + \overline{DCBA} + DCB\overline{A} &= DCBA + DCBA + \overline{DCBA} + DCB\overline{A} = \\ (DCBA + \overline{DCBA}) + (DCBA + DCB\overline{A}) &= CBA(\underbrace{D + \overline{D}}_1) + DCB(\underbrace{A + \overline{A}}_1) = \\ CBA(1) + DCB(1) &= CBA + DCB \end{aligned}$$

Az összevonás feltétele, hogy a két term csak egyetlen változóban különbözhet

egymástól. A kérdéses változó az egyik termben ponált, a másik termben negált

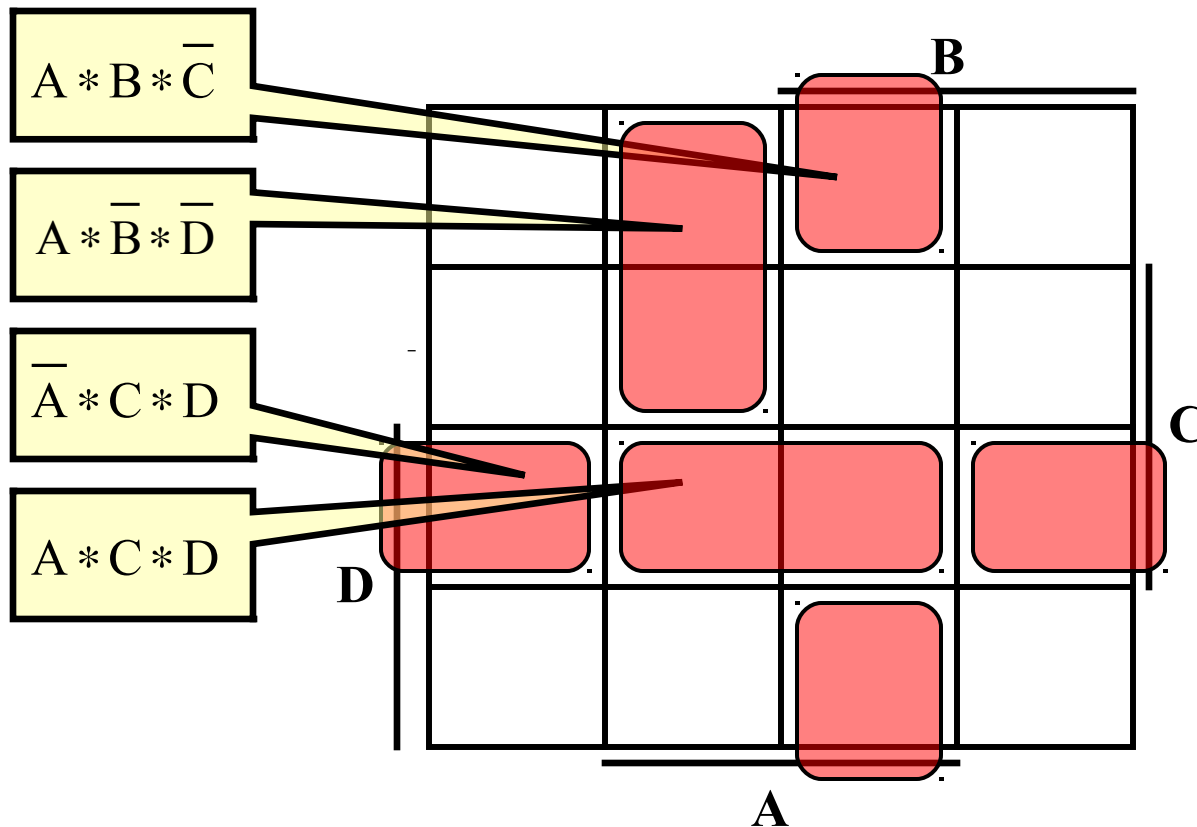
állapotban kell hogy szerepeljen

- **Szisztematikus eljárással:**

- **Grafikus minimalizálás** (Veitch-Karnaugh táblával)
- **Numerikus minimalizálás** (Quine-Mc Cluskey-féle eljárás)

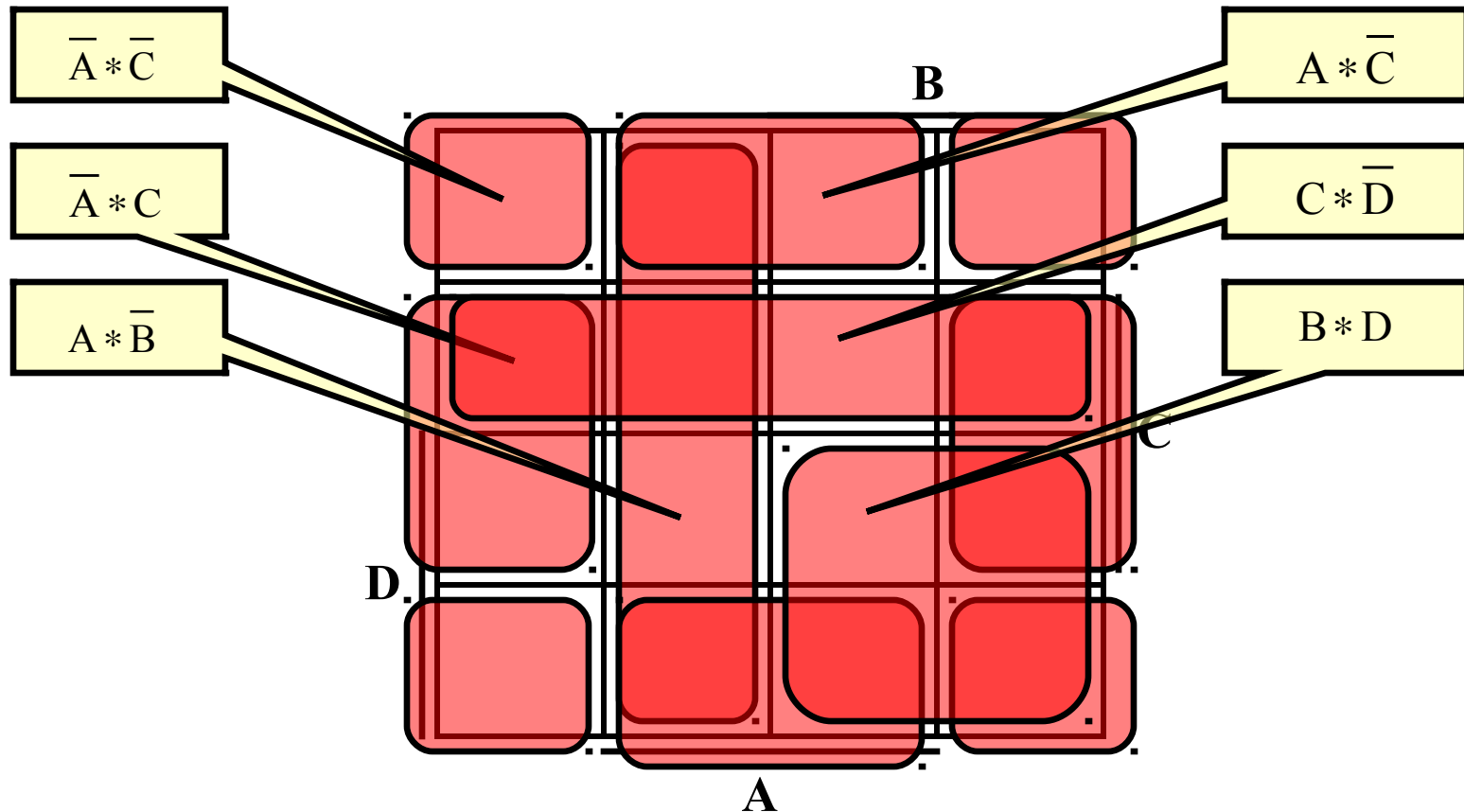
TERM ÖSSZEVONÁSOK A V-K TÁBLÁKBAN

KETTES IMPLIKÁNSOK



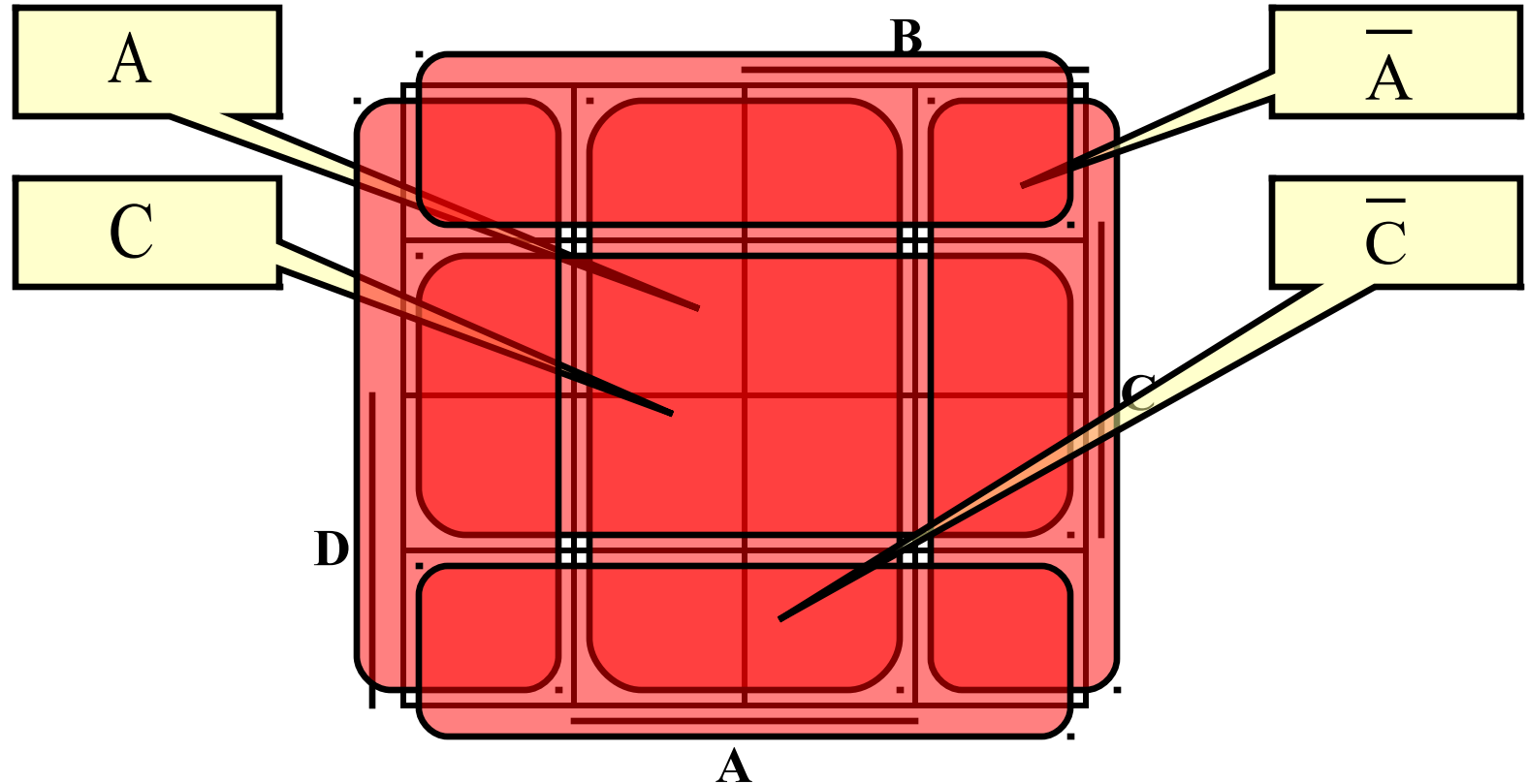
TERM ÖSSZEVONÁSOK A V-K TÁBLÁKBAN

NÉGYES IMPLIKÁNSOK



TERM ÖSSZEVONÁSOK A V-K TÁBLÁKBAN

NYOLCAS IMPLIKÁNSOK



GRAFIKUS MINIMALIZÁLÁS

A logikai függvények minimalizálási eljárása a primimplikánsok megkereséséből, majd pedig a szükséges primimplikánsok kiválasztásából áll.

Primimplikánsok keresése:

- 1 **Ábrázoljuk a függvényt VK táblán**
- 2 **A 2^i számú szimmetrikusan elhelyezkedő szomszédos 1-gyel jelölt cellát egy tömbbé vonunk össze**
- 3 **Mindig a lehető legnagyobb tömböt célszerű kialakítani**
- 4 **Valamennyi 1-gyel jelölt cellának legalább egy tömbben szerepelnie kell**
- 5 **Ugyanazon cella több tömbnek is eleme lehet**
- 6 **A táblák négy változóig széleiken egybefüggőnek tekinthetők**

Valamely primimplikáns lényeges, ha tartalmaz olyan m^n_i mintermet, amelyet minden más primimplikáns már nem tartalmaz. Azon tömbök lesznek a minimalizált függvény szükséges primimplikánsai, amelyek a függvény valamennyi 1-gyel jelölt cellájának egyszeri lefedéséhez elengedhetetlenül szükségesek.

A szükséges primimplikánsok kiválasztásának lépései:

- 1 Jelöljük meg egy-egy ponttal azon mintermeket, amelyeken csak egy hurok megy keresztül. Ezen tömbök lesznek a nélkülözhetetlen implikánsok.
- 2 Vonalkázzuk be a nélkülözhetetlen primimplikánsok által lefedett mintermeket
- 3 Maradt-e olyan 1-egyel jelölt minterm, amelyet a nélkülözhetetlen primimplikánsok nem fedtek le?
- 4 A fennmaradó 1-ek lefedésére válasszuk a legkevesebb és legnagyobb tömböt.

$$F^4(D, C, B, A) = \sum^4 (7, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15)$$

	B				
	0 ₀	0 ₁	0 ₃	0 ₂	
	0 ₄	0 ₅	1 ₇	0 ₆	C
D	1 ₁₂	1 ₁₃	1 ₁₁	1 ₁₄	
	0 ₈	1 ₉	1 ₁₀	1 ₁₅	
	A				

C*D

A*D

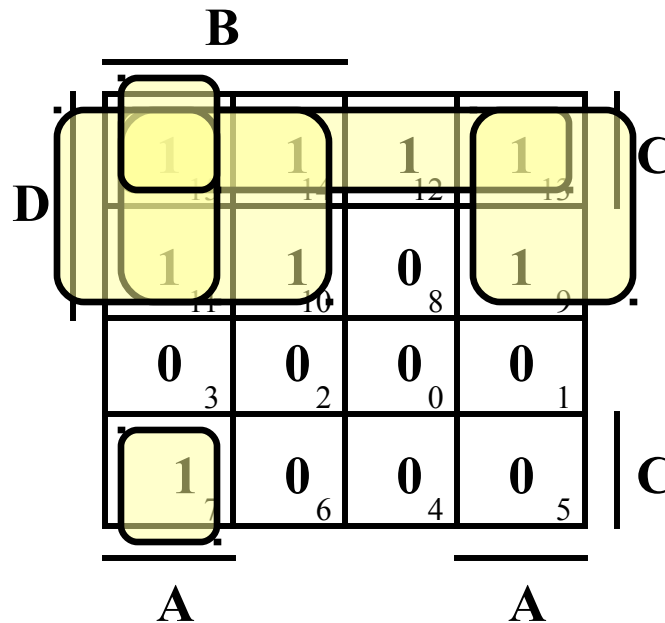
B*D

A*B*C

$$\mathbf{F = C*D + A*D + B*D + A*B*C}$$

minimál diszjunktív alak

$$F^4(D, C, B, A) = \prod^4 (7, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15)$$



C+D

A+D

B+D

A+B+C

$$\mathbf{F = (C+D) * (A+D) * (B+D) * (A+B+C)}$$

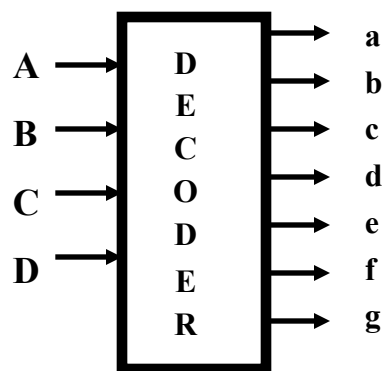
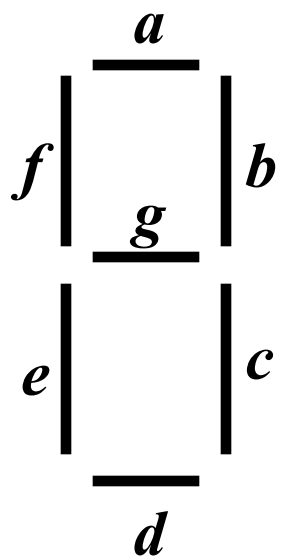
minimál konjunktív alak

5. ELŐADÁS

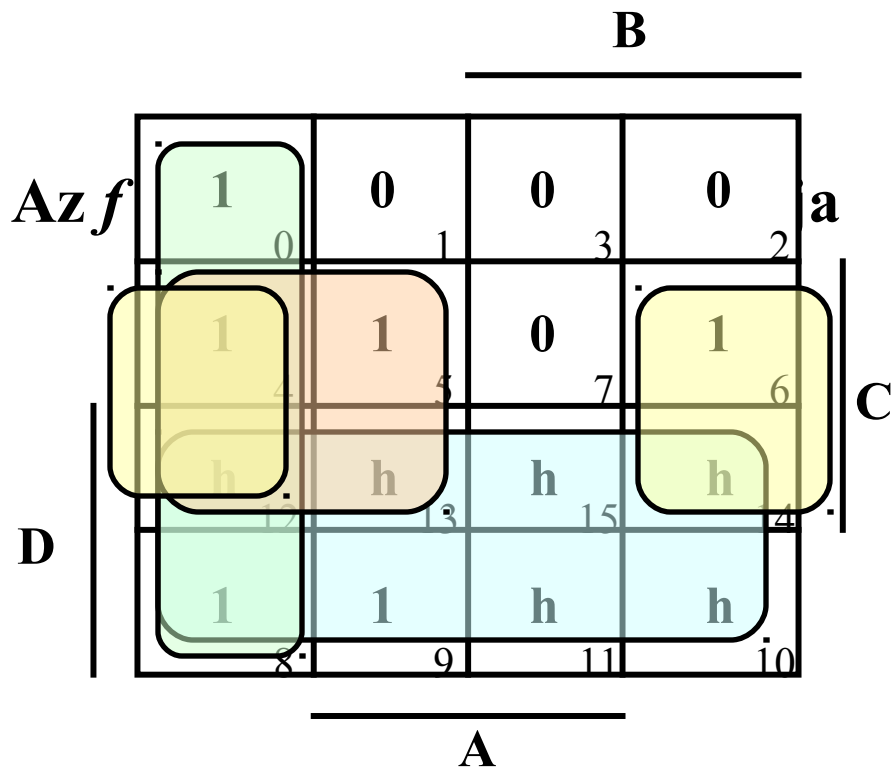
RÉSZBEN MEGHATÁROZOTT FÜGGVÉNYEK

- *RÉSBEN MEGHATÁROZOTT LOGIKAI FÜGGVÉNYEK EGYSZERŰSÍTÉSE*
- *EGYSZERŰSÍTÉS EKVIVALENCIA ÉS ANTIVALENCIA FÜGGVÉNYEKKEL*
- *KÖZÖS RÉSZHÁLÓZAT KIALAKÍTÁSA*

RÉSZBEN MEGHATÁROZOTT FÜGGVÉNYEK



	D	C	B	A	<i>a</i>	<i>b</i>	<i>c</i>	<i>d</i>	<i>e</i>	<i>f</i>	<i>g</i>
0	0	0	0	0	1	1	1	1	1	1	0
1	0	0	0	1	0	1	1	0	0	0	0
2	0	0	1	0	1	1	0	1	1	0	1
3	0	0	1	1	1	1	1	1	0	0	1
4	0	1	0	0	0	1	1	0	0	1	1
5	0	1	0	1	1	0	1	1	0	1	1
6	0	1	1	0	1	0	1	1	1	1	1
7	0	1	1	1	1	1	1	0	0	0	0
8	1	0	0	0	1	1	1	1	1	1	1
9	1	0	0	1	1	1	1	1	0	1	1
10	1	0	1	0	h	h	h	h	h	h	h
11	1	0	1	1	h	h	h	h	h	h	h
12	1	1	0	0	h	h	h	h	h	h	h
13	1	1	0	1	h	h	h	h	h	h	h
14	1	1	1	0	h	h	h	h	h	h	h
15	1	1	1	1	h	h	h	h	h	h	h



(8,9,10,11,12,13,14,15) D

(0,4,8,12) $\overline{A}\overline{B}$

(4,5,12,13) $\overline{B}\overline{C}$

(4,6,12,14) BC

$$F_d^4(D, C, B, A) = D + \overline{\overline{A}}\overline{\overline{B}} + \overline{\overline{B}}\overline{\overline{C}} + BC$$

Az f szegmens maxtermtáblája

					(0,4,8,12)	$\overline{A+B}$	
					(0,4,8,12)	$\overline{B+C}$	
					(0,4,8,12)	$\overline{A+C}$	
D	A				C		
	0 ₁₅	1 ₁₄	1 ₁₂	1 ₁₃			
	0 ₁₁	0 ₁₀	1 ₈	0 ₉			
	0 ₃	0 ₂	h ₀	h ₁			
	h ₇	h ₆	h ₄	h ₅	C		
		B	B				

$$F_k^4(D, C, B, A) = (\overline{A+B})(\overline{B+C})(\overline{A+C})$$

EGYSZERÜSÍTÉS EKVIVALENCIA ÉS ANTIVALENCIA FÜGGVÉNYEKKEL

	B	
		<u>1</u>
A	0	1
	1	3

$F = A \oplus B$

	B	
	<u>1</u>	
A	1	1
	2	3

$F = A \otimes B$

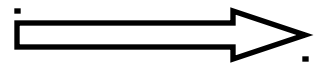
	B			
		<u>1</u>		
A	1	1	3	2
	4	5	7	6
	C			

$F = A \otimes B$

	B			
		<u>1</u>	<u>1</u>	
A	0	1	3	2
	1	5	7	6
	C			

$F = A \oplus B$

	B			
		<u>1</u>		<u>1</u>
A	0	1	3	2
	4	5	7	6
	C			



	A			
		<u>1</u>	<u>1</u>	
B	0	1	3	2
	1	5	7	6
	C			

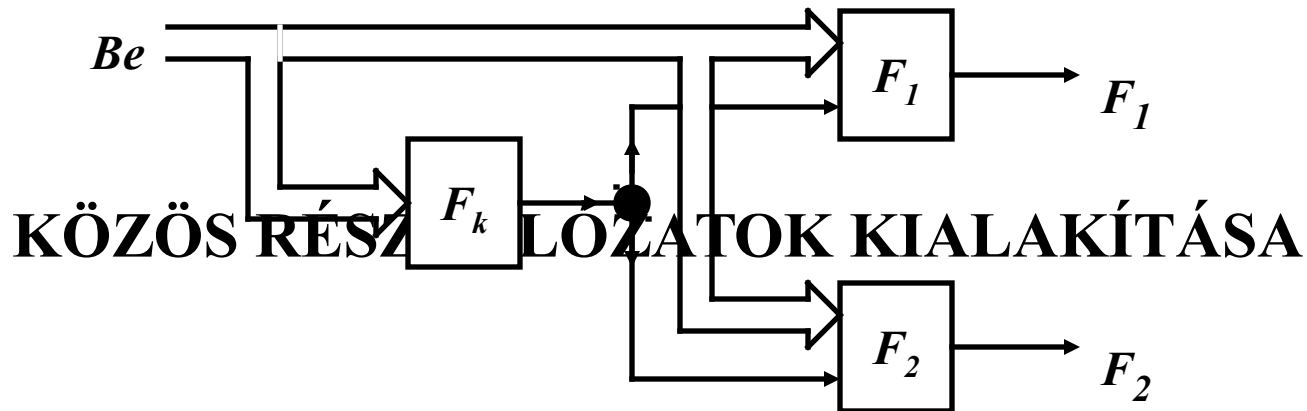
$F = A \oplus B$

		<u>C</u>			
	0	1	3	2	
	4	1	5	7	6
A	1			1	14
	8	9	1	11	10
		<u>D</u>			

B $F(A, B, C, D) = B\bar{C}(A \oplus D) + AC(B \oplus D)$

		<u>C</u>				
	0	1	3	1	2	
	4	5	1	7	1	6
A	1	1	1		14	
	8	1			11	10
		<u>D</u>				

B $F(A, B, C, D) = B(C \otimes D) + (A \oplus C)(C \oplus D)$



- I. lépés:** Megkeressük egymástól függetlenül, a kimenetekhez tartozó függvények prim-implikánsait.
- II. lépés:** Megkeressük a közös implikánsokat, az egyes függvények imlikánsainak a V-K táblán történő fedésbe hozásával
- III. lépés:** Kiválasztjuk az optimális megoldást adó implikánsokat az implikáns táblázat és - ha szükséges - az ún. „szelektációs függvény” segítségével. (Egyes irodalmakban jelenléti függvény)
- IV. lépés:** Felírjuk a hálózat optimalizált függvényeit közös implikánsok feltüntetésével, majd felrajzoljuk a közös részeket tartalmazó logikai vázlatot.

PÉLDA KÖZÖS RÉSZHÁLÓZAT KIALAKÍTÁSÁRA

$$Y_{\alpha}(D,C,B,A) = \sum (1,3,6,9,11,12,14)$$

	B			
	1	1		2
	4	5	7	6
D	12	13	15	14
	8	9	11	10
	A			

$$Y_{\alpha} = \overline{C}A + C\overline{B}A + DC\overline{A}$$

$$Y_{\beta}(D,C,B,A) = \sum (1,3,8,9,11,12)$$

	B			
	1	1		2
	4	5	7	6
D	12	13	15	14
	8	9	11	10
	A			

$$Y_{\beta} = \overline{C}A + D\overline{B}A$$

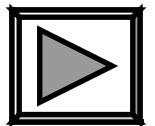
$$Y_{\alpha\beta} = \sum (1,3,9,11,12)$$

	B			
	1	1		2
	4	5	7	6
D	12	13	15	14
	8	9	11	10
	A			

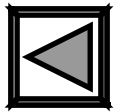
$$Y_{\beta} = \overline{C}A + DC\overline{B}A$$

			Y_α							Y_β					
			1	3	6	9	11	12	14	1	3	8	9	11	12
Y_α	\overline{CA}	a	x	x		x	x								
	$C\overline{B}\overline{A}$	b			\odot				\odot						
	$D\overline{C}\overline{A}$	c						x	x						
Y_β	CA	d								x	x		x	x	
	$\overline{D}\overline{B}\overline{A}$	e										\odot			x
$Y_{\alpha\beta}$	\overline{CA}	f	x	x		x	x			x	x		x	x	
	$D\overline{C}\overline{B}\overline{A}$	g						x							x

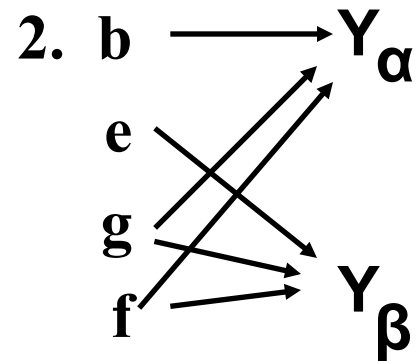
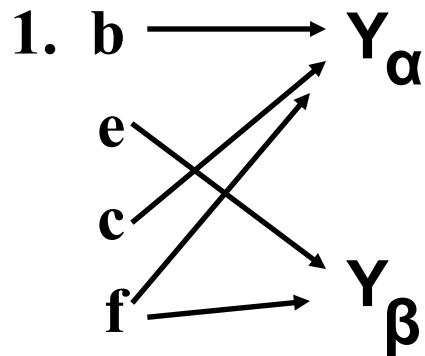
$$\begin{aligned}
 & (a+f)(\cancel{a+f}) b (\cancel{a+f})(\cancel{a+f})(c+g)(b+c)(d+f)(\cancel{d+f}) e (\cancel{d+f})(\cancel{d+f})(e+g)= \\
 & = (a+f) b (c+g)(b+c)(d+f) e \\
 & (e+g)= \\
 & = (a+f) b (c+g)(d+f) e = b e (c+g)(f+a d)= \\
 & = b e c f + b e g f + b e c a d + b e g a d
 \end{aligned}$$



$$\underbrace{b e c f + b e g f}_{4 \text{ implikáns}} + \underbrace{b e c a d + b e g a d}_{5 \text{ implikáns}}$$

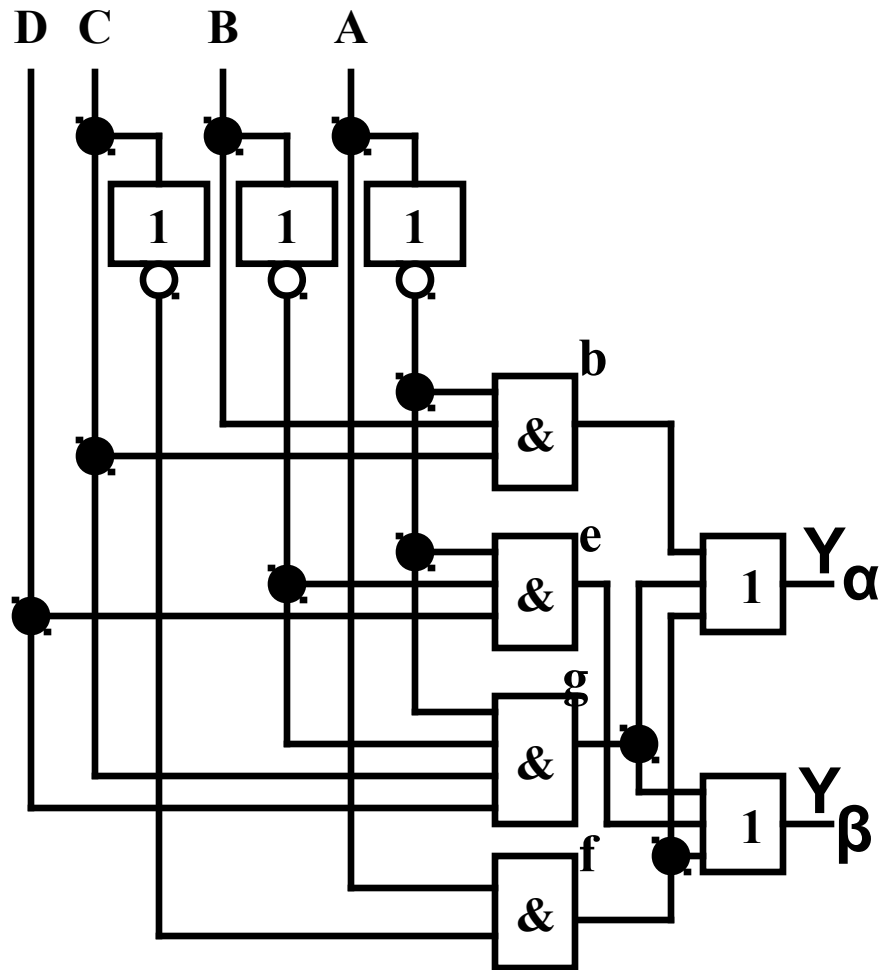
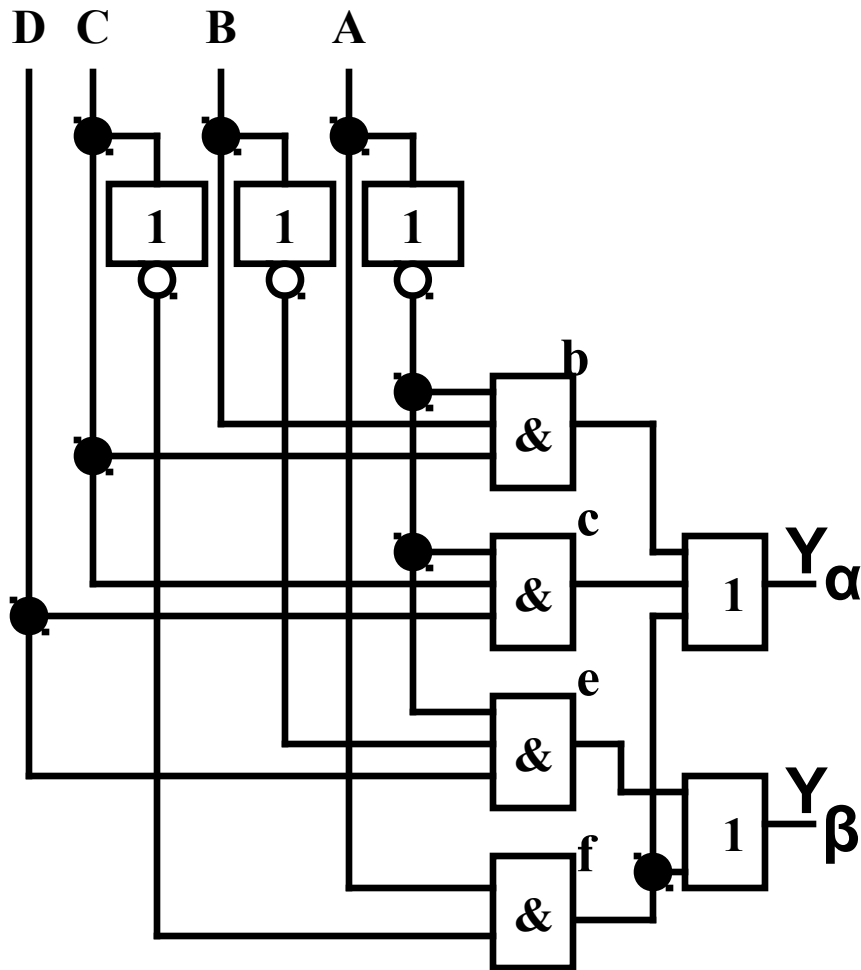


1. $b e c f$ $3+3+3+2 = 11$ db változó
2. $b e g f$ $3+3+4+2 = 12$ db változó



$$\left. \begin{aligned}
 Y_{\alpha} &= b \cdot c \cdot f = C \cdot B \cdot \bar{A} + D \cdot C \cdot \bar{A} \\
 Y_{\beta} &= e \cdot f = D \cdot \bar{B} \cdot \bar{A}
 \end{aligned} \right\} + \bar{C} \cdot A$$

$$\left. \begin{aligned}
 Y_{\alpha} &= b \cdot g \cdot f = C \cdot B \cdot \bar{A} \\
 Y_{\beta} &= e \cdot g \cdot f = D \cdot \bar{B} \cdot \bar{A}
 \end{aligned} \right\} + D \cdot C \cdot \bar{B} \cdot \bar{A} + \bar{C} \cdot A$$



6. ELŐADÁS

NUMERIKUS MINIMALIZÁLÁS

- *A TERMEK ÖSSZEVIKONÁSÁNAK KRITÉRIUMAI*
- *A MINIMALIZÁLÁS LÉPÉSEI*
- *PRIMIMPLIKÁNS TÁBLÁZAT*

A TERMEK ÖSSZEVONÁSÁNAK KRITÉRIUMAI:

NUMERIKUS MINIMALIZÁLÁS

- QUINE McCLUSKEY MÓDSZER**
- 1 A bináris súlyok különbsége 1 kell hogy legyen
(bináris súly = a termben szereplő „egyesek” száma)**
 - 2 A decimális indexek különbsége kettő hatványa kell legyen**
 - 3 A nagyobb bináris súlyúnak a decimális indexe is nagyobb kell legyen**

A MINIMALIZÁLÁS LÉPÉSEI

- 1 *A Termeket bináris súlyuknak megfelelően csoportosítjuk a decimális indexek növekvő sorrendjében*
- 2 *Az összehasonlítást a legelső elemmel kezdjük, ezután a következő csoport elemeivel kell összehasonlítani. Ha találunk olyan számpárt amely kielégíti a „2” -es és „3” -as feltételt, akkor mindkettőt megjelöljük, és a számpár elemeit növekvő sorrendbenegy új oszlopba egymás mellé írjuk, majd zárójelben megjelöljük a különbségüket is.*
- 3 *A második oszlopból a harmadik oszlopot az előző pontban leírt módon képezzük, de az összevonás feltétele az, hogy a zárójelben lévő összes szám megegyezzen, és ugyanazon változók hiányozzanak mindkét csoportból, és az első decimális számok különbsége 2 pozitív egész kitevőjű hatványa legyen, és a hátrább álló csoportból való decimális szám legyen a nagyobb. A nem jelölt csoportok a primimplikánsok*
- 4 *A szükséges primimplikánsok kiválasztása a primimplikáns táblázattal történik*

$$F^4(D, C, B, A) = \sum^4 (7, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15)$$

Bináris súly

$m_7^4 = 0111$	3
$m_9^4 = 1001$	2
$m_{10}^4 = 1010$	2
$m_{11}^4 = 1011$	3
$m_{12}^4 = 1100$	2
$m_{13}^4 = 1101$	3
$m_{14}^4 = 1110$	3
$m_{15}^4 = 1111$	4

I. oszlop		II. oszlop			III. oszlop	
9	+	9,11	(2)	+	9,11,13,15	(2,4) b
10	+	9,13	(4)	+	10,11,14,15	(1,4) c
12	+	10,11	(1)	+	12,13,14,15	(1,2) d
7	+	10,14	(4)	+		
11	+	12,13	(1)	+		
13	+	12,14	(2)	+		
14	+	7,15	(8)	a		
15	+	11,15	(4)	+		
		13,15	(2)	+		
		14,15	(1)	+		



PRIMIMPLIKÁNS TÁBLÁZAT

	7	9	10	11	12	13	14	15
a	*							*
b		*		*		*		*
c			*	*			*	*
d					*	*	*	*

$$F = a * b * c * d$$



		DCBA	
a	7	0111	C * B * A
	15	1111	
b	9	1001	D * A
	11	1011	
	13	1101	
	15	1111	
c	10	1010	D * B
	11	1011	
	14	1110	
	15	1111	
d	12	1100	D * C
	13	1101	
	14	1110	
	15	1111	

$$F = D * A + D * B + D * C + A * B * C$$



7. ELŐADÁS

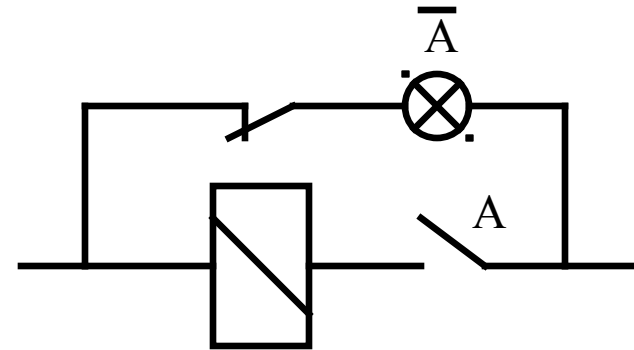
LOGIKAI FÜGGVÉNYEK REALIZÁLÁSA

- *KONTAKTUSOKKAL*
- *KAPUÁRAMKÖRÖKKEL*
- *KAPUK BŐVÍTÉSE*
- *FUNKCIONÁLISAN TELJES RENDSZEREK*

REALIZÁLÁS KONTAKTUSOKKAL

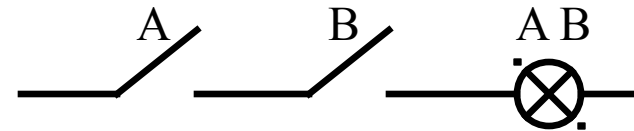
•Negáció \bar{A}

A	F
0	1
1	0



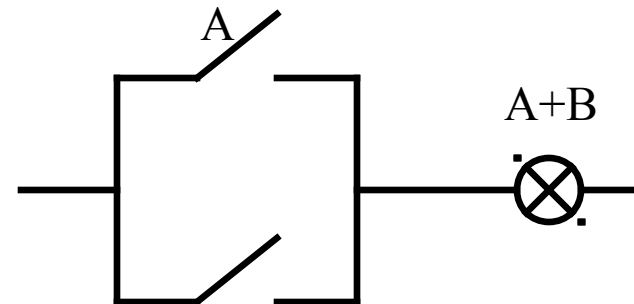
•ÉS (AND) $A*B$

A	B	F
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1



•VAGY (OR) $A+B$

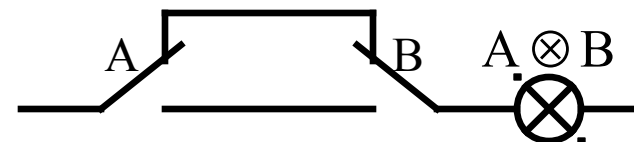
A	B	F
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1



•EKVIVALENCIA

$$A \otimes B = \bar{A} * \bar{B} + A * B$$

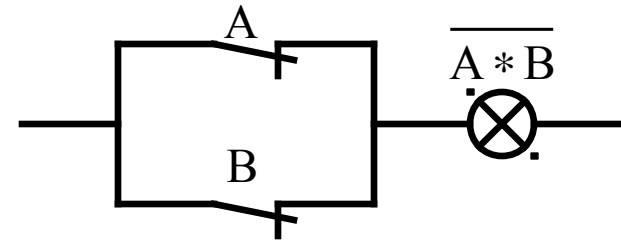
A	B	F
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1



REALIZÁLÁS KONTAKTUSOKKAL

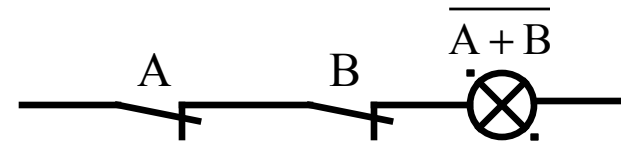
•NEM-ÉS (NAND) $\overline{A*B}$

A	B	F
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	0



•NEM-VAGY (NOR) $\overline{A+B}$

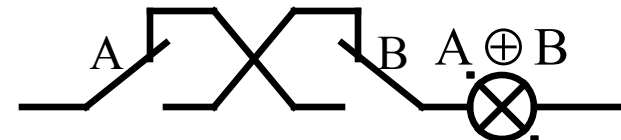
A	B	F
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	0



•ANTIVALENCIA

$$A \oplus B = \overline{A} * B + A * \overline{B}$$

A	B	F
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0



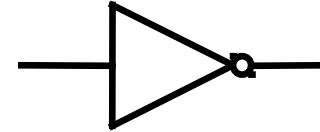
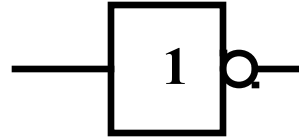
REALIZÁLÁS KAPUKKAL

MSZ

USA jelkép

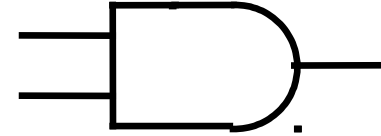
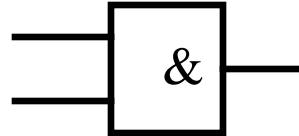
•Negáció \bar{A}

A	F
0	1
1	0



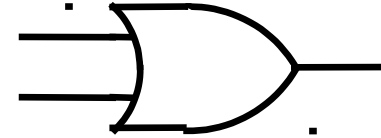
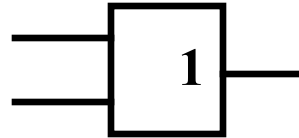
•ÉS (AND) $A*B$

A	B	F
0	0	0
0	1	0
1	0	0
1	1	1



•VAGY (OR) $A+B$

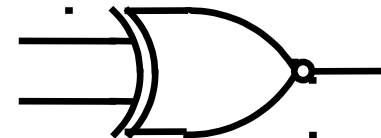
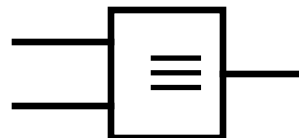
A	B	F
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	1



•EKVIVALENCIA

$$A \otimes B = \bar{A} * \bar{B} + A * B$$

A	B	F
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1



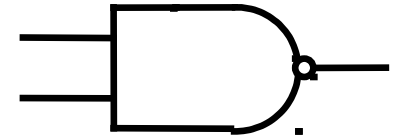
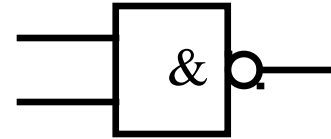
REALIZÁLÁS KAPUKKAL

MSZ

USA jelkép

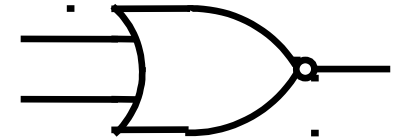
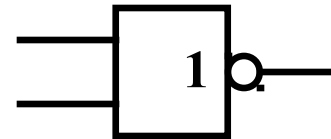
•NEM-ÉS (NAND) $\overline{A*B}$

A	B	F
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	0



•NEM-VAGY (NOR) $\overline{A+B}$

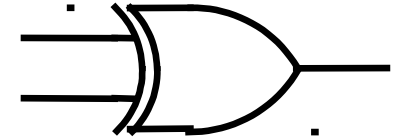
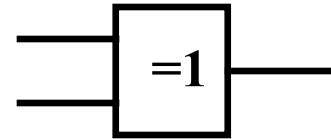
A	B	F
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	0



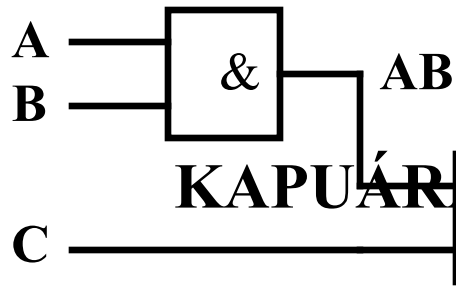
•ANTIVALENCIA

$$A \oplus B = \overline{A} * B + A * \overline{B}$$

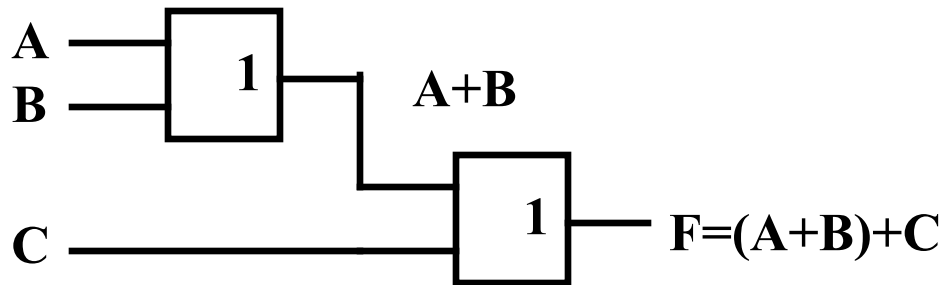
A	B	F
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0



KAPUÁRAMKÖRÖK BŐVÍTÉSE



A	B	C	F
0	0	0	0
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	0
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	0
1	1	1	1

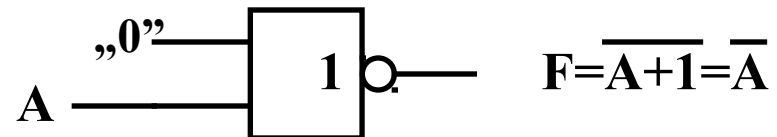
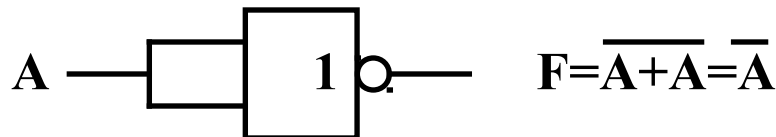
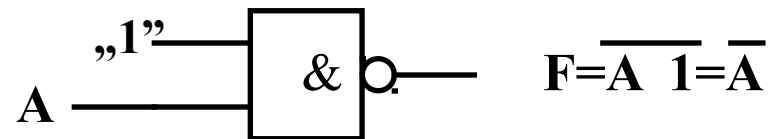
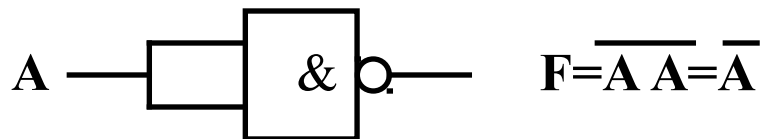


A	B	C	F
0	0	0	0
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	1
1	0	0	1
1	0	1	1
1	1	0	1
1	1	1	1

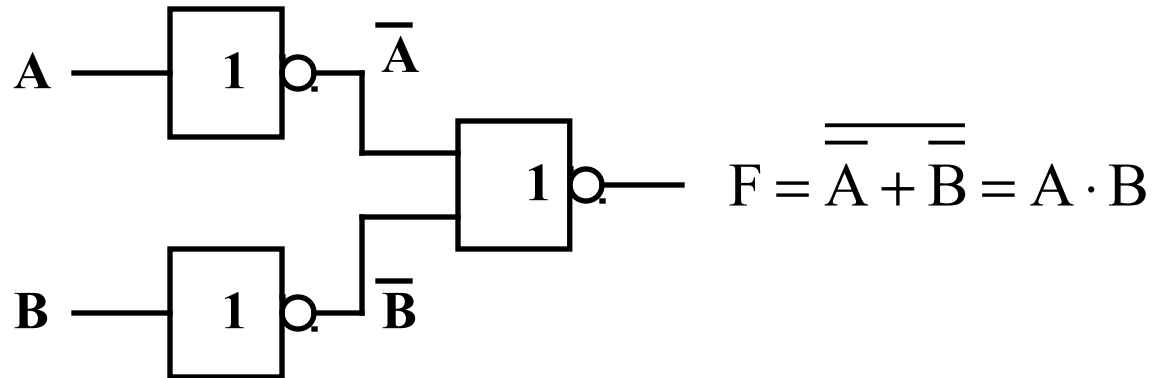
Azokat a kapucsoportokat, amelyekkel tetszőleges logikai függvény megvalósítható, funkcionálisan teljes rendszereknek nevezzük

- Nem-És-Vagy (NÉV)
- **FUNKCIONÁLISAN TELJES RENDSZEREK**
- **NOR**

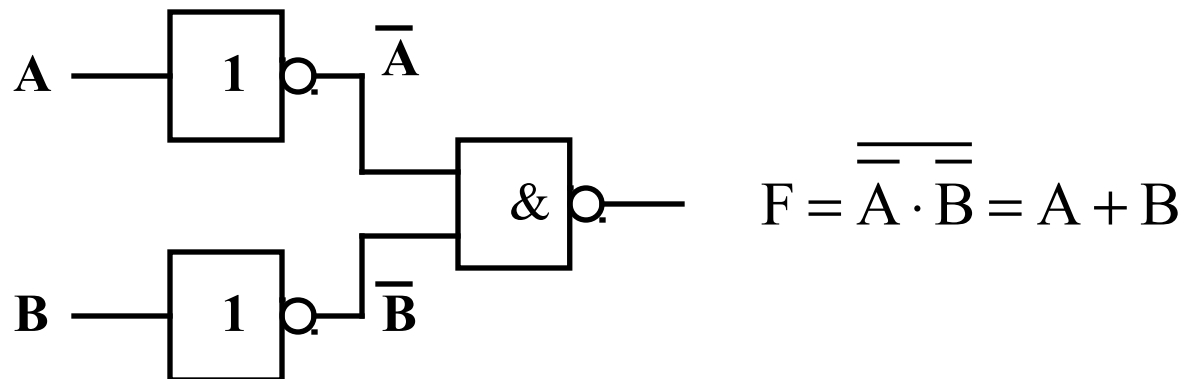
INVERTER MEGVALÓSÍTÁSA NAND ÉS NOR KAPUKKAL



ÉS KAPCSOLAT REALIZÁLÁSA NOR KAPUKKAL



VAGY KAPCSOLAT REALIZÁLÁSA NAND KAPUKKAL

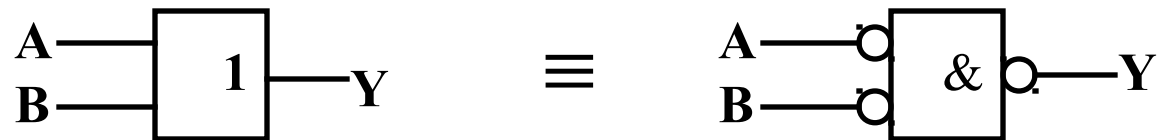
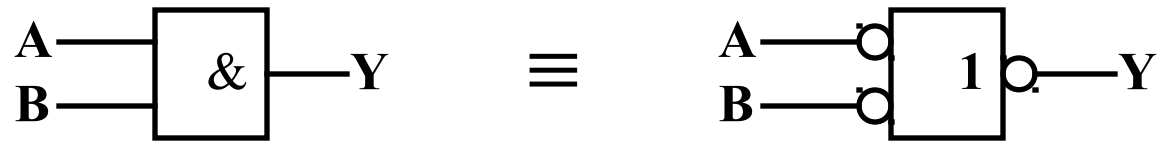


8. ELŐADÁS

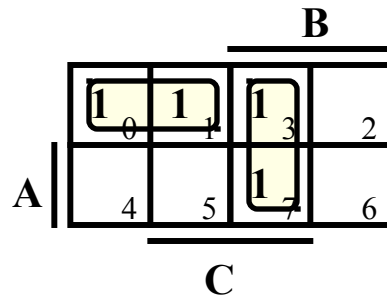
LOGIKAI FÜGGVÉNYEK KÉTSZINTŰ REALIZÁLÁSA

- *KAPU TRANSZFORMÁCIÓK*
- *KÉTSZINTŰ REALIZÁLÁSI LEHETŐSÉGEK*
- *REALIZÁLÁS N-É-V RENDSZERBEN*
- *REALIZÁLÁS NAND ÉS NOR RENDSZERBEN*
- *REALIZÁLÁS ELŐTT FIGYELEMBE VEENDŐ SZEMPONTOK*

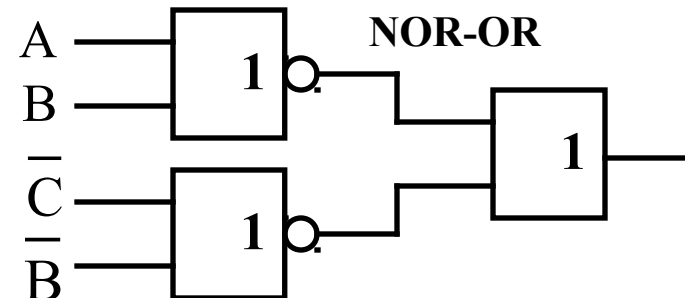
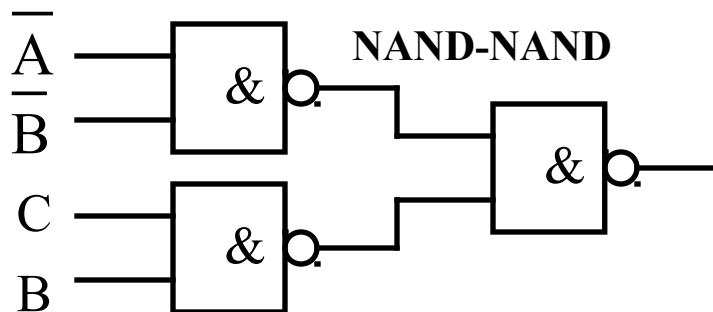
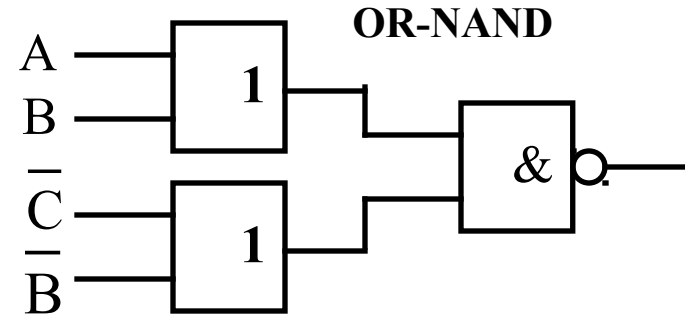
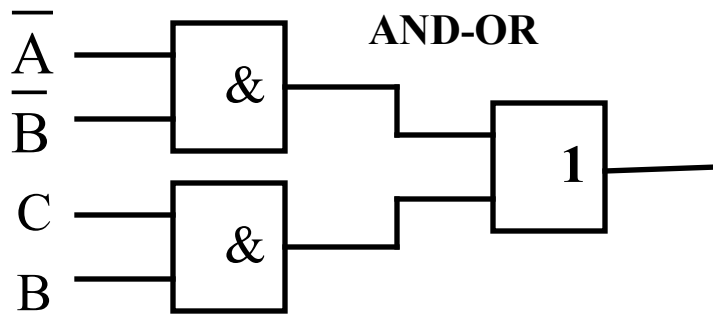
KAPU TRANSZFORMÁCIÓK



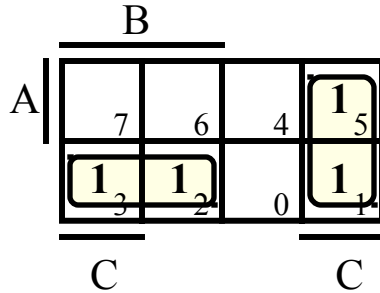
LOGIKAI FÜGGVÉNYEK KÉTSZINTŰ REALIZÁLÁSA



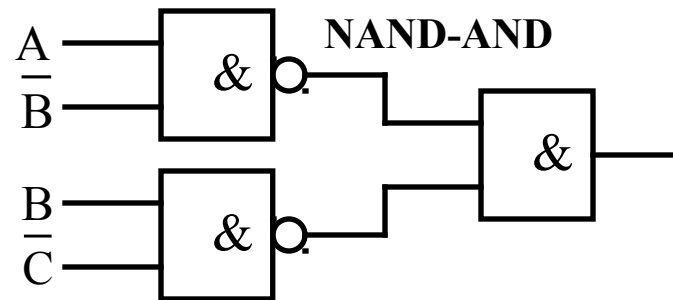
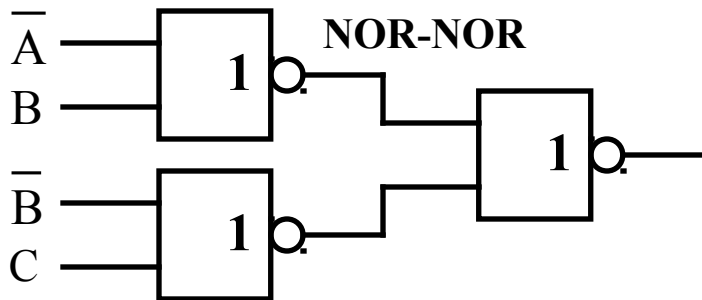
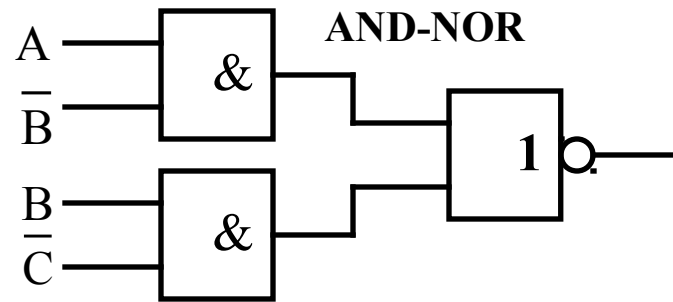
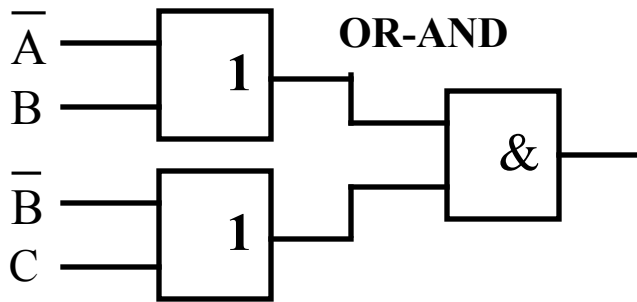
$$F(A, B, C) = \bar{A} \cdot \bar{B} + B \cdot C$$



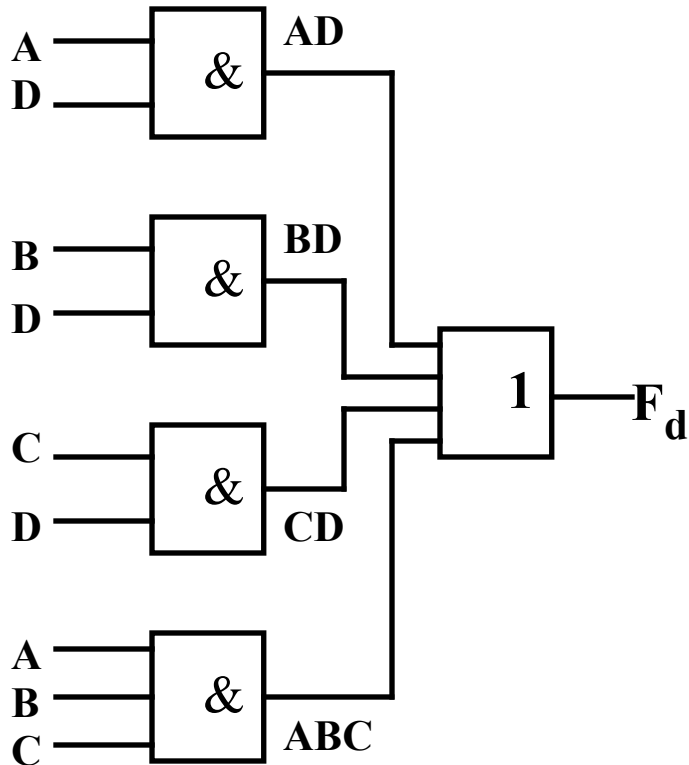
LOGIKAI FÜGGVÉNYEK KÉTSZINTŰ REALIZÁLÁSA



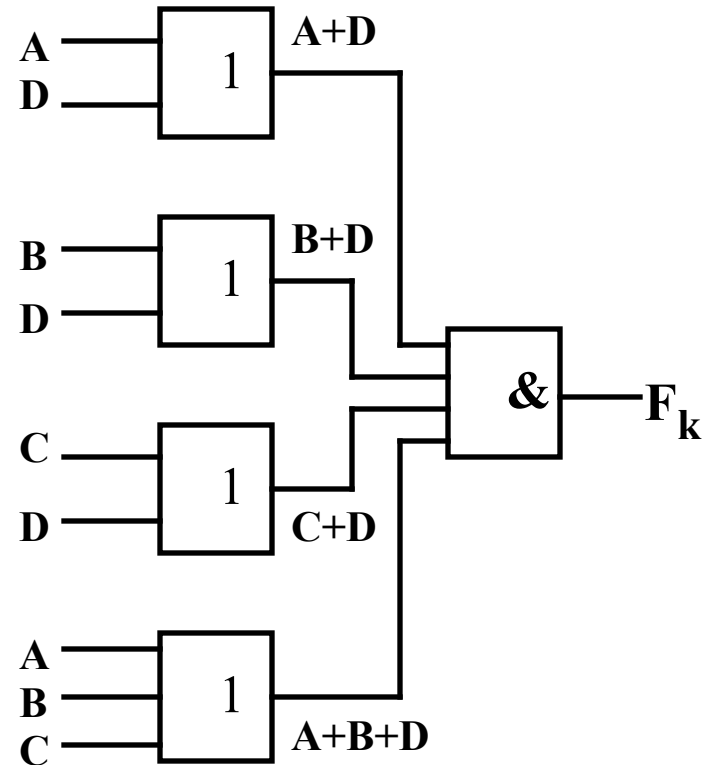
$$F(A, B, C) = (\bar{B} + C)(\bar{A} + B)$$



$$F_d = AD + BD + CD + ABC$$



$$F_k = (A+D)(B+D)(C+D)(A+B+C)$$

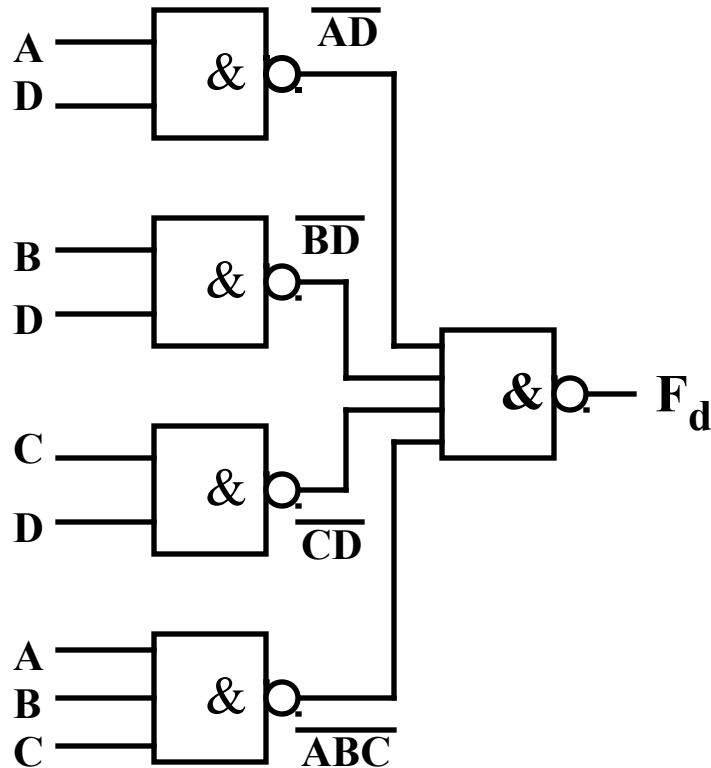


$$F_d = AD + BD + CD + ABC$$

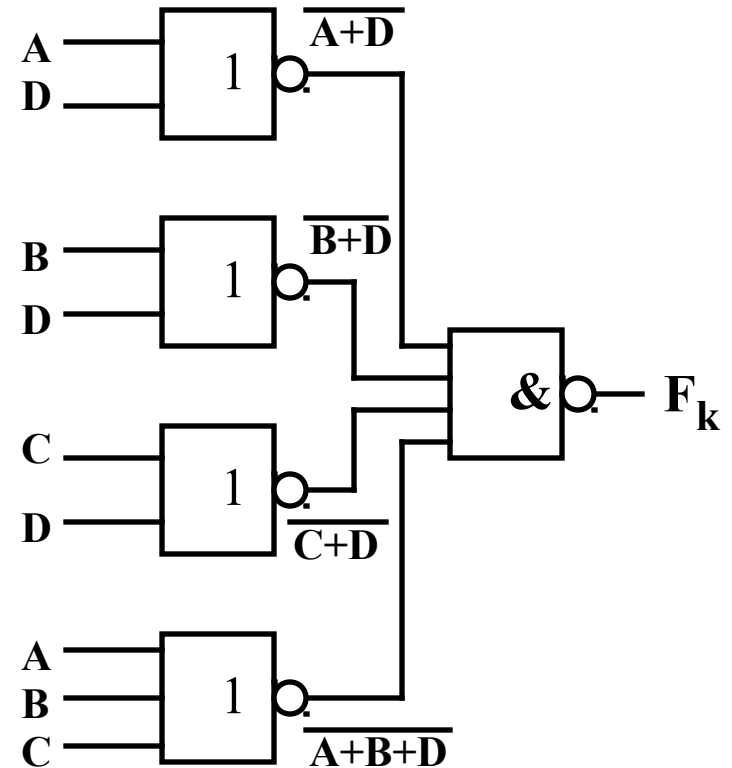
$$F_k = (A + D)(B + D)(C + D)(A + B + C)$$

FÜGGVÉNYEK REALIZÁLÁSA

NAND



NOR



A REALIZÁLÁS ELŐTT FIGYELEMBE VEENDŐ SZEMPONTOK

- **FOGYASZTÁS**
 - áramkör család (TTL, MOS, ECL, stb.)
 - tokszám
- **HELYFOGLALÁS**
 - tokozat (hagyományos, SMD)
 - tokszám
- **KÉSLELTETÉSI IDŐ**
 - áramkör család (TTL, MOS, ECL, stb.)
 - alkalmazott szintek száma

KÖVETKEZTETÉS:

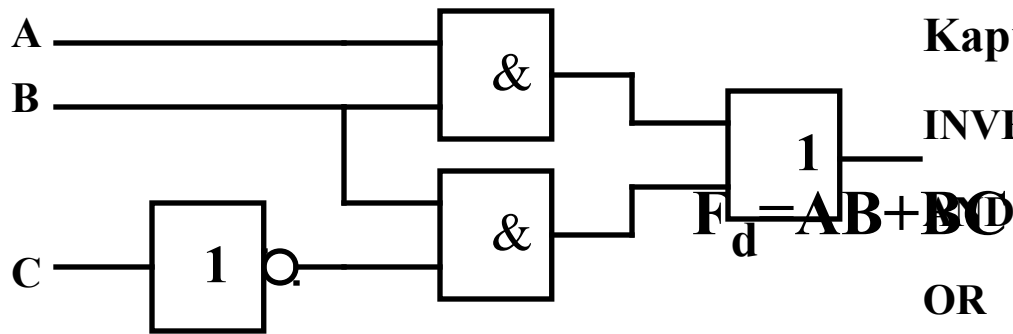
A legkedvezőbb megoldást kétszintű realizálás esetén, minimális tokszám mellett kapjuk

1 BEMENEŰ KAPU (INVERTER) 6 db
EGY TOKBAN TALÁLHATÓ KAPUKSZÁMA

2 BEMENETŰ KAPU (AND, NAND, OR, NOR, XOR) 4 db

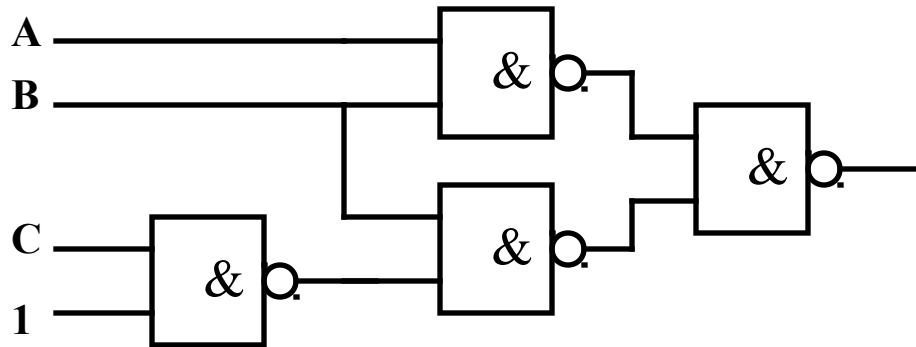
3 BEMENETŰ KAPU (AND, NAND, OR, NOR) 3 db

4 BEMENETŰ KAPU 2 db



Kihasználtság 28,5 %

Kapu	tok	használt	üres
INVERTER	1	1	5
AND	1	2	2
OR	1	1	3
Összes:	3	4	10



Kihasználtság 100 %

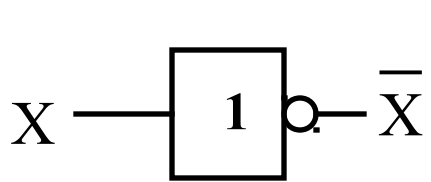
Kapu	tok	használt	üres
NAND	1	4	0
Összes:	1	4	0

9. ELŐADÁS

A KAPUK KÉSLELTETŐ HATÁSÁNAK FIGYELEMBEVÉTELE

- *KAPUKÉSLELTETÉS*
- *STATIKUS HAZÁRD*
- *HAZÁRDMENTESÍTÉS*
- *EGYÉB HAZÁRDOK*

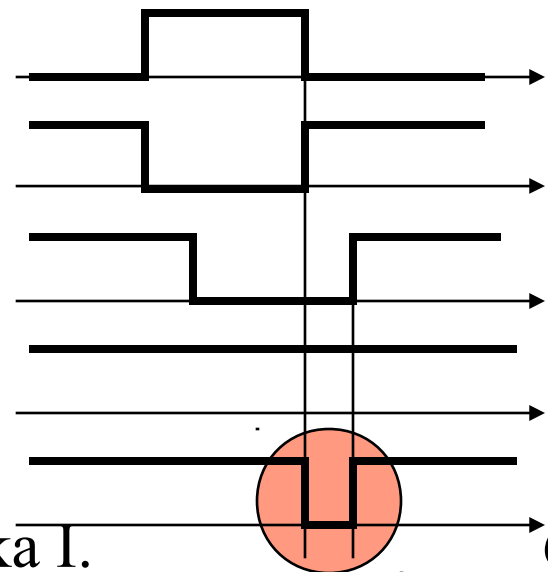
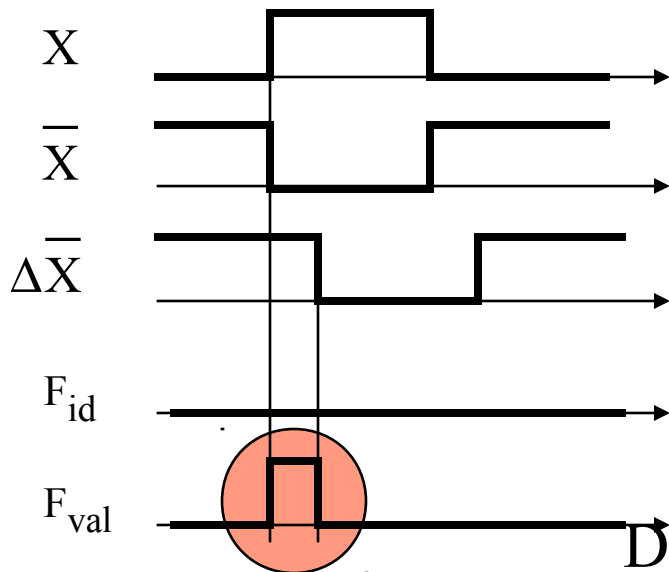
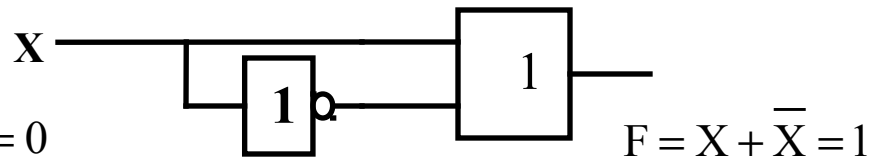
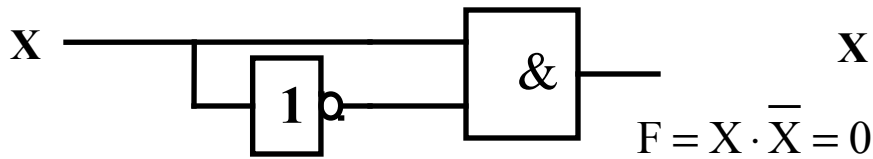
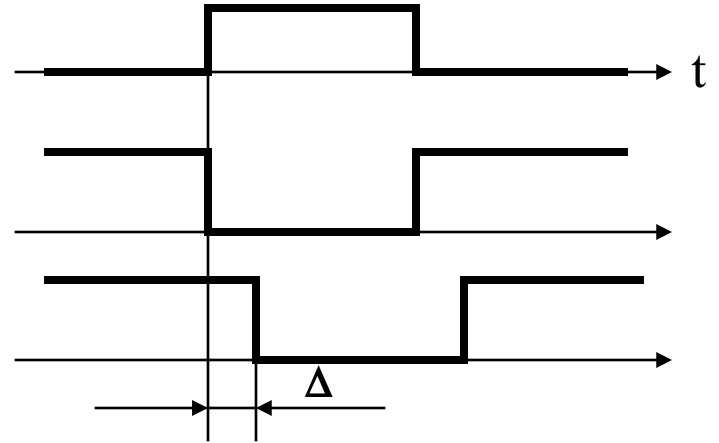
A KAPUK KÉSLELTETŐ HATÁSÁNAK FIGYELEMBEVÉTELE



bemenőjel

idális kimenőjel

valóságos kimenőjel



HAZÁRD

a kimeneten „0” vagy „1” impulzus nem a logikai feltétel hatására keletkezik

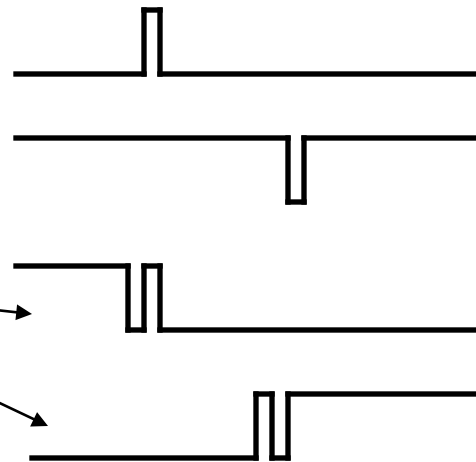
a késleltetések gyakran váratlan feltételektől (pl. melegedés) is függhetnek, ezért nem mindig ellenőrizhető

HAZÁRD TÍPUSOK

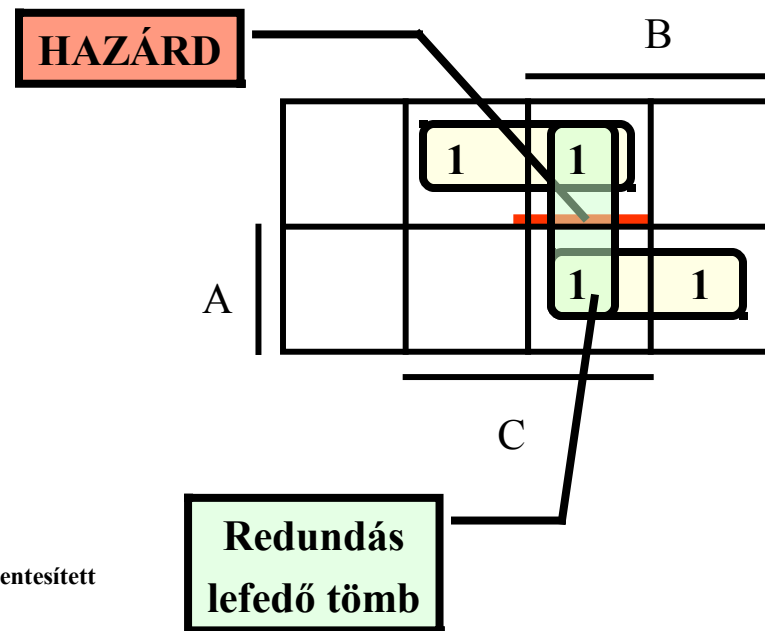
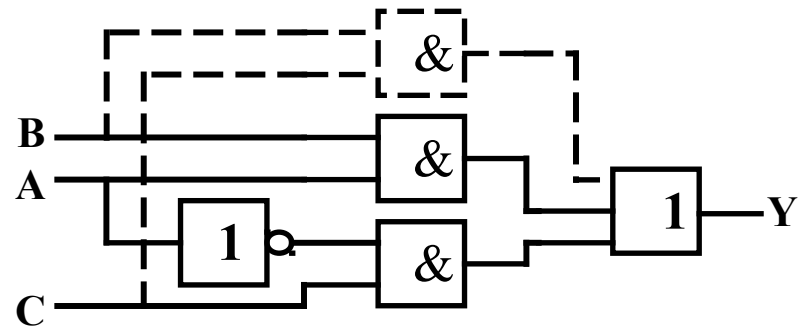
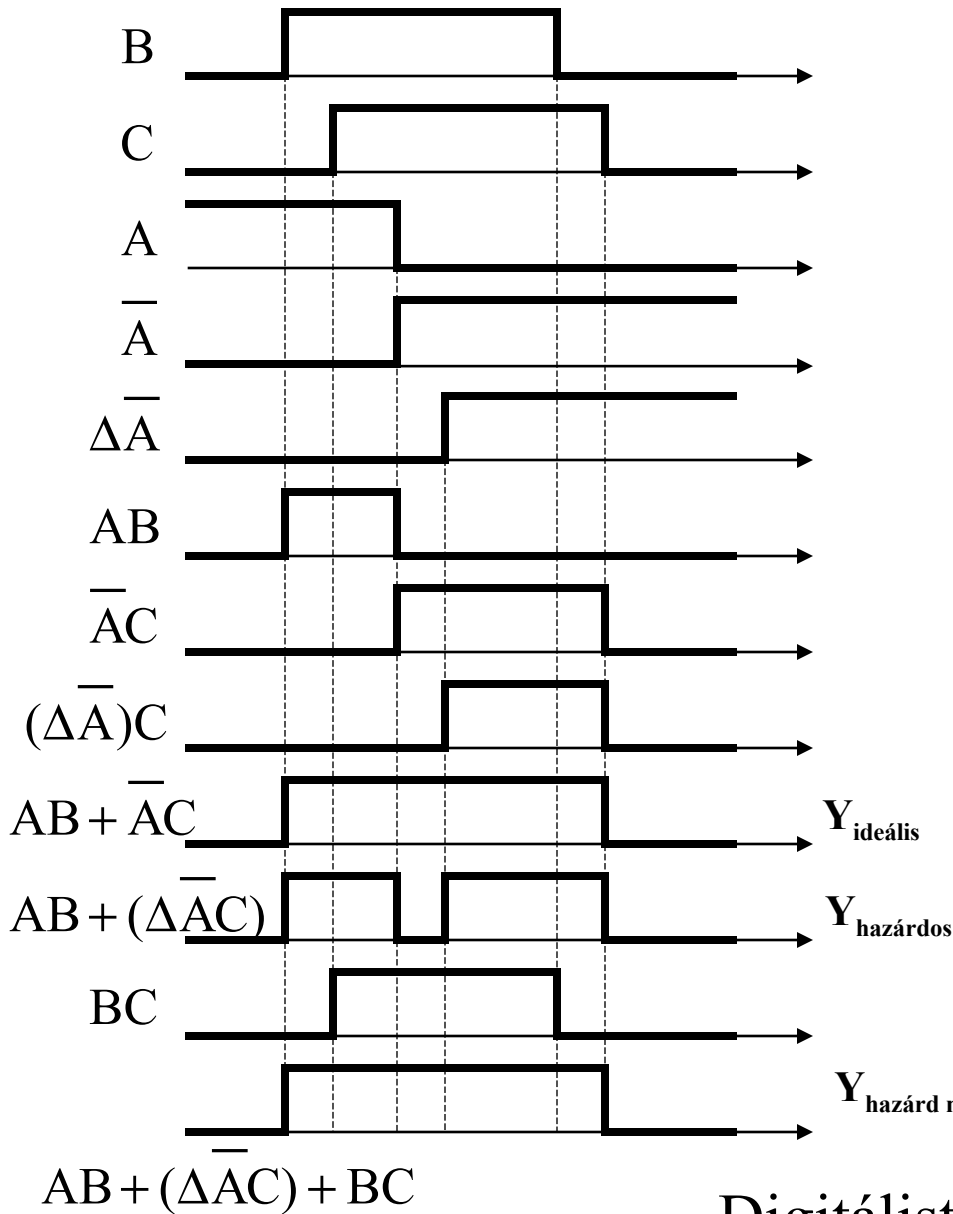
pcs Logikai hazárdok

- Sztatikus hazárd
 - „0”-ás típusú hazárd
 - „1”-es típusú hazárd
- Dinamikus hazárd

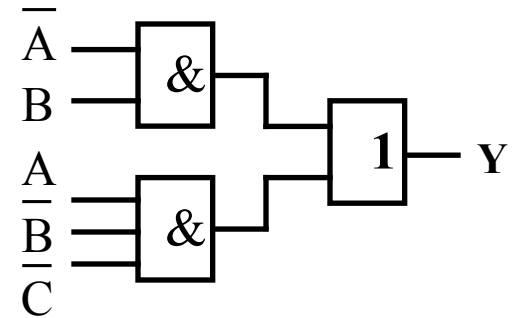
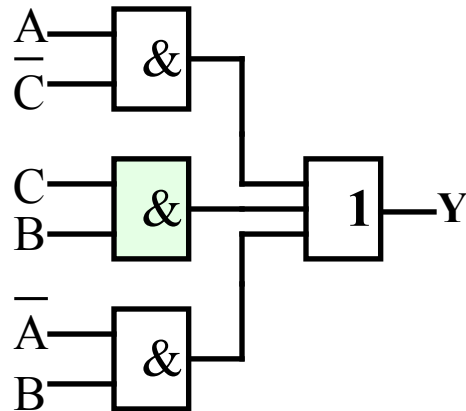
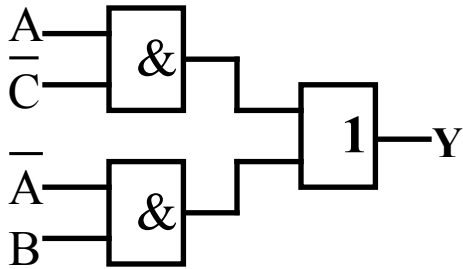
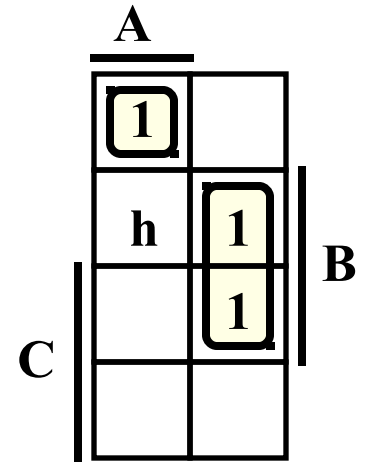
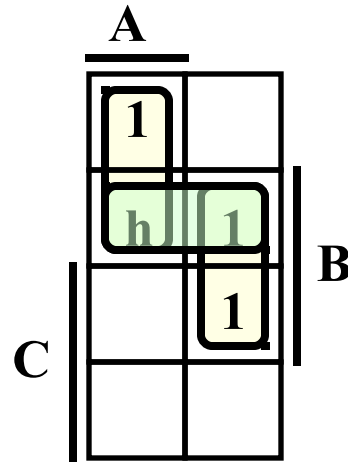
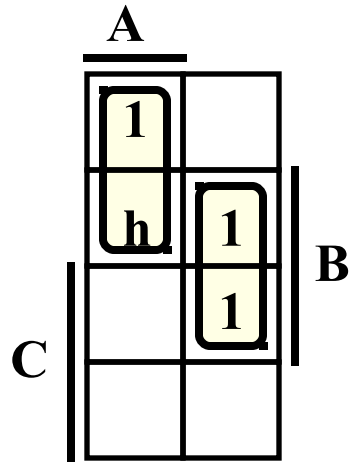
pcs Funkcionális hazárdok



SZTATIKUS HAZÁRD



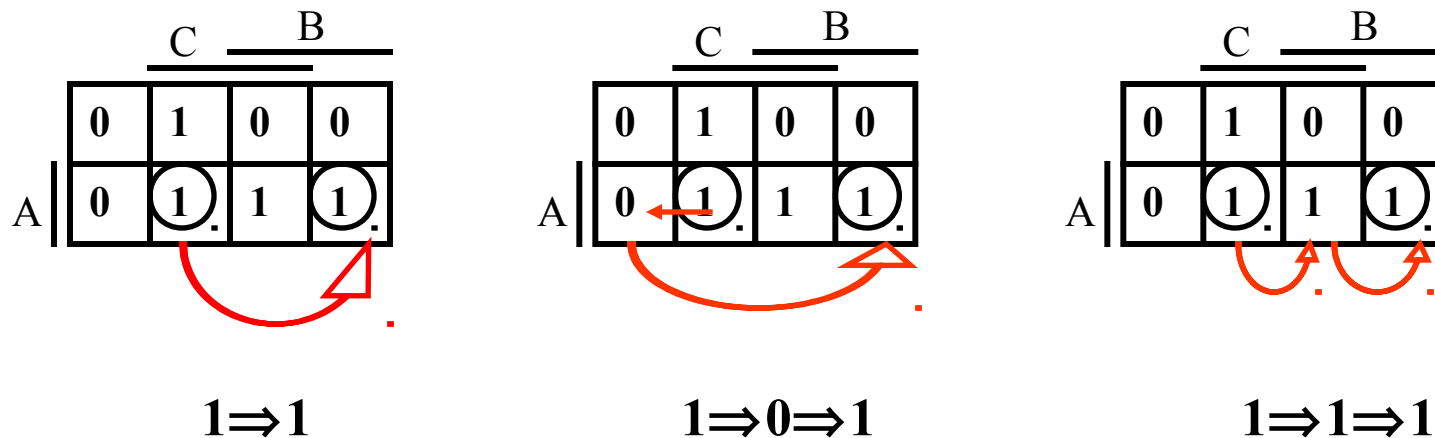
HAZÁRDMENTESÍTÉS HATÁROZATLAN ÁLLAPOT ESETÉN

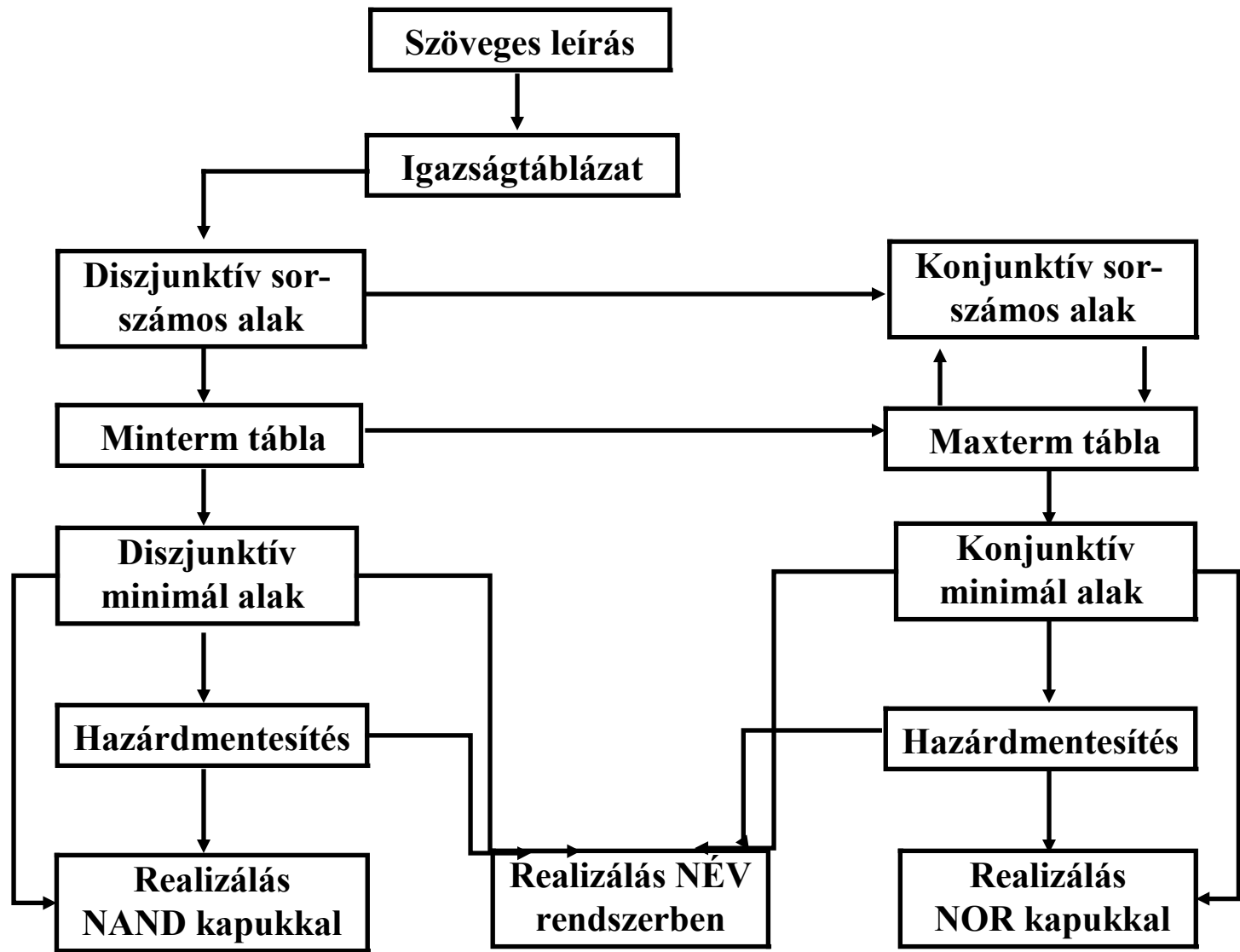


DINAMIKUS HAZÁRD

- *HÁROM, VAGY TÖBB SZINTŰ HÁLÓZATOKNÁL FORDULHAT ELŐ*
- *A DINAMIKUS HAZÁRD BEKÖVETKEZÉSÉBEN A STATIKUS HAZÁRD JÁTSZIK SZEREPET, AZOK MEGSZÜNTETÉSÉVEL A DINAMIKUS HAZÁRD IS KIKÜSZÖBÖLHETŐ*

FUNKCIONÁLIS HAZÁRD





10. ELŐADÁS

FUNKCIONÁLIS EGYSÉGEK I.

- *MULTIPLEXEREK*
- *MULTIPLEXEREK BŐVÍTÉSE*
- *LOGIKAI FÜGGVÉNYEK REALIZÁLÁSA
MULTIPLEXERREL*
- *DEMULTIPLEXEREK*
- *DEMULTIPLEXEREK BŐVÍTÉSE*
- *KÓDÁTALAKÍTÓK*

FUNKCIONÁLIS EGYSÉGEK

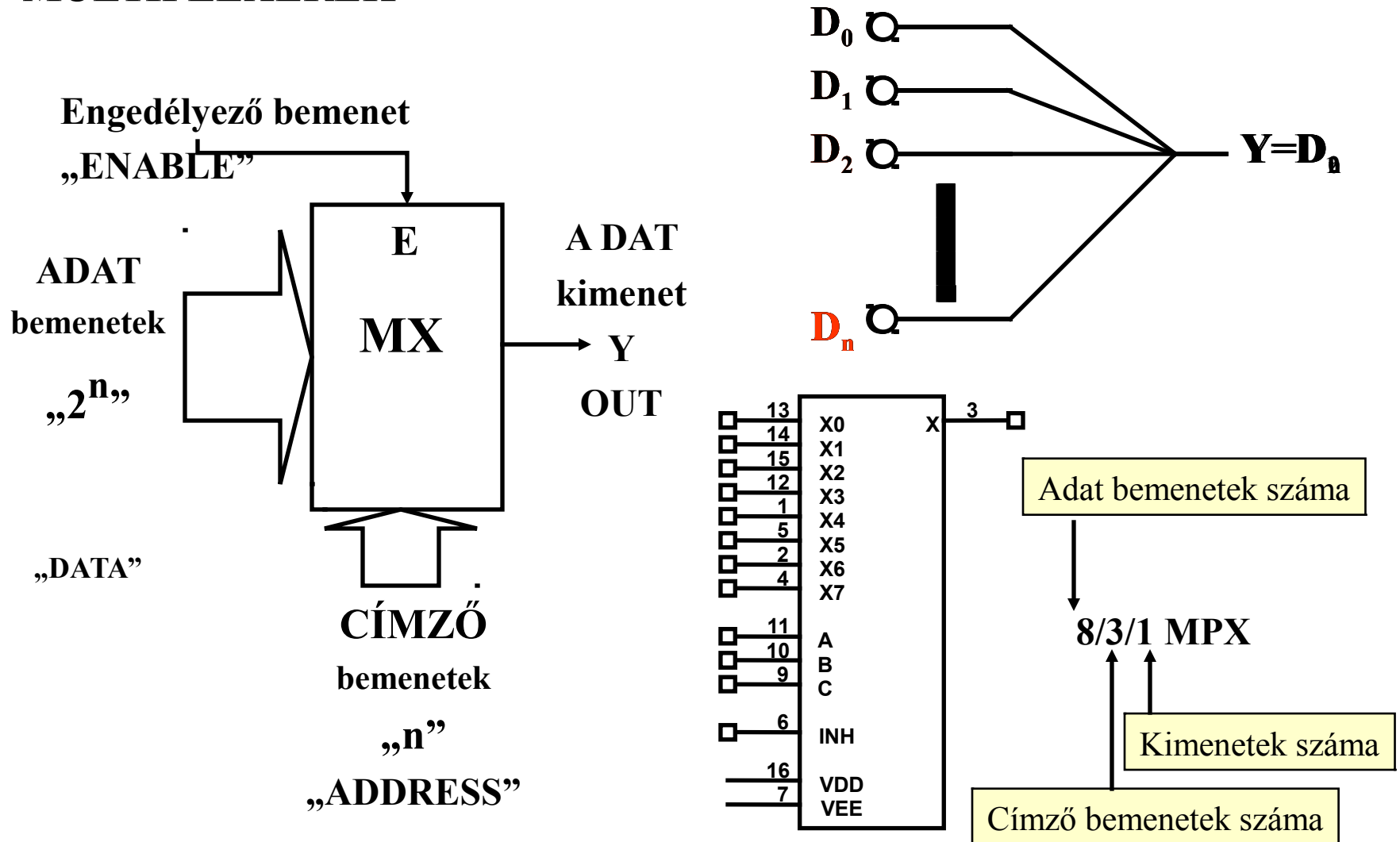
A funkcionális egységek valamely komplex feladatra kialakított, rendszerint moduláris szempontokat is figyelembevevő összetett elektronikus hálózatok

FUNKCIONÁLIS EGYSÉGEK

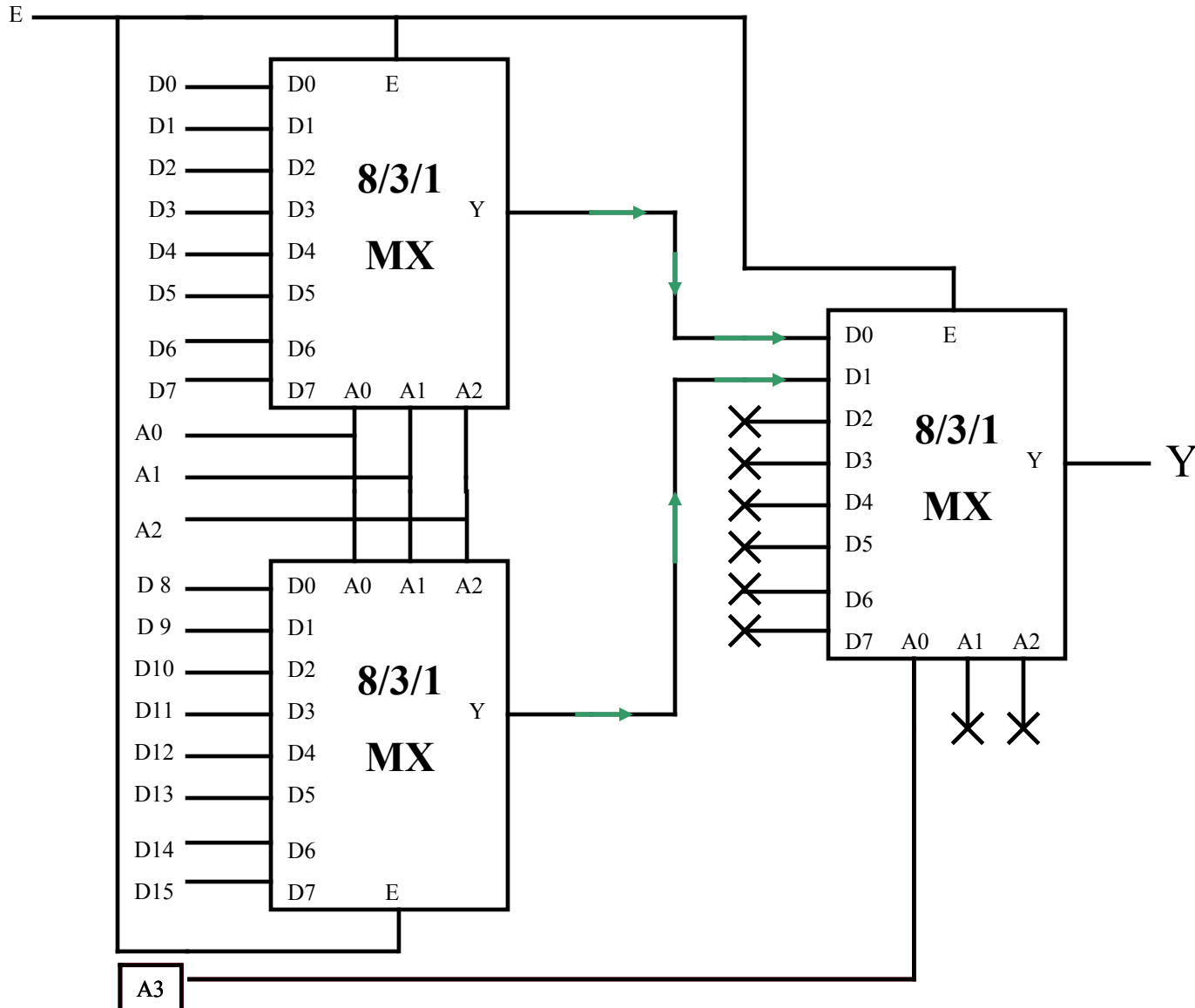
- **Kombinációs hálózatokra épülő egységek**
 - multiplexerek/demultiplexerek
 - kódolók/dekódolók
 - összeadók
 - komparátorok
- **Szekvenciális hálózatokra épülő egységek**
 - flip-flop-ok
 - regiszterek
 - számlálók
- **Memóriák**
 - ROM
 - RAM
- **A/D és D/A átalakítók**

KOMBINÁCIÓS HÁLÓZATOKRA ÉPÜLŐ EGYSÉGEK

MULTIPLEXEREK



MULTIPLEXEREK BŐVÍTÉSE



LOGIKAI FÜGGVÉNYEK REALIZÁLÁSA MULTIPLEXERREL

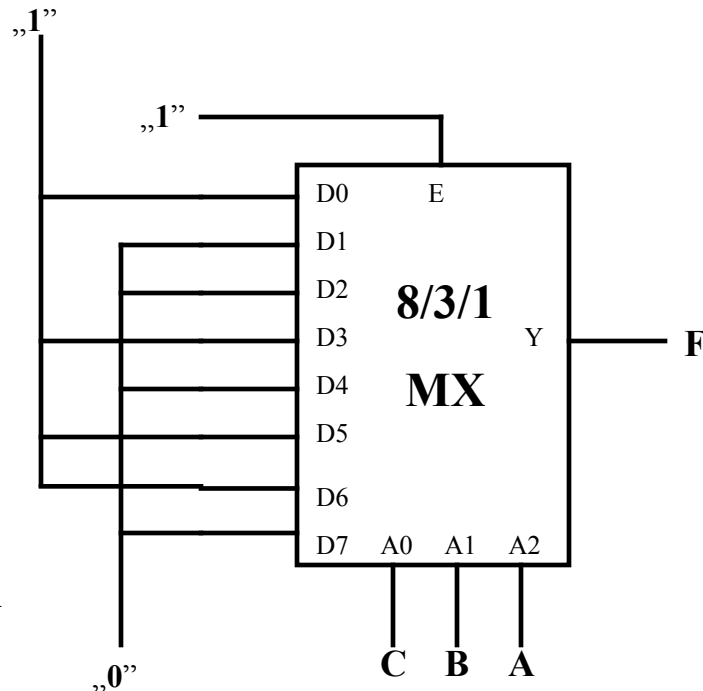
	B			
	0	1	3	2
A	4	5	7	6
	C			

$$F(A, B, C) = \sum^3 (0, 3, 5, 6)$$

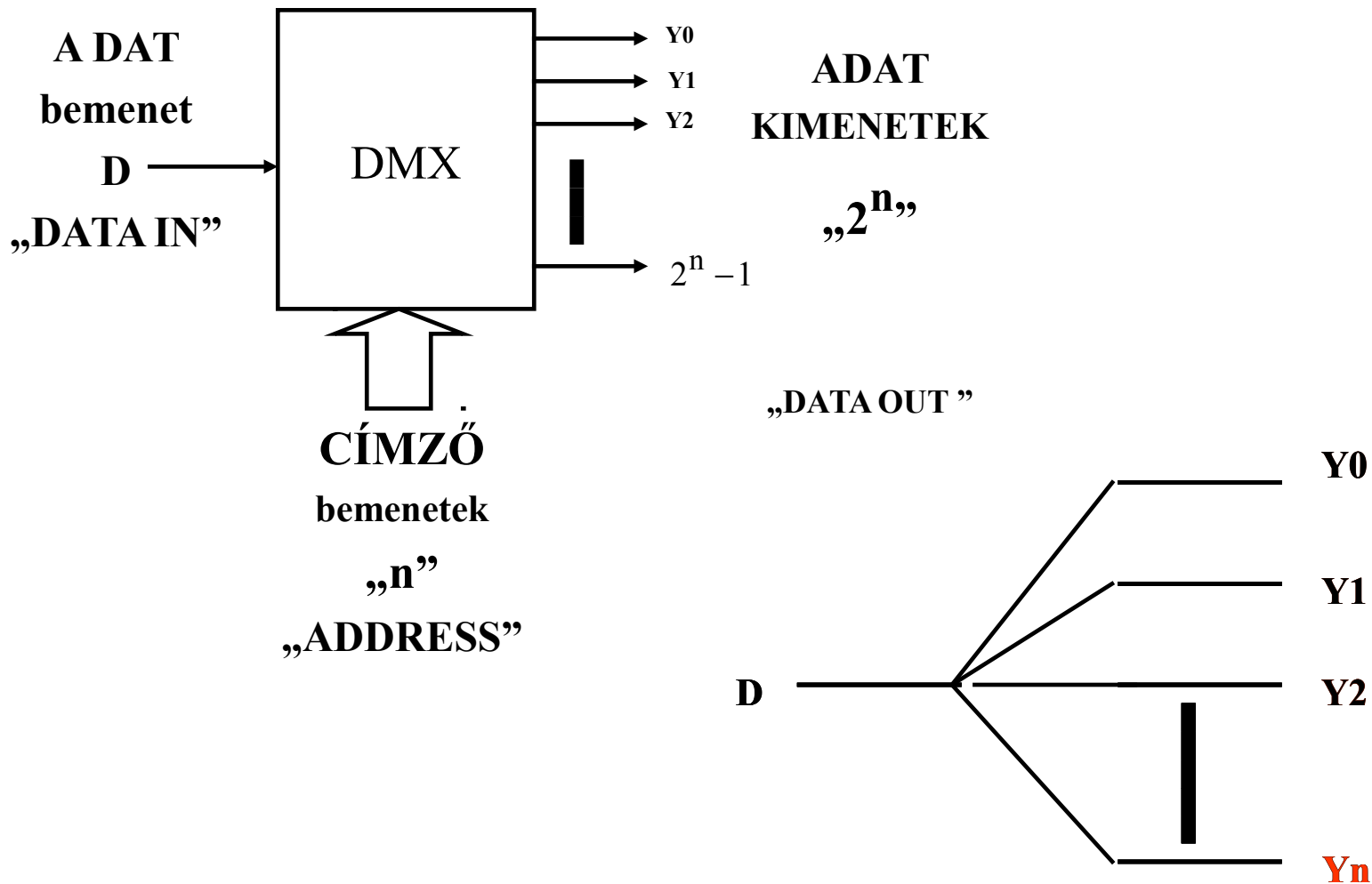
$$F(A, B, C) = \bar{A} \cdot \bar{B} \cdot \bar{C} + \bar{A} \cdot B \cdot C + A \cdot \bar{B} \cdot C + A \cdot B \cdot \bar{C}$$

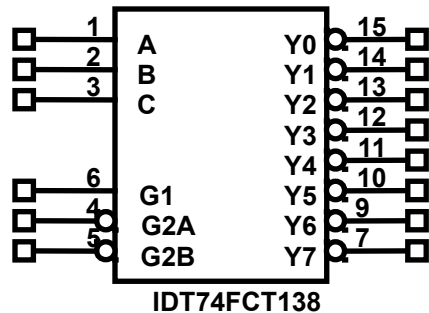
Kapukkal minimum 3 tok

Multiplexerrel egyetlen tok



DEMULTIPLEXEREK





3/3/8 DMX

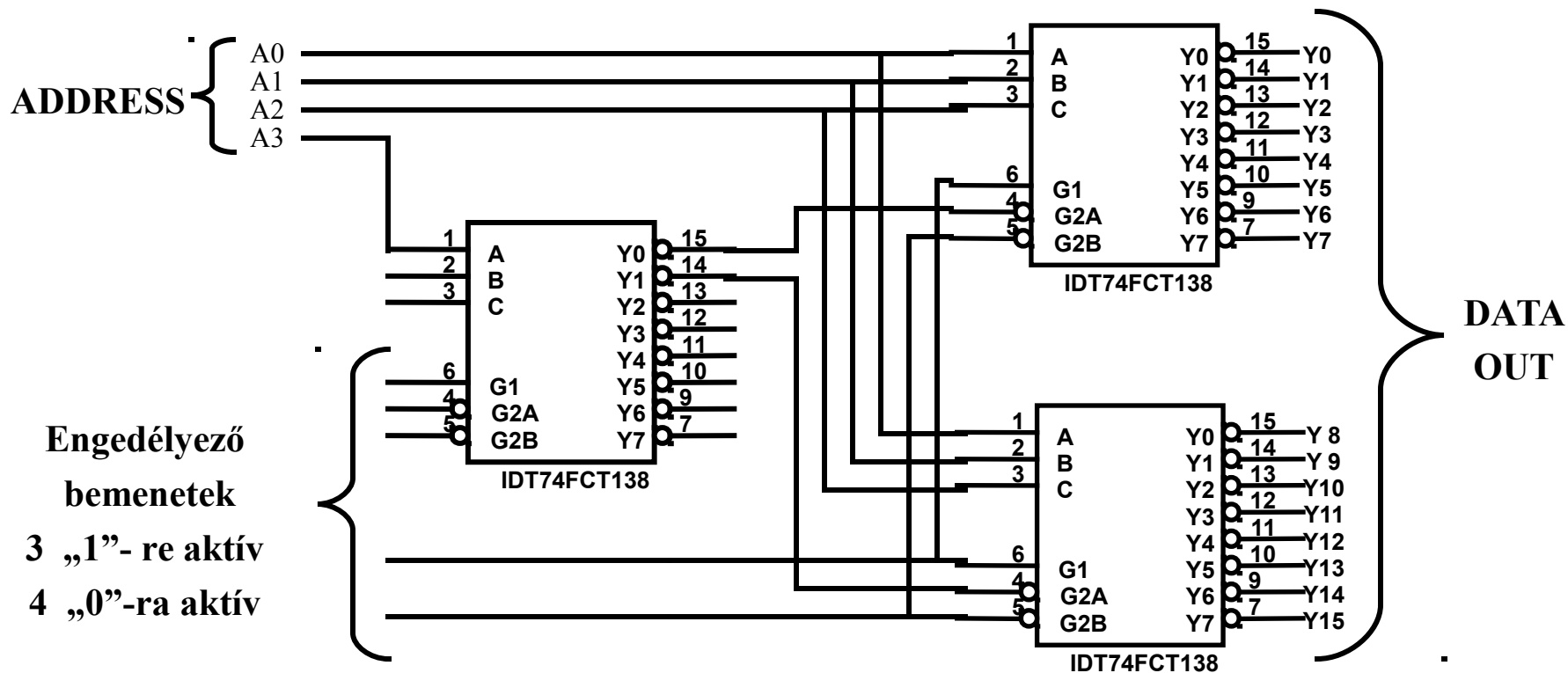
$A=2^0$, $B=2^1$, $C=2^2$, címző bemenetek

Y0-Y7 kimenetek

bemenőjel= $G1 * G2A * G2B$

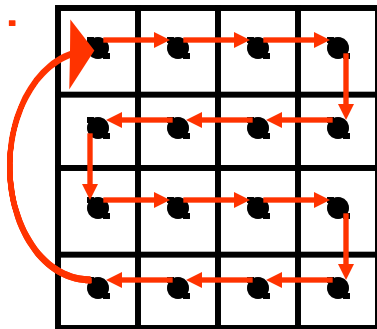
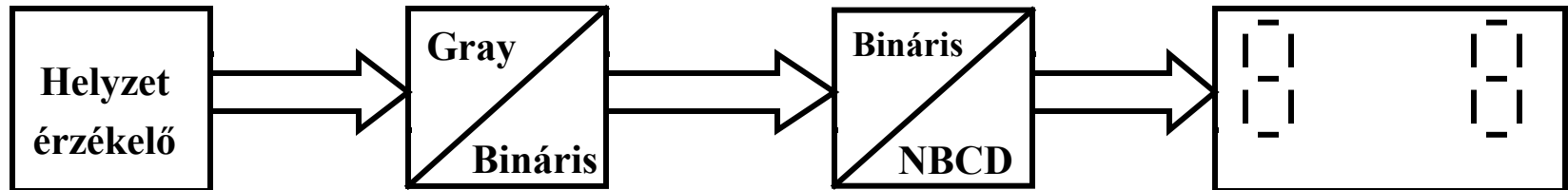
	C	B	A	Y0	Y1	Y2	Y3	Y4	Y5	Y6	Y7
Ha $G1 * G2A * G2B = 1$	0	0	0	D	1	1	1	1	1	1	1
	0	0	1	1	D	1	1	1	1	1	1
	0	1	0	1	1	D	1	1	1	1	1
	0	1	1	1	1	1	D	1	1	1	1
	1	0	0	1	1	1	1	D	1	1	1
	1	0	1	1	1	1	1	1	D	1	1
	1	1	0	1	1	1	1	1	1	D	1
	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	D
Ha $G1 * G2A * G2B = 0$	h	h	h	1	1	1	1	1	1	1	1

DEMULTIPLEXEREK BŐVÍTÉSE

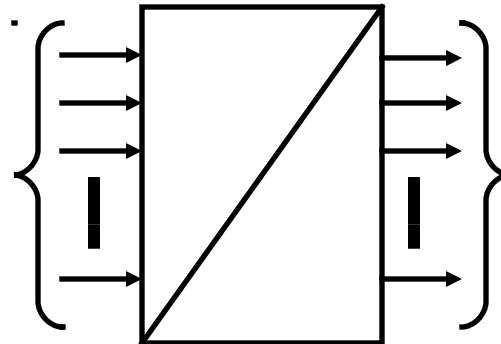


KÓDÁTALAKÍTÓK

Kódátalakítókra akkor van szükség, ha az adatforrás és a nyelő kódrendszere nem egyezik meg. Pl.:



Gray
0000
0001
0011
0010
0110
0111
0101
0100
1100
1101
1111
1110
1010
1011
1001
1000



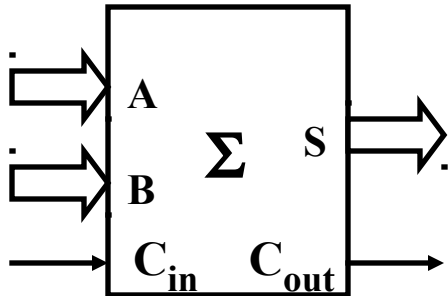
10	1
8421	8421
0000	0000
0000	0001
0000	0010
0000	0011
0000	0100
0000	0101
0000	0110
0000	0111
0000	1000
0000	1001
0001	1010
0001	1011
0001	1100
0001	1101
0001	1110
0001	1111

11. ELŐADÁS

FUNKCIONÁLIS EGYSÉGEK II.

- *BINÁRIS ÖSSZEADÓK*
- *SOROS / PÁRHUZAMOS ÁTVITELKÉPZÉS*
- *BCD ÖSSZEADÓK*
- *KIVONÓK ARITMETIKAI LOGIKAI EGYSÉGEK*
- *KOMPARÁTOROK*
- *KOMPARÁTOROK BŐVÍTÉSE*

ÖSSZEADÓK



Az összeadó áramkörök (adder) az A és B bemeneteiken érkező számoknak valamint az előző helyérték átvitelének (C_{in}-carry) az összegét (S) és átvitelét (C_{out}) állítja elő kimeneteiken

- Fél összeadók (half adder)
- Teljes összeadók (full adder)

Működési mód tekintetében:

- SOROS ÖSSZEADÓK
- PÁRHUZAMOS ÖSSZEADÓK

Az operandusok kódolását tekintve:

- BINÁRIS ÖSSZEADÓK
- BCD ÖSSZEADÓK

FÉL ÖSSZEADÓK

Nem veszik figyelembe az előző helyérték átvitelét

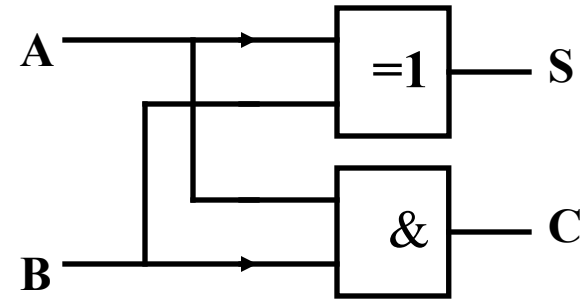
$0+0=0$

$0+1=1$

$1+0=1$

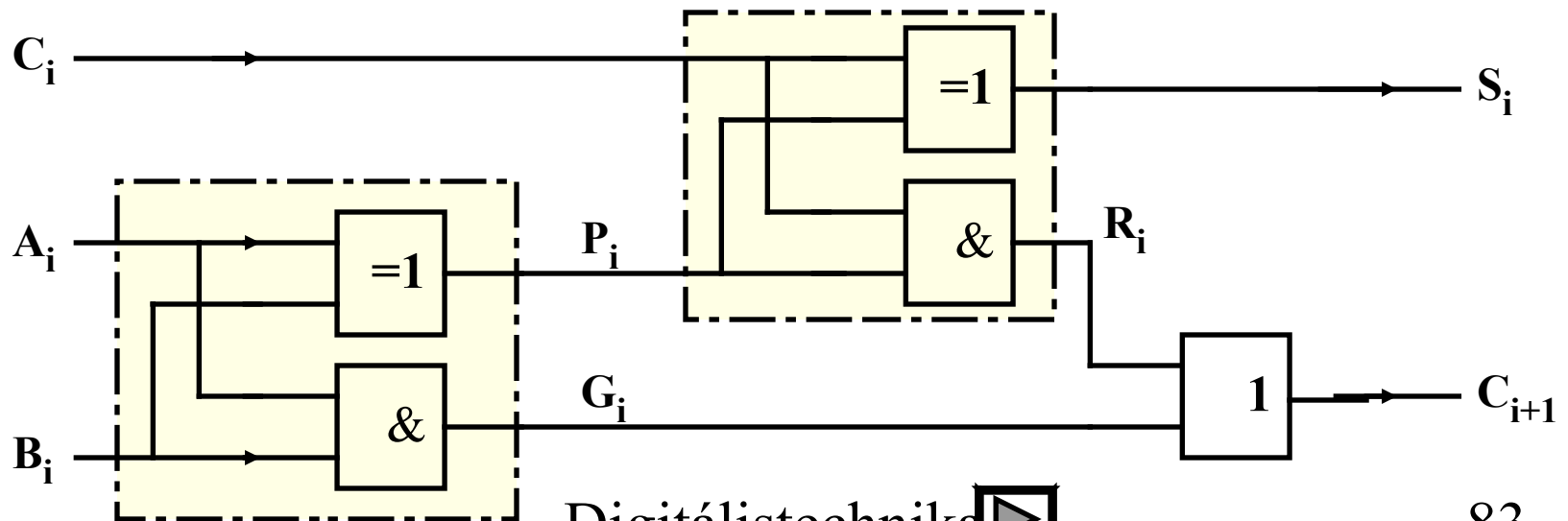
$1+1=10$

A	B	S	C
0	0	0	0
0	1	1	0
1	0	1	0
1	1	0	1



Csak a legkisebb helyértéken használható

TELJES ÖSSZEADÓK

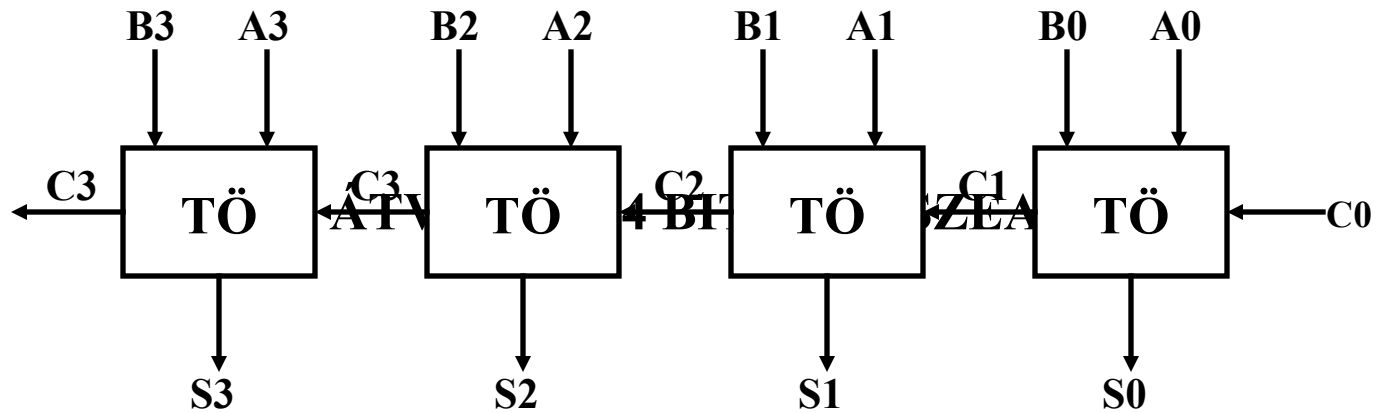


TELJES ÖSSZEADÓK

Bemenet			Belső			Kimenet		Decimális
A _i	B _i	C _i	P _i	G _i	R _i	S _i	C _{i+1}	Í
0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	1	0	1	0	0	1	0	1
1	0	0	1	0	0	1	0	1
1	1	0	0	1	0	0	1	2
0	0	1	0	0	0	1	0	1
0	1	1	1	1	1	0	1	2
1	0	1	1	0	1	0	1	2
1	1	1	0	1	0	1	1	3

$$S_i = A_i + B_i + C_i$$

$$C_{i+1} = A_i B_i + A_i C_i + B_i C_i$$



S_i és C_i eredményt csak azután kapjuk meg amikor C_{i-1} felvette végső értékét.

LASSÚ!!!



PÁRHUZAMOS ÁTVITELŰ 4 BITES ÖSSZEADÓ

$$C_{i+1} = A_i B_i + \underbrace{(A_i + B_i)}_{P_i} C_i$$

Generate carry G_i Propagate carry

$$C_1 = G_0 + P_0 C_0$$

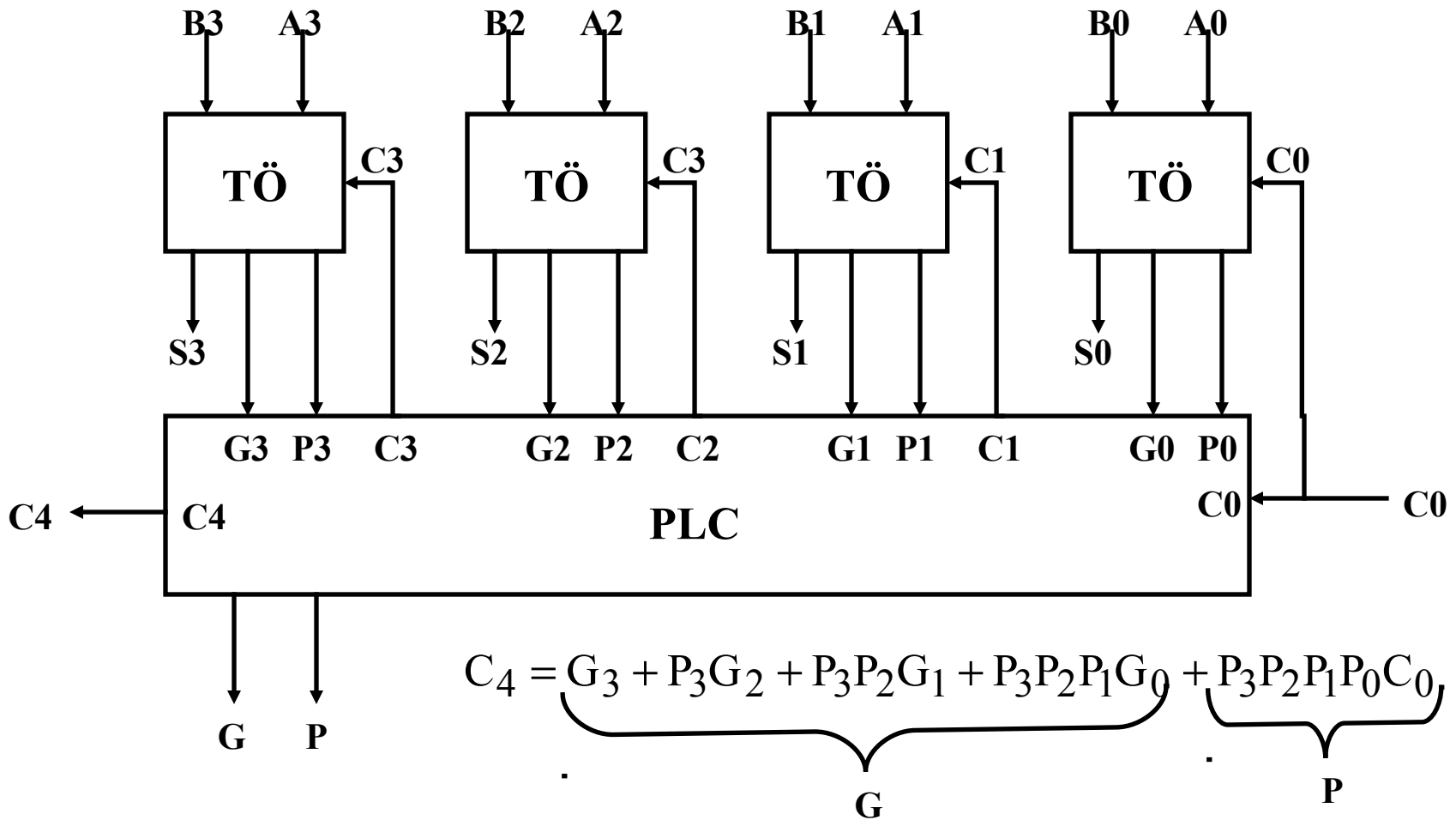
$$C_2 = G_1 + P_1 C_1 = G_1 + P_1 G_0 + P_1 P_0 C_0$$

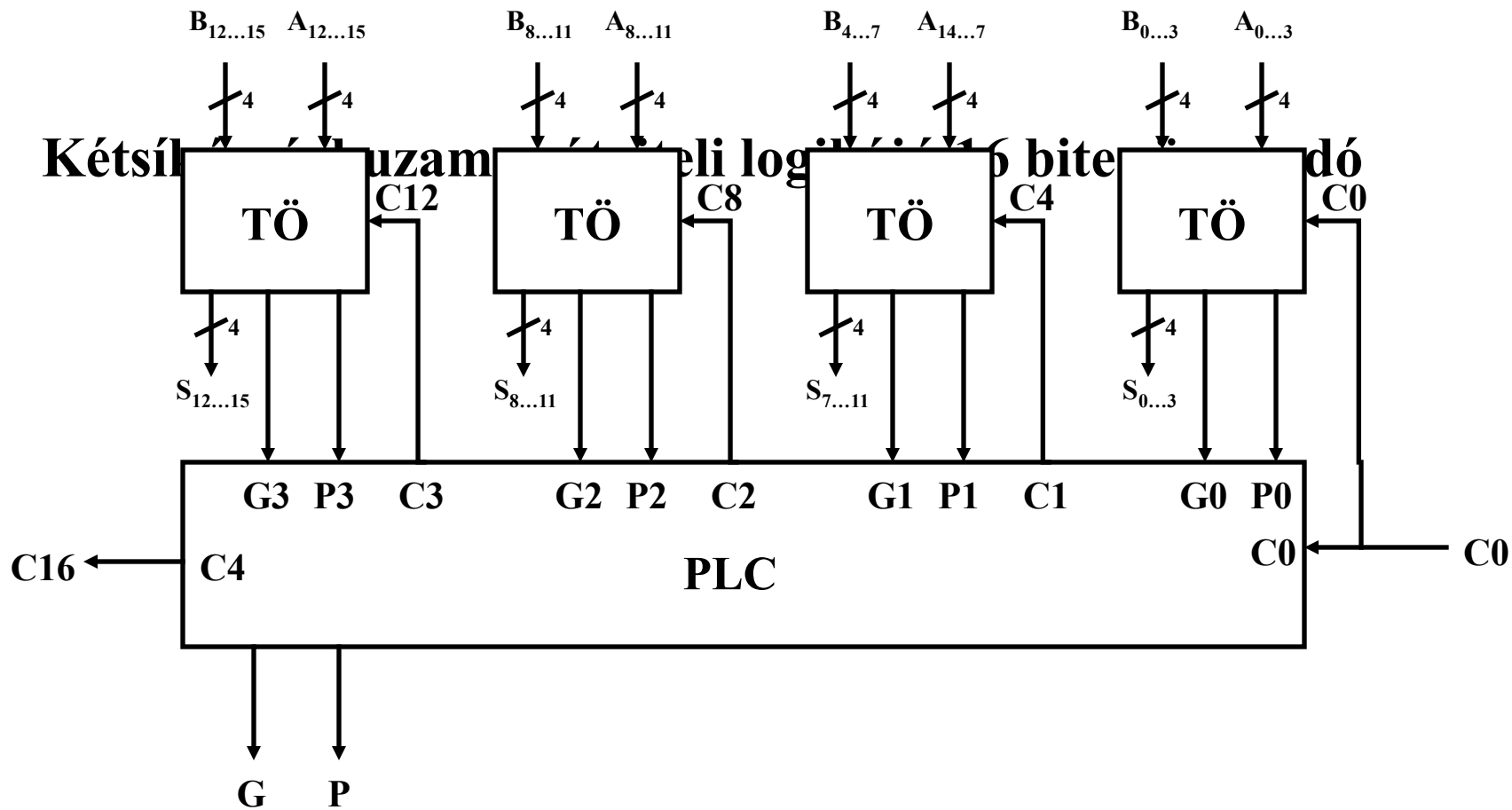
$$C_3 = G_2 + P_2 C_2 = G_2 + P_2 G_1 + P_2 P_1 G_0 + P_2 P_1 P_0 C_0$$

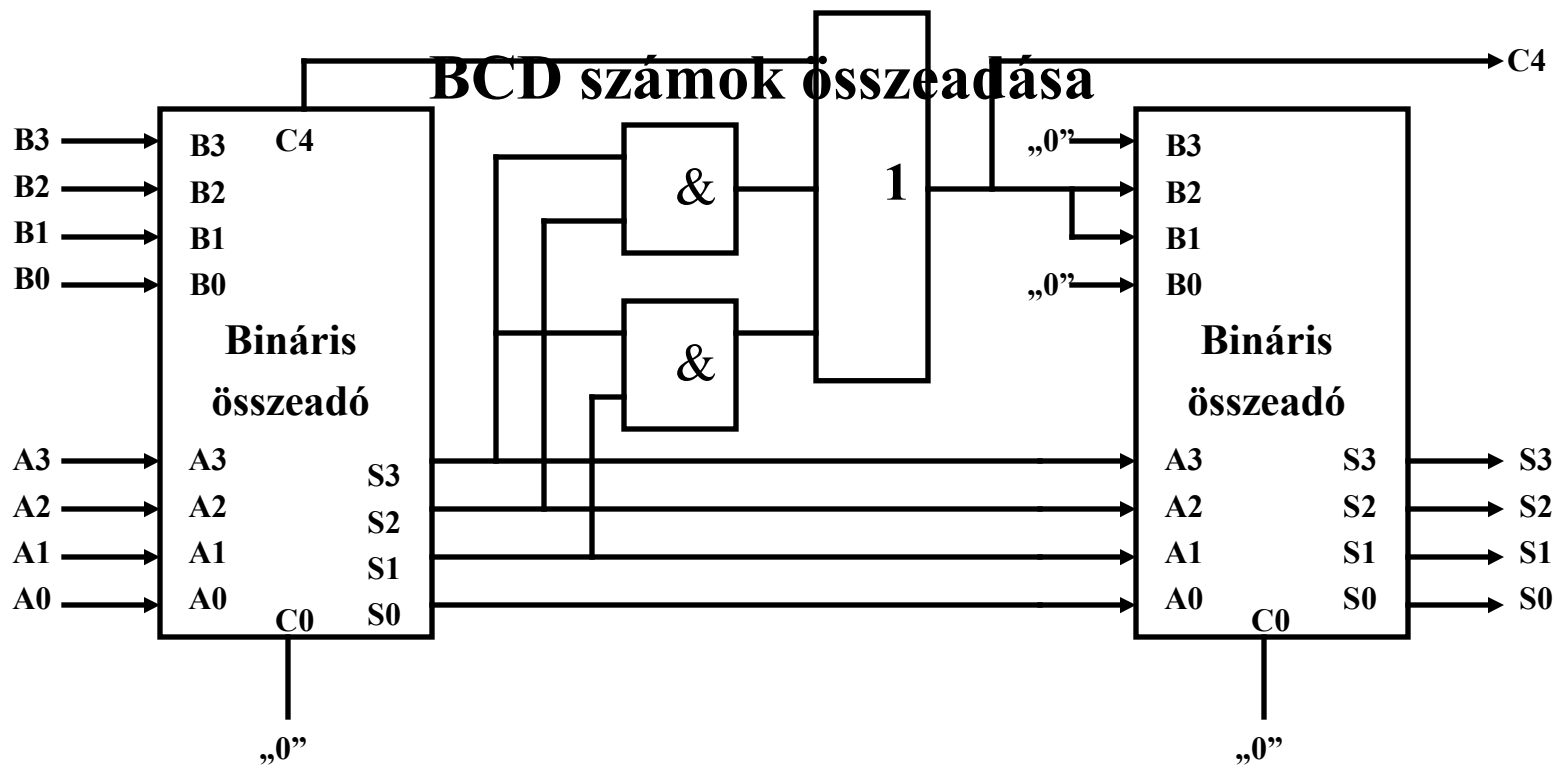
$$C_4 = G_3 + P_3 C_3 = G_3 + P_3 G_2 + P_3 P_2 G_1 + P_3 P_2 P_1 G_0 + P_3 P_2 P_1 P_0 C_0$$

| |

Párhuzamos átviteli logikájú 4 bites összeadó







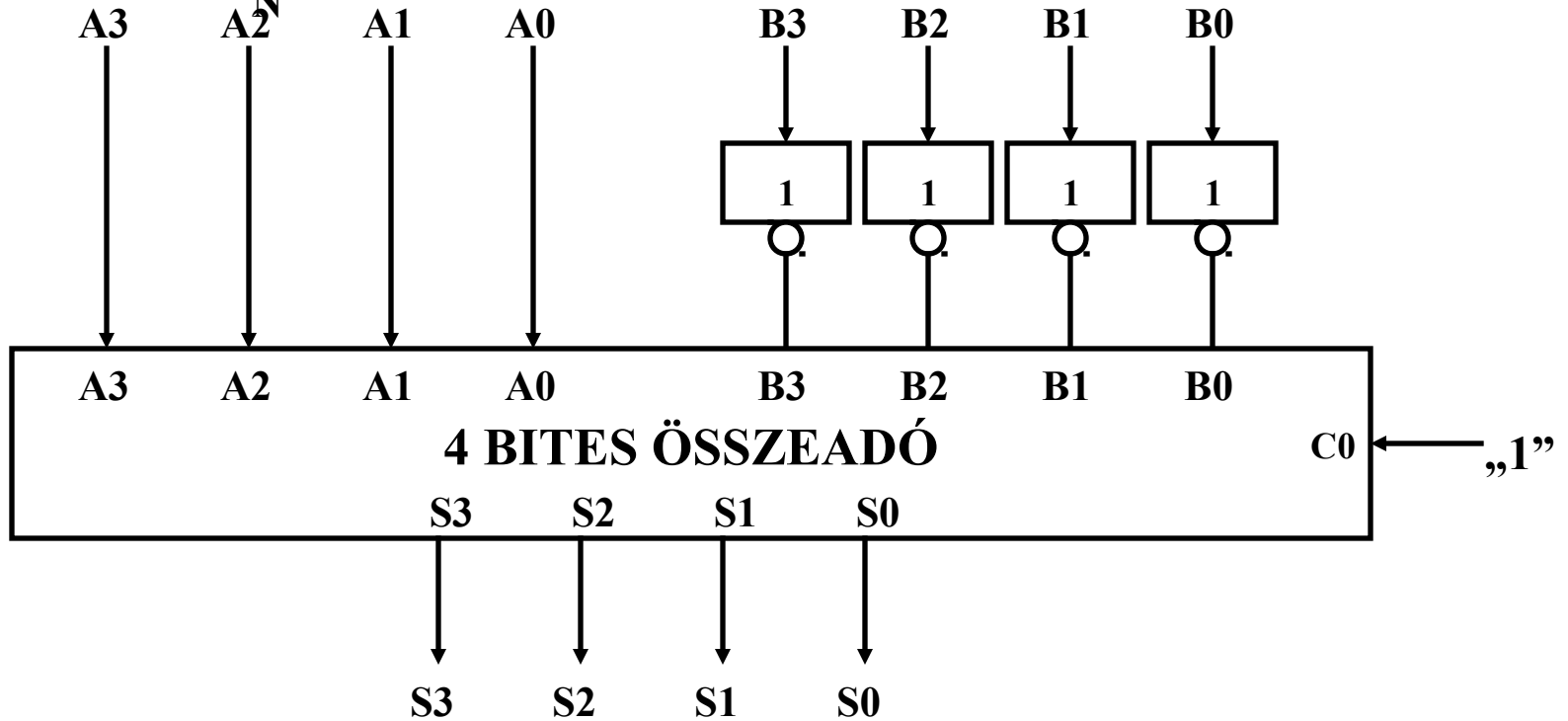
KIVONÁS

$$A-B=A+(-B)$$

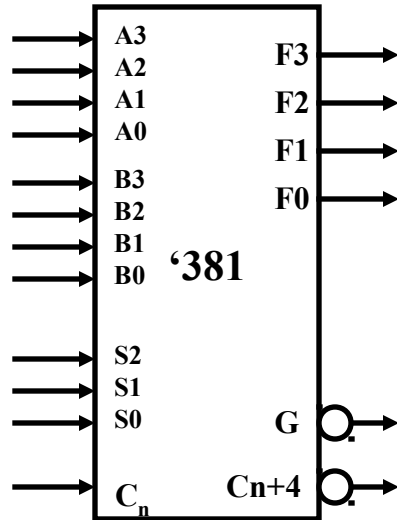
$$-B_N = B_N^{(2)}$$

$$\overline{B_2^{(2)}} = B+1$$

$$A-B = A + B_N^{(2)}$$



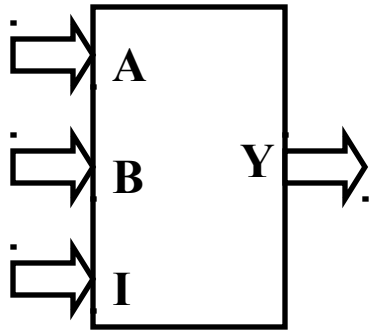
ARITMETIKAI-LOGIKAI EGYSÉGEK



Az aritmetikai-logikai egységek olyan kombinációs hálózatok, amelyek a bemeneteikre érkező két számmal (A és B) az S bemeneteken megadott logikai vagy aritmetikai műveletet végzik el, és az eredményt az F kimeneteken jelenítik meg. Összeadás és kivonás művelet elvégzésekor figyelembe veszik az előző helyérték átvitelét (C_n), és az előállított átvitelt továbbítják a következő helyértékre (C).

Jelnév	Név	Funkció
A ₃ -A ₀		Első négy bites operandus
B ₃ -B ₀		Második négy bites operandus
S ₂ -S ₀	Select-kiválasztás	Művelet kiválasztás
C _n	Carry-átvitel	Átvitel az előző helyértékről
F ₃ -F ₀	Function-függvény	A művelet eredménye
G	Generation-előállítás	Kimenet az átvitel gyorsítóhoz
P	Propagation-terjedés	Kimenet az átvitel gyorsítóhoz
C _{n+4}	Carry-átvitel	Átvitel a következő helyértékre

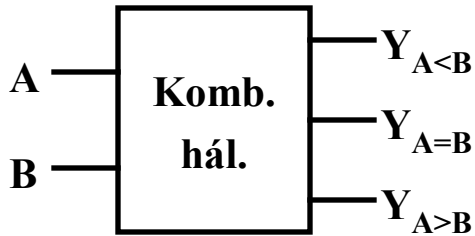
S ₂	S ₁	S ₀	Művelet
0	0	0	F=0000
0	0	1	F=B-A
0	1	0	F=A-B
0	1	1	F=A+B
1	0	0	F=A⊕B
1	0	1	F=A∨B
1	1	0	F=A∧B
1	1	1	F=1111



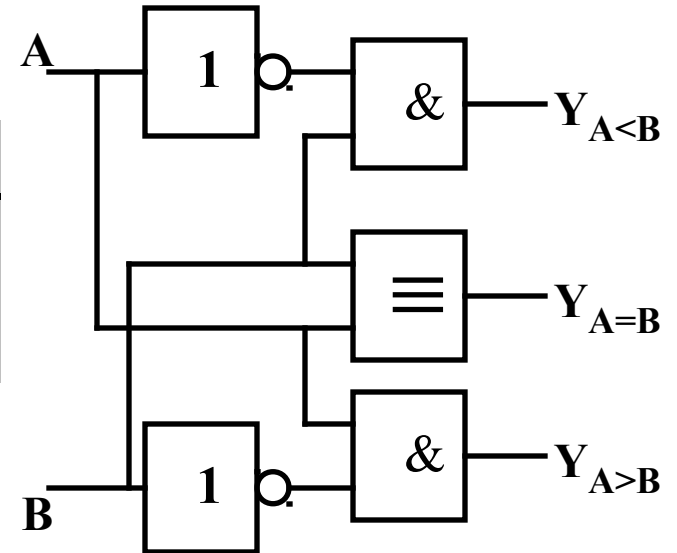
KOMPARÁTOROK

A komparátorok olyan kombinációs hálózatok, amelyek a bemenetükre érkező két szám (A és B) nagyságának egymáshoz való viszonyát, relációját (kisebb, egyenlő, nagyobb) mutatja meg az Y kimeneteken, lehetőséget biztosítva a bővítésre az I jelű bemenetek segítségével.

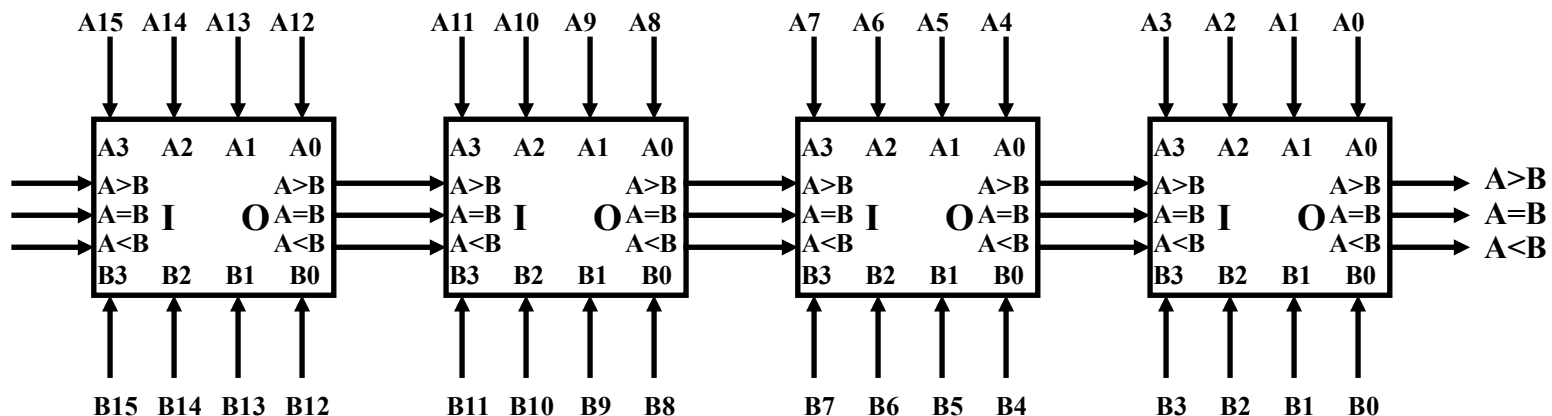
Egy bites komparátor



A	B	$Y_{A<B}$	$Y_{A=B}$	$Y_{A>B}$
0	0	0	1	0
0	1	1	0	0
1	0	0	0	1
1	1	0	1	0



KOMPARÁTOROK SOROS BŐVÍTÉSE



FUNCTION TABLES

COMPARING INPUTS				CASCADING INPUTS			OUTPUTS		
A ₃ , B ₃	A ₂ , B ₂	A ₁ , B ₁	A ₀ , B ₀	A > B	A < B	A = B	A > B	A < B	A = B
A ₃ > B ₃	X	X	X	X	X	X	H	L	L
A ₃ < B ₃	X	X	X	X	X	X	L	H	L
A ₃ = B ₃	A ₂ > B ₂	X	X	X	X	X	H	L	L
A ₃ = B ₃	A ₂ < B ₂	X	X	X	X	X	L	H	L
A ₃ = B ₃	A ₂ = B ₂	A ₁ > B ₁	X	X	X	X	H	L	L
A ₃ = B ₃	A ₂ = B ₂	A ₁ < B ₁	X	X	X	X	L	H	L
A ₃ = B ₃	A ₂ = B ₂	A ₁ = B ₁	A ₀ > B ₀	X	X	X	H	L	L
A ₃ = B ₃	A ₂ = B ₂	A ₁ = B ₁	A ₀ < B ₀	X	X	X	L	H	L
A ₃ = B ₃	A ₂ = B ₂	A ₁ = B ₁	A ₀ = B ₀	H	L	L	H	L	L
A ₃ = B ₃	A ₂ = B ₂	A ₁ = B ₁	A ₀ = B ₀	L	H	L	L	H	L
A ₃ = B ₃	A ₂ = B ₂	A ₁ = B ₁	A ₀ = B ₀	L	L	H	L	L	H

'85, 'LS85, 'S86

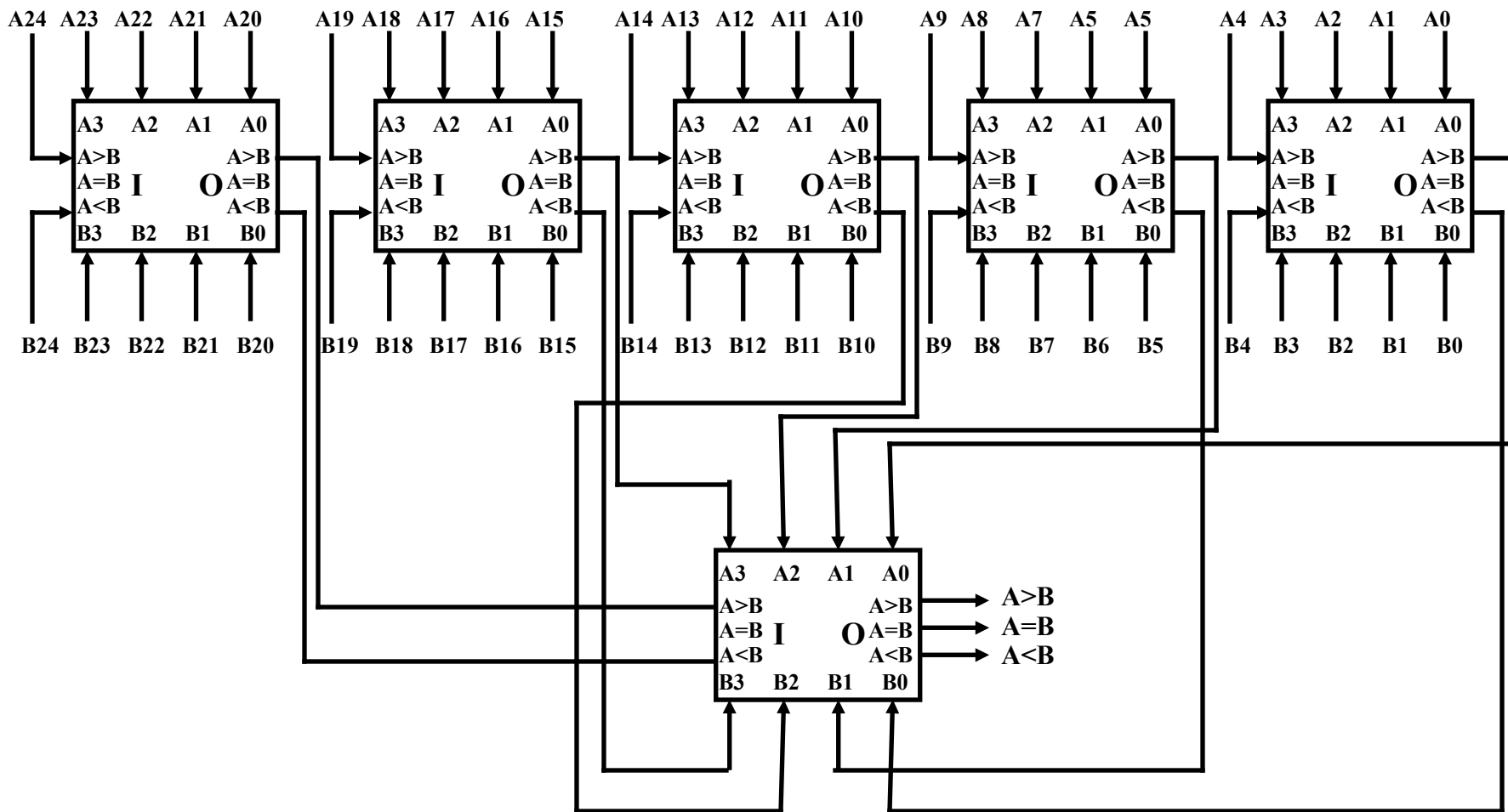
A ₃ = B ₃	A ₂ = B ₂	A ₁ = B ₁	A ₀ = B ₀	X	X	H	L	L	H
A ₃ > B ₃	A ₂ = B ₂	A ₁ = B ₁	A ₀ = B ₀	H	H	L	L	L	L
A ₃ < B ₃	A ₂ = B ₂	A ₁ = B ₁	A ₀ = B ₀	L	L	L	H	H	L

'L85

A ₃ = B ₃	A ₂ = B ₂	A ₁ = B ₁	A ₀ = B ₀	L	H	H	L	H	H
A ₃ > B ₃	A ₂ = B ₂	A ₁ = B ₁	A ₀ = B ₀	H	L	H	H	L	H
A ₃ < B ₃	A ₂ = B ₂	A ₁ = B ₁	A ₀ = B ₀	H	H	H	H	H	H
A ₃ = B ₃	A ₂ = B ₂	A ₁ = B ₁	A ₀ = B ₀	H	H	L	H	H	L
A ₃ = B ₃	A ₂ = B ₂	A ₁ = B ₁	A ₀ = B ₀	L	L	L	L	L	L

H = high level, L = low level, X = irrelevant

KOMPARÁTOROK PÁRHUZAMOS BŐVÍTÉSE



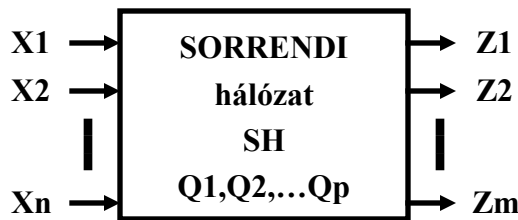
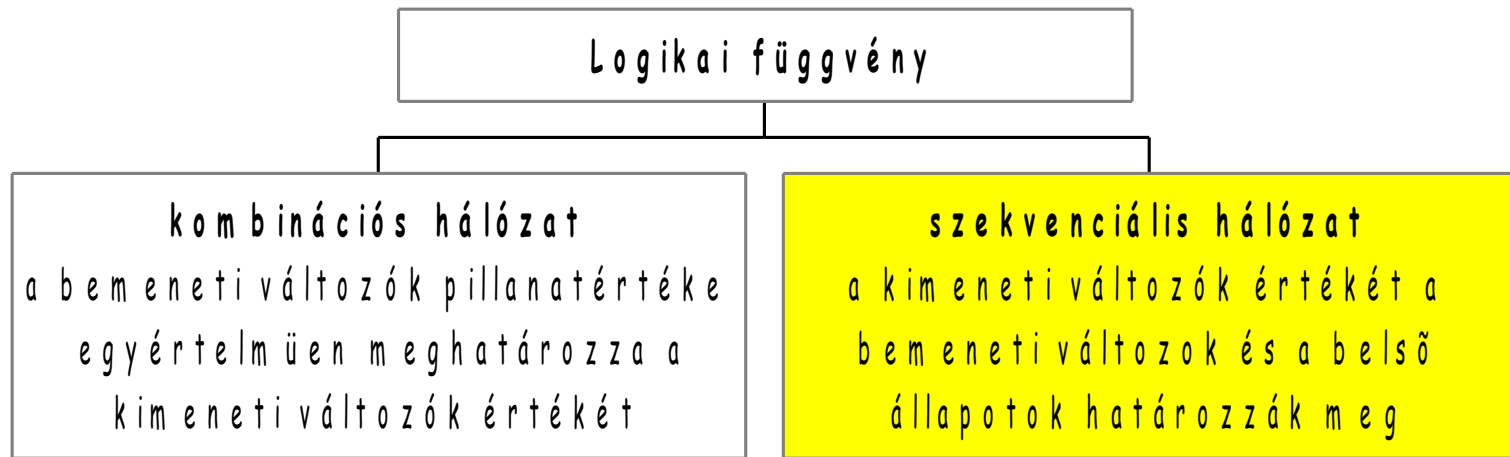
12. ELŐADÁS

TÁROLÓK

- *SZEKVENCIÁLIS HÁLÓZATOK*
- *RS TÁROLÓK*
- *JK TÁROLÓK*
- *T ÉS D TÍPUSÚ TÁROLÓK*

- *SZEKVENCIÁLIS HÁLÓZATOK FOGALMA*
- **SZEKVENCIÁLIS HÁLÓZATOK**
 - ALAPTÍPUSOK
 - FIZIKAI VEZÉRLÉS
- *SZÁMLÁLÓK*
 - SZINRON SZÁMLÁLÓK
 - ASZINKRON SZÁMLÁLÓK
- *REGISZTEREK*

SZEKVENCIÁLIS HÁLÓZATOK FOGALMA



Belső állapot függvények

$$Q_1' = F_{Q_1}(X_1, X_2, \dots, X_n, Q_1, Q_2, \dots, Q_p)$$

$$Q_2' = F_{Q_2}(X_1, X_2, \dots, X_n, Q_1, Q_2, \dots, Q_p)$$

$$\vdots$$

$$Q_p' = F_{Q_p}(X_1, X_2, \dots, X_n, Q_1, Q_2, \dots, Q_p)$$

Kimeneti függvények

$$Z_1 = F_{Z_1}(X_1, X_2, \dots, X_n, Q_1, Q_2, \dots, Q_p)$$

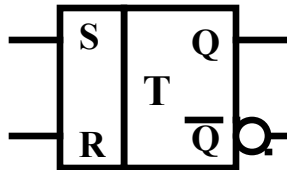
$$Z_2 = F_{Z_2}(X_1, X_2, \dots, X_n, Q_1, Q_2, \dots, Q_p)$$

$$\vdots$$

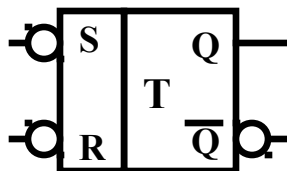
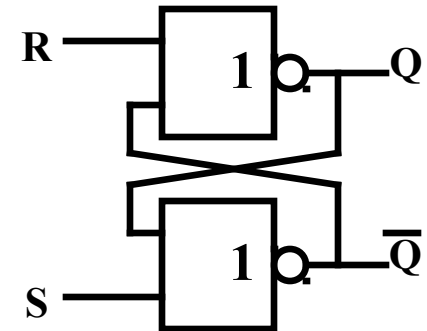
$$Z_p = F_{Z_m}(X_1, X_2, \dots, X_n, Q_1, Q_2, \dots, Q_p)$$

TÁROLÓK

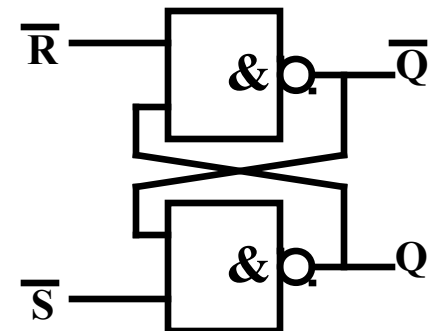
- **ÜZEMMÓDJAİK:**
 - beírás SET a tárolóba logikai „1” beírása
 - törlés RESET a tárolóba logikai „0” beírása
 - tárolás STORE az előző állapot (0 vagy 1) megtartása
- **TÍPUSAİK:**
 - R-S tároló
 - J-K tároló
 - D tároló
 - T tároló
- **VEZÉRLÉSI TÍPUSOK:**
 - sztatikus tárolók
 - kapuzott tárolók
 - közbenső tárolású tárolók
 - élekkal vezérelt tárolók
 - élvezérlésű tárolók
 - vegyes vezérlésű tárolók

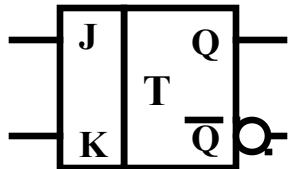


R	S	Q^{n+1}	$\overline{Q^{n+1}}$	Művelet
0	0	Q^n	$\overline{Q^n}$	tárolás
0	1	0	1	törlés
1	0	1	0	beírás
1	1	T	T	tiltott



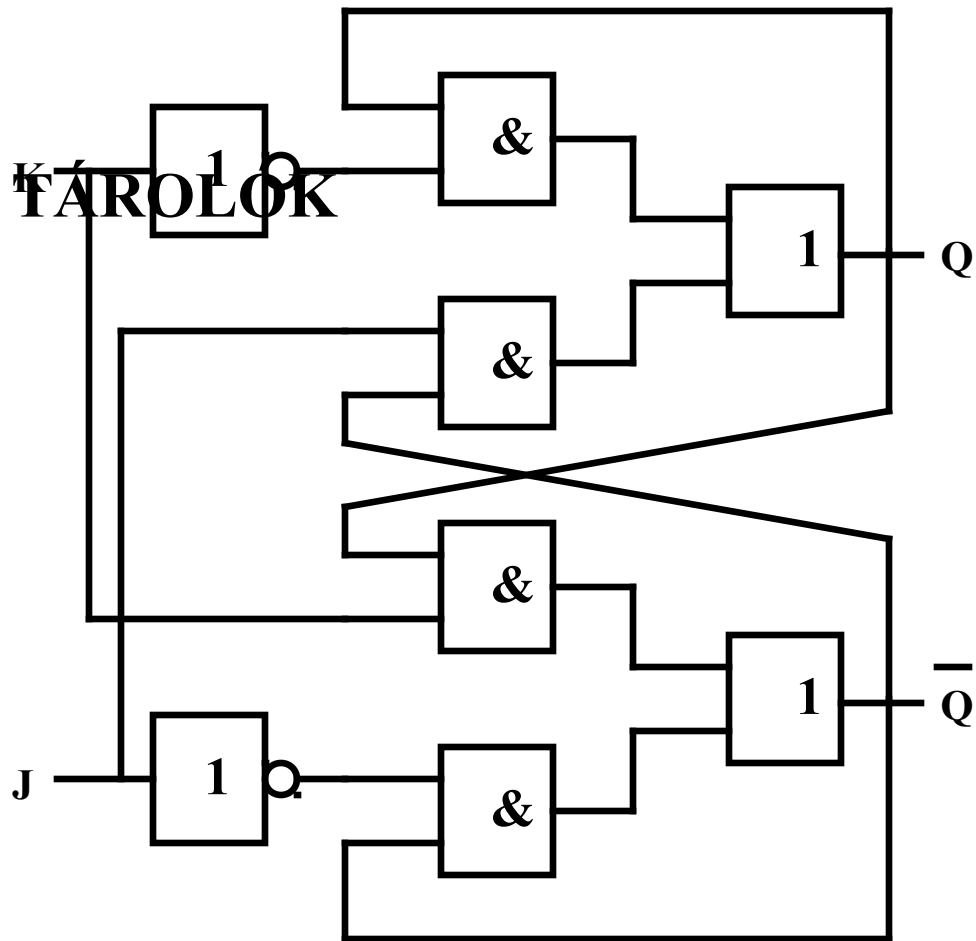
\overline{R}	\overline{S}	Q^{n+1}	$\overline{Q^{n+1}}$	Művelet
0	0	T	T	tiltott
0	1	0	1	törlés
1	0	1	0	beírás
1	1	Q^n	$\overline{Q^n}$	tárolás



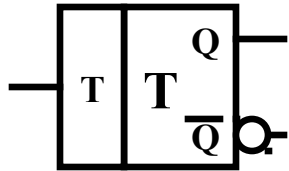


J-K TÁROLÓK

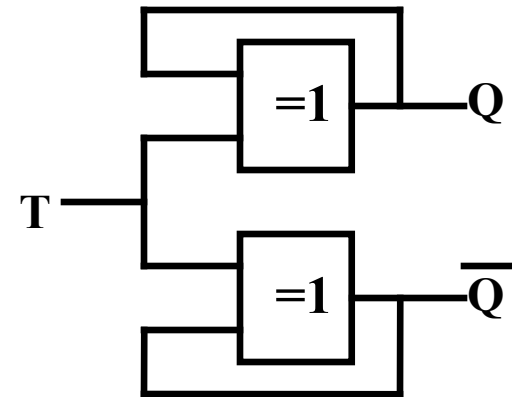
J	K	Q^{n+1}	$\overline{Q^{n+1}}$	Művelet
0	0	Q^n	$\overline{Q^n}$	tárolás
0	1	0	1	beírás
1	0	1	0	törlés
1	1	$\overline{Q^n}$	Q^n	negálás



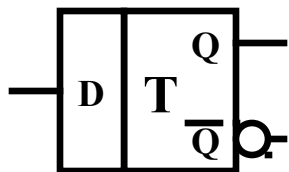
„T” TÍPUSÚ TÁROLÓ



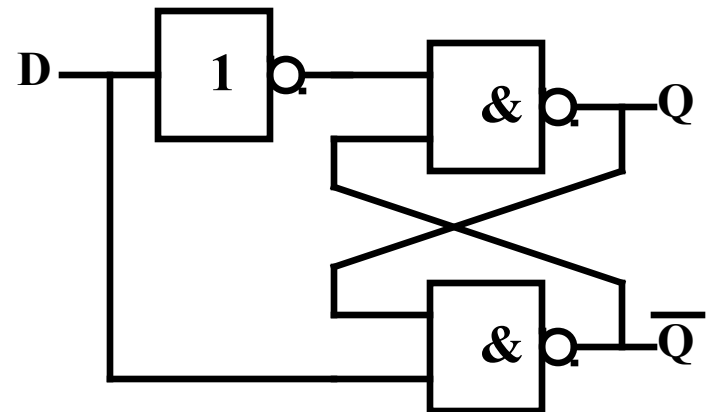
T	Q^{n+1}
0	Q^n
1	$\overline{Q^n}$



„D” TÍPUSÚ TÁROLÓ



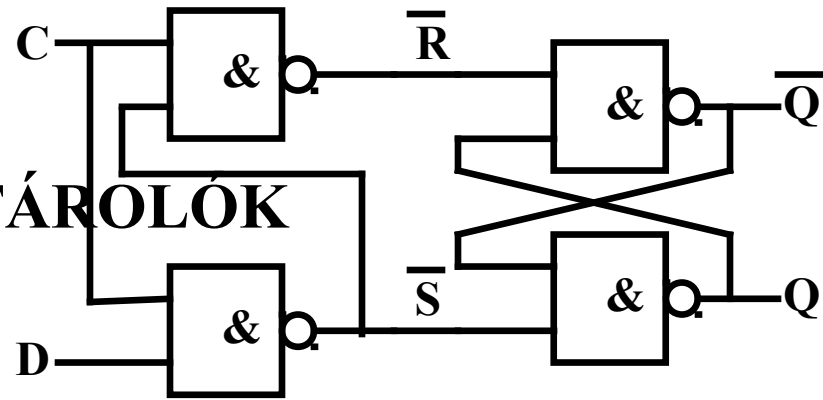
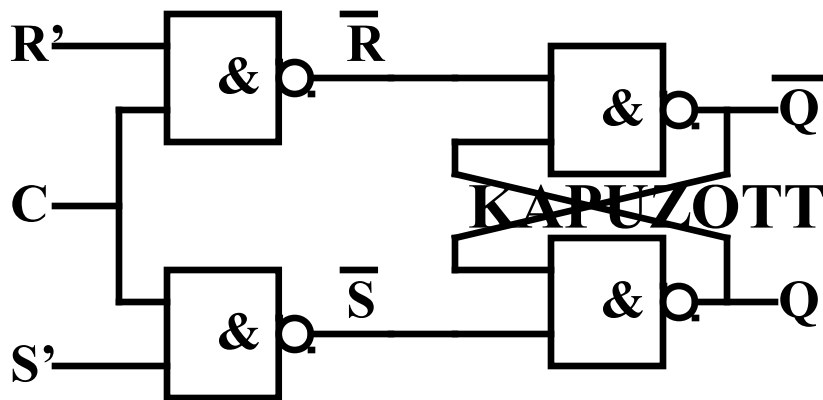
D	Q^{n+1}
0	0
1	1



13. ELŐADÁS

TÁROLÓK VEZÉRLÉSE

- *KAPUZOTT TÁROLÓK*
- *KÖZBENSŐ TÁROLÁSÚ TÁROLÓK*
- *VEGYES VEZÉRLÉSŰ TÁROLÓK*



~~KAPUZOTT TÁROLÓK~~

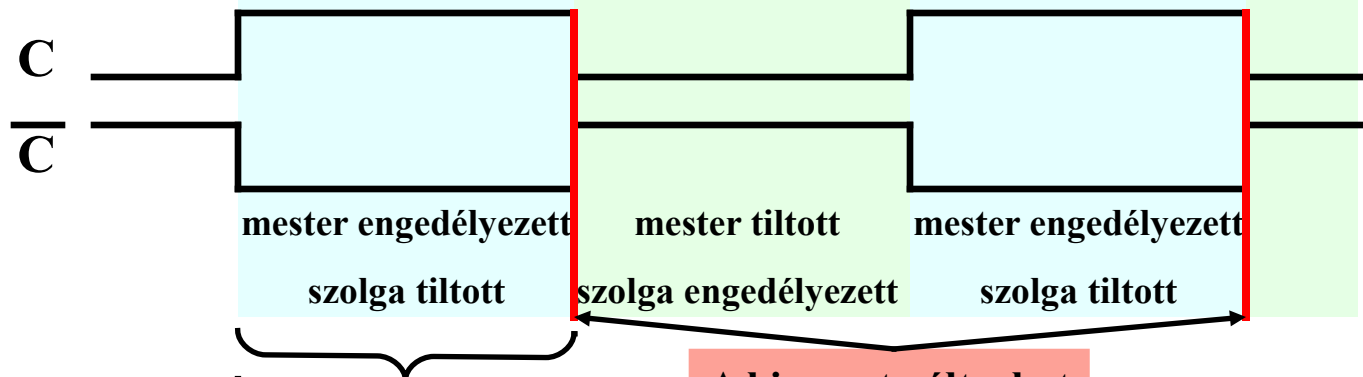
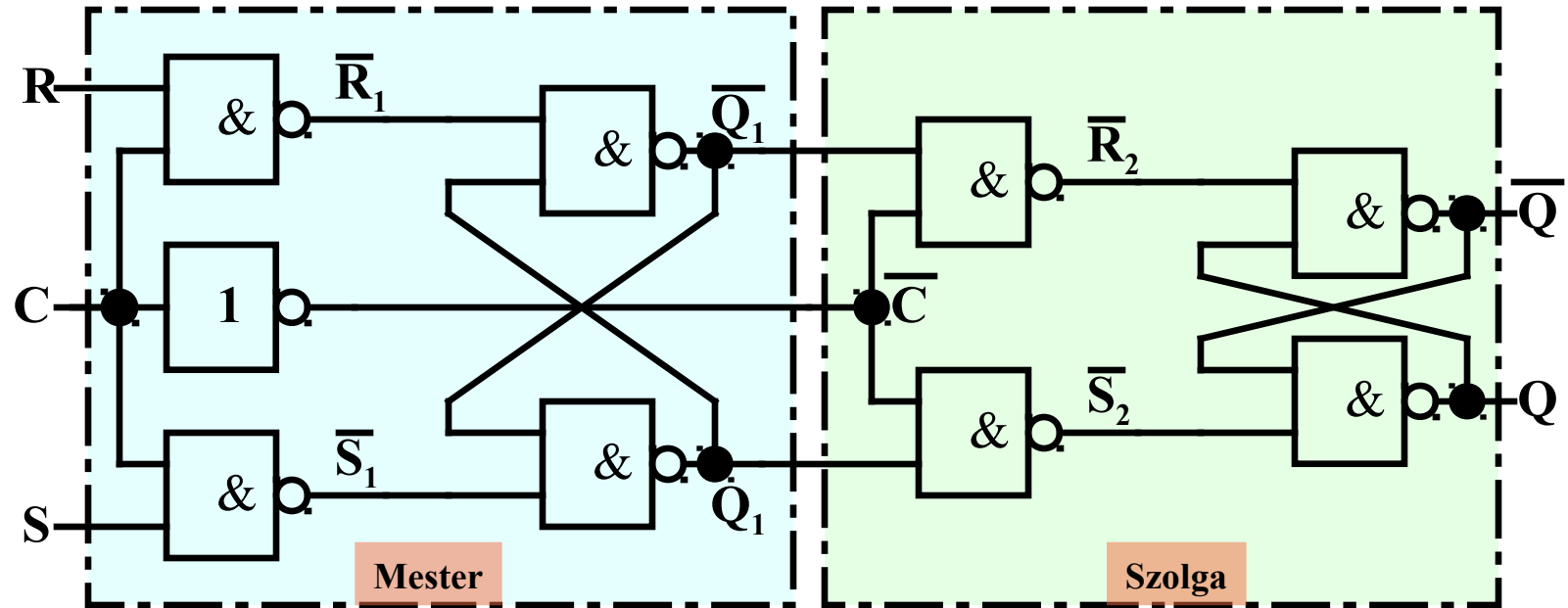
C	R	S	Q^{n+1}	$\overline{Q^{n+1}}$
0	0	0	Q_{-1}	$\overline{Q_{-1}}$
0	0	1	Q_{-1}	$\overline{Q_{-1}}$
0	1	0	Q_{-1}	$\overline{Q_{-1}}$
0	1	1	Q_{-1}	$\overline{Q_{-1}}$
1	0	0	Q_{-1}	Q_{-1}
1	0	1	1	0
1	1	0	0	1
1	1	1	T	T

C	D	Q^{n+1}	$\overline{Q^{n+1}}$
0	0	Q_{-1}	Q_{-1}
0	1	Q_{-1}	Q_{-1}
1	0	0	1
1	1	1	0

KAPUZOTT „D” TÁROLÓ
„ÁTLÁTSZÓ”

KÖZBENSŐ TÁROLÁSÚ TÁROLÓK

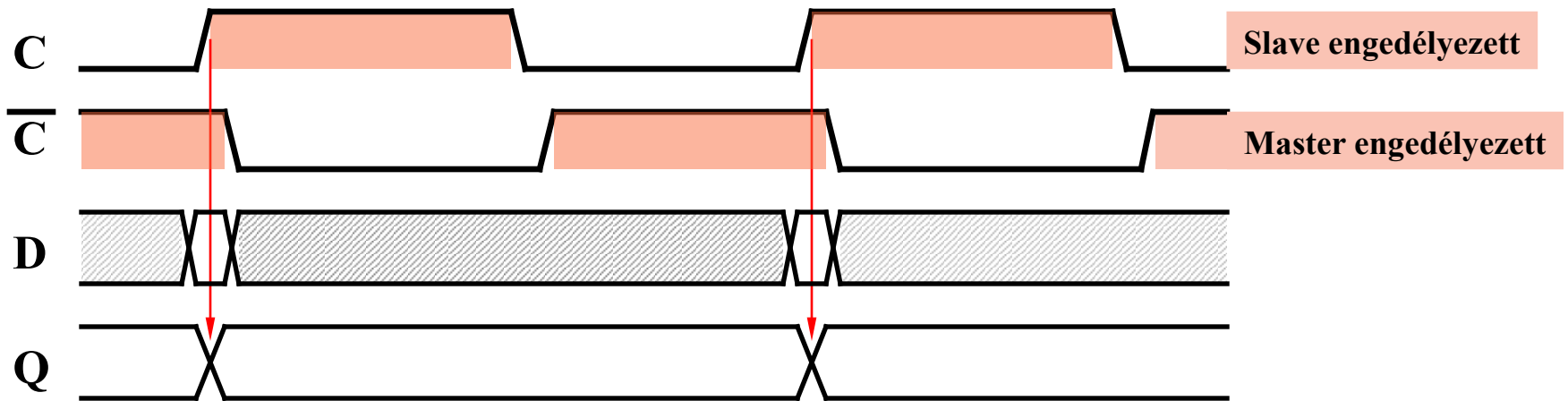
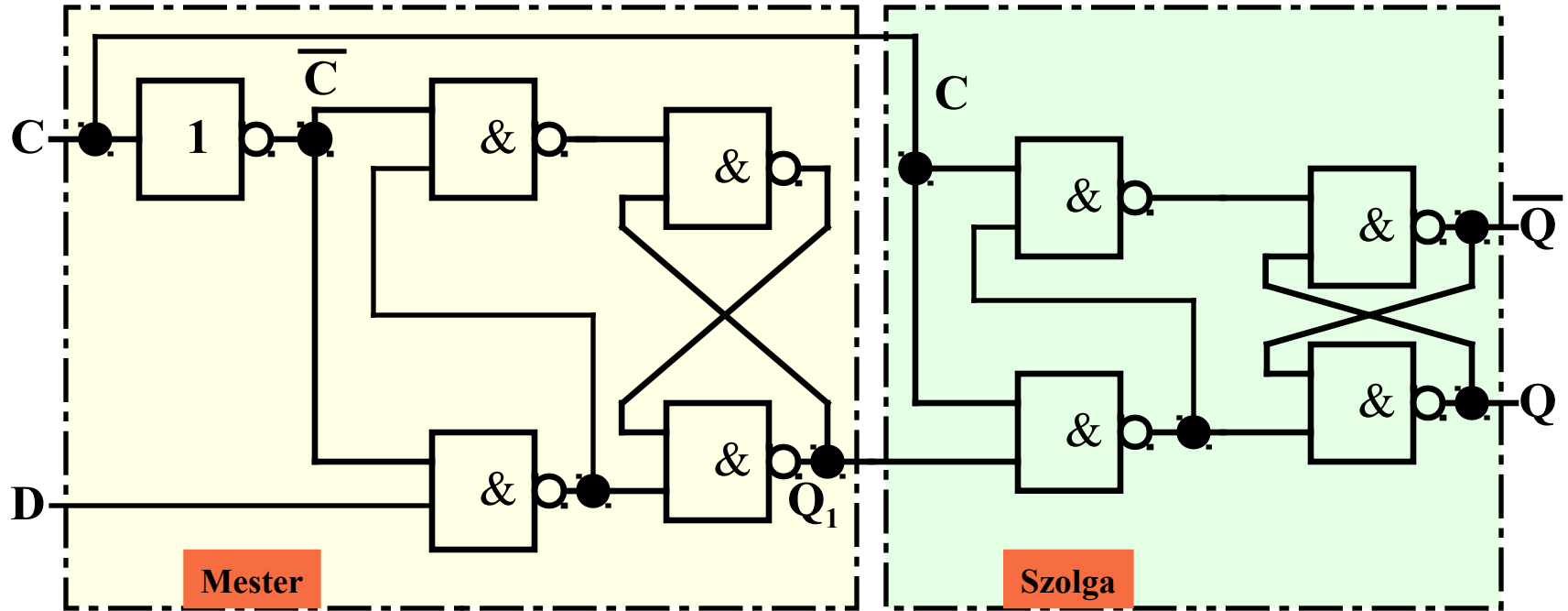
Két éllel vezérelt tároló:

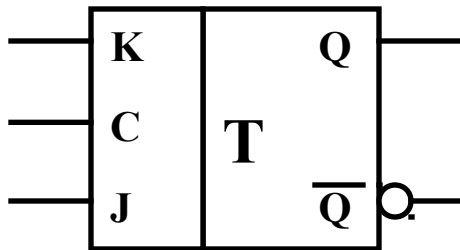
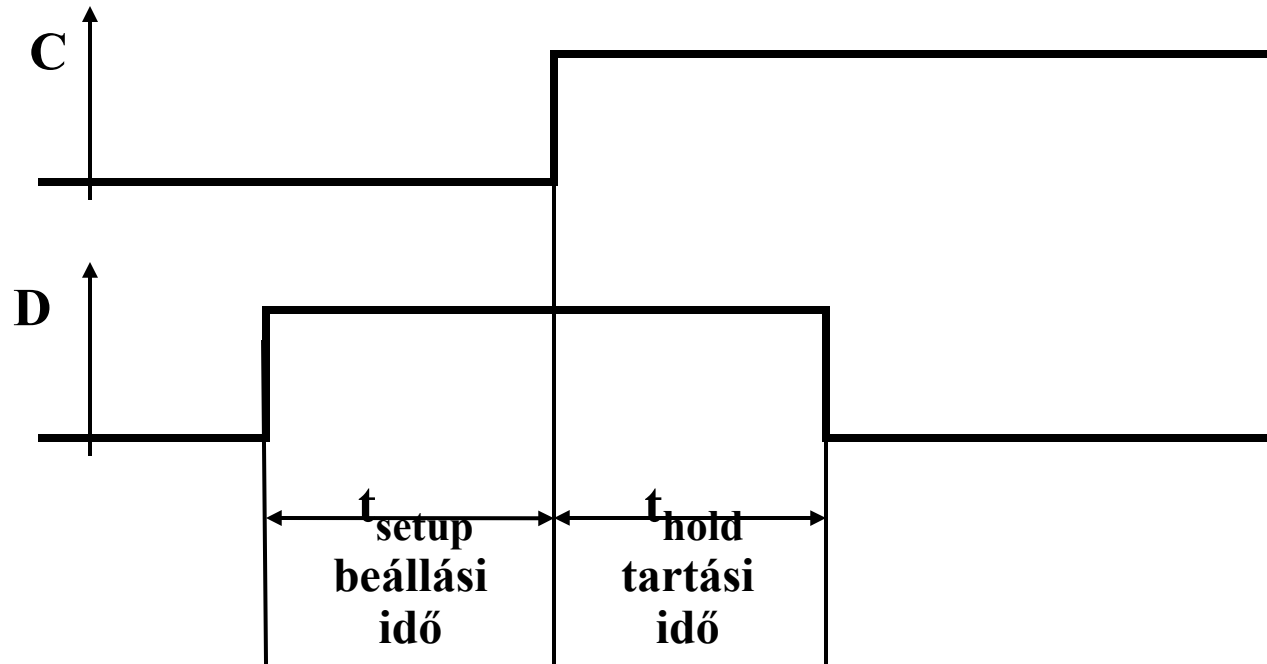


A bemeneti jel nem változhat!!

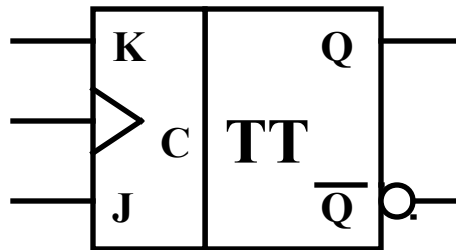
A kimenet változhat

EGY ÉLLEL VEZÉRELT TÁROLÓK

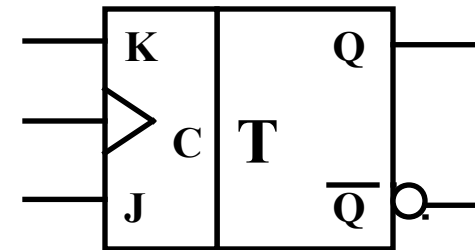




KAPUZOTT

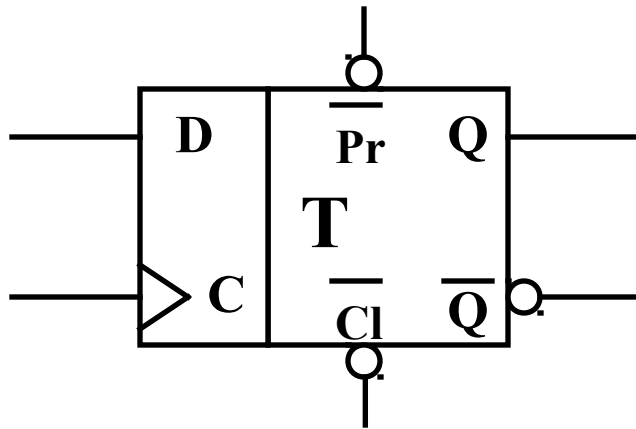


ÉLEKKEL VEZÉRELT



ÉLVEZÉRELT

VEGYES VEZÉRLÉSŰ TÁROLÓK

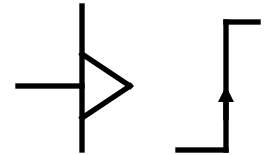


Élvezérelt „D” tároló

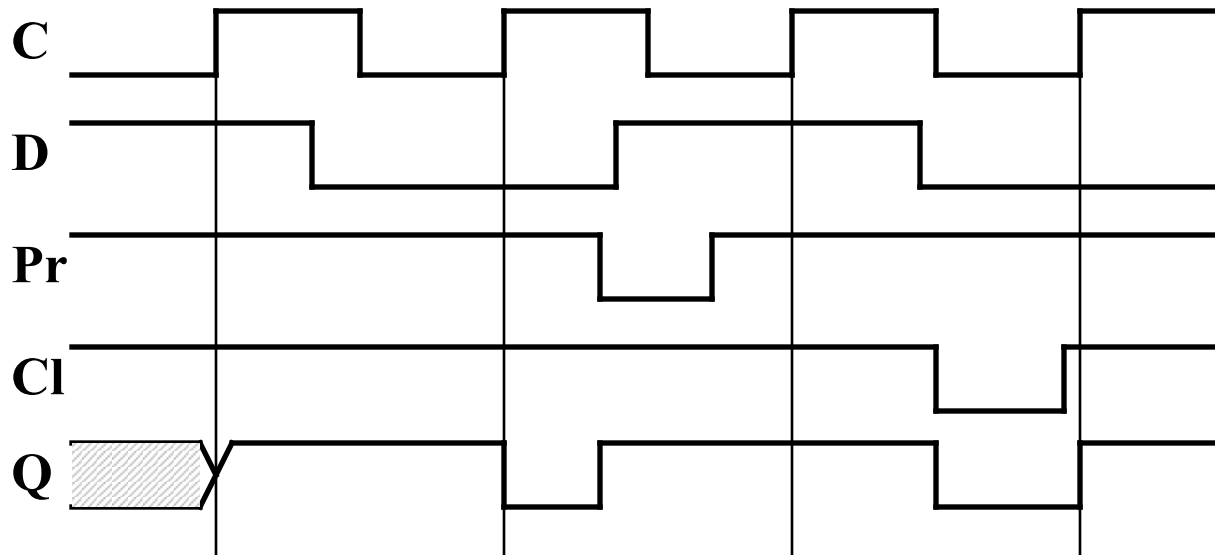
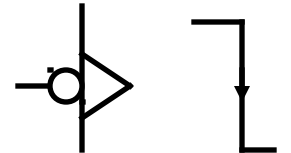
direkt beíró és

direkt törlő bemenettel

Felfutó élre érzékeny



Lefutó élre érzékeny



14. ELŐADÁS

REGISZTEREK

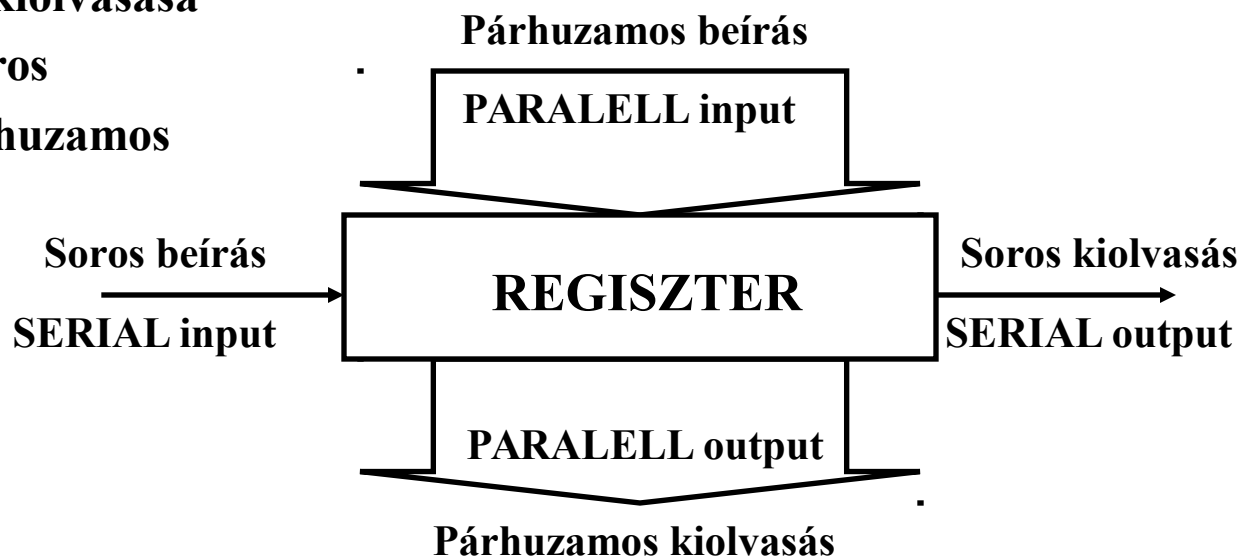
- *REGISZTEREK OSTÁLYOZÁSA*
- *PUFFER REGISZTER*
- *SHIFT REGISZTEREK*
- *REGISZTEREK FELHASZNÁLÁSA*
- *GYŰRŰS SZÁMLÁLÓK*

REGISZTEREK

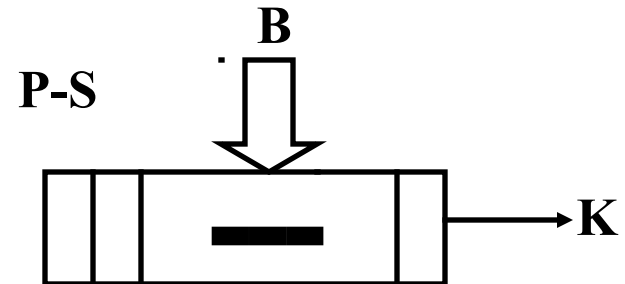
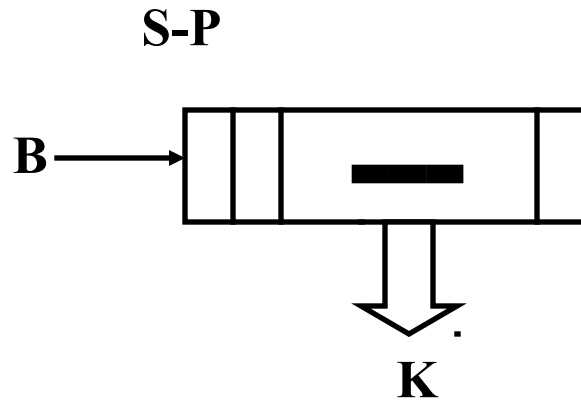
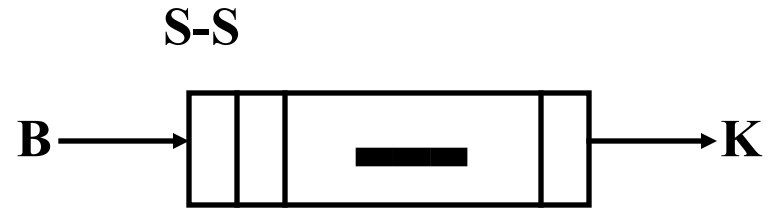
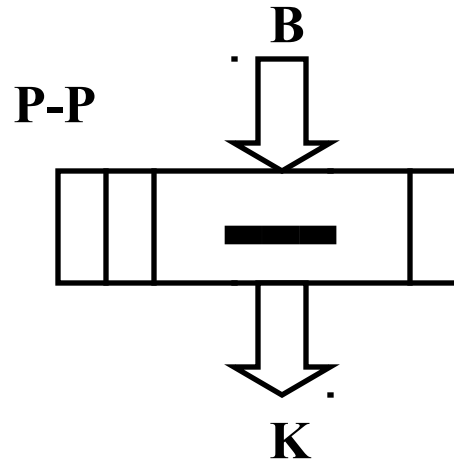
A regiszterek tárolók hálózatából adott típusfeladatra kialakított funkcionális egységek.

- **Működési funkciói:**

- adatok beírása
 - ◆ soros
 - ◆ párhuzamos
- adatok tárolása
- adatok kiolvasása
 - ◆ soros
 - ◆ párhuzamos

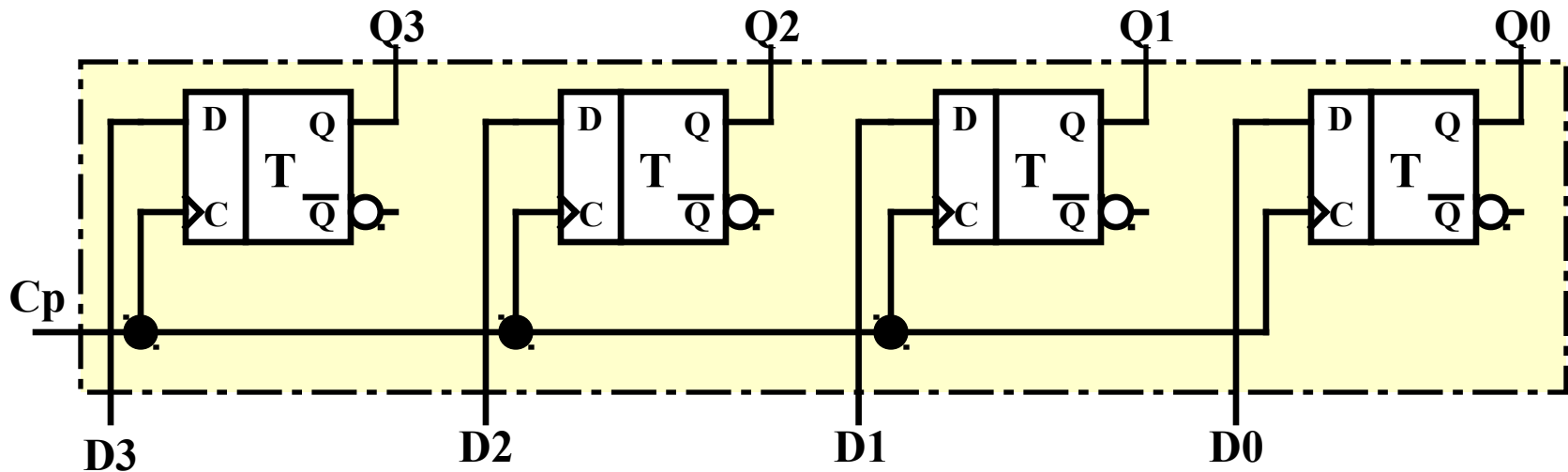


REGISZTEREK ALAPTÍPUSAI



P-P REGISZTEREK

A párhuzamos beírású és kiolvasású regisztereket átmeneti tárolóknak vagy más néven puffer regisztereknek nevezzük.



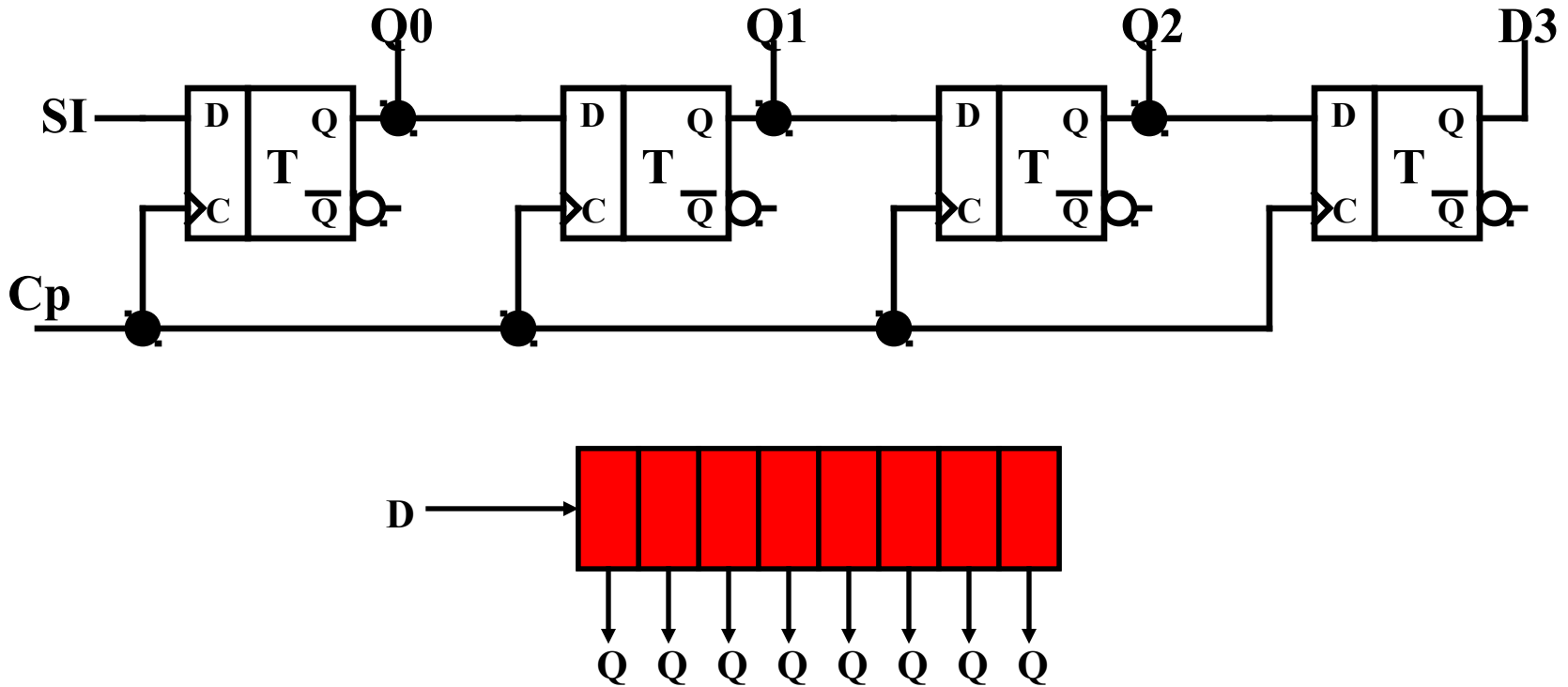
A tárolók lehetnek kapuzottak vagy élvezéreltek

Kapuzott D tárolókból felépített regisztert LATCH-nek nevezzük

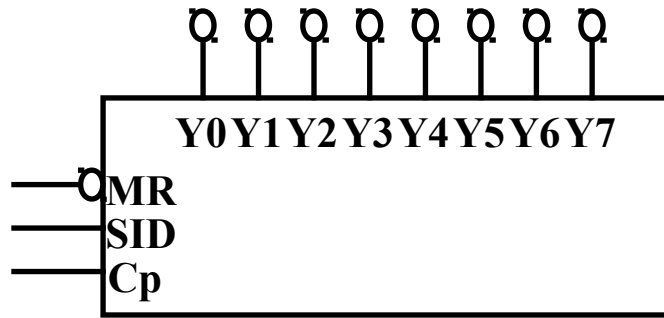
SHIFT REGISZTEREK

Azokat a regisztereket, amelyeknek van soros be- és/vagy kimenete léptető- vagy shift regisztereknek nevezzük.

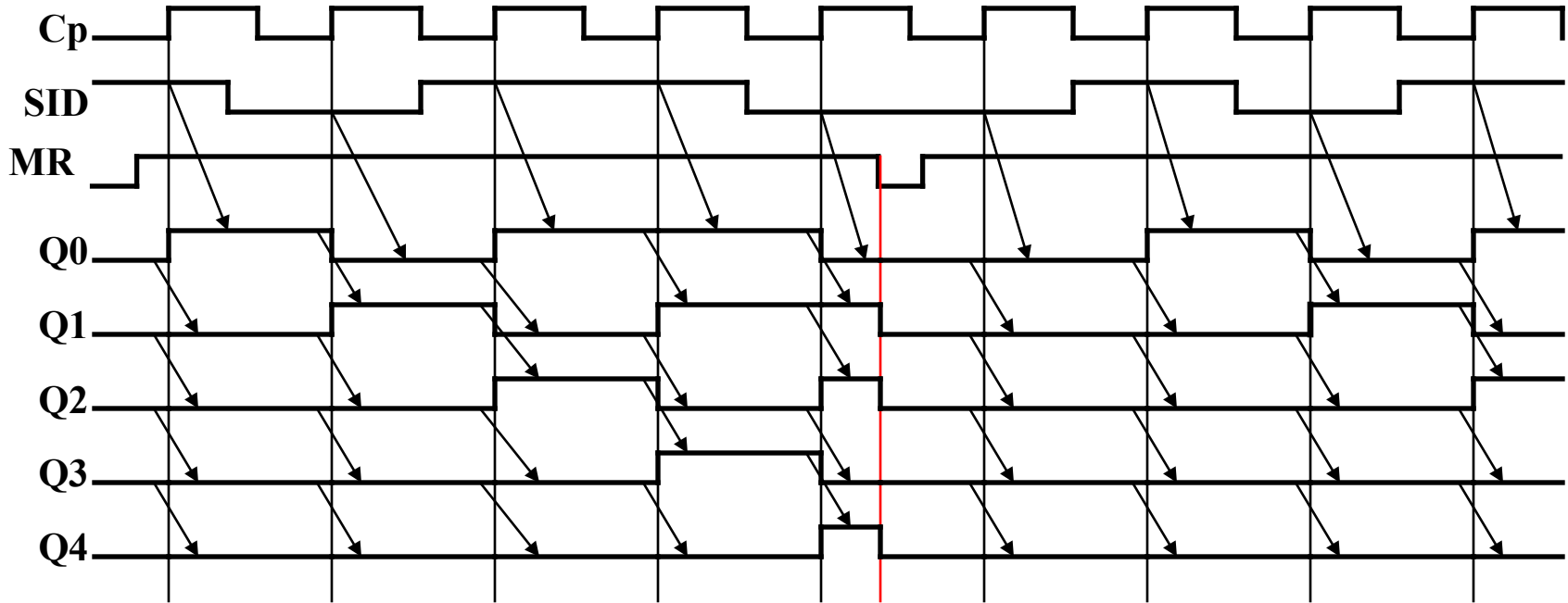
S-P regiszterek



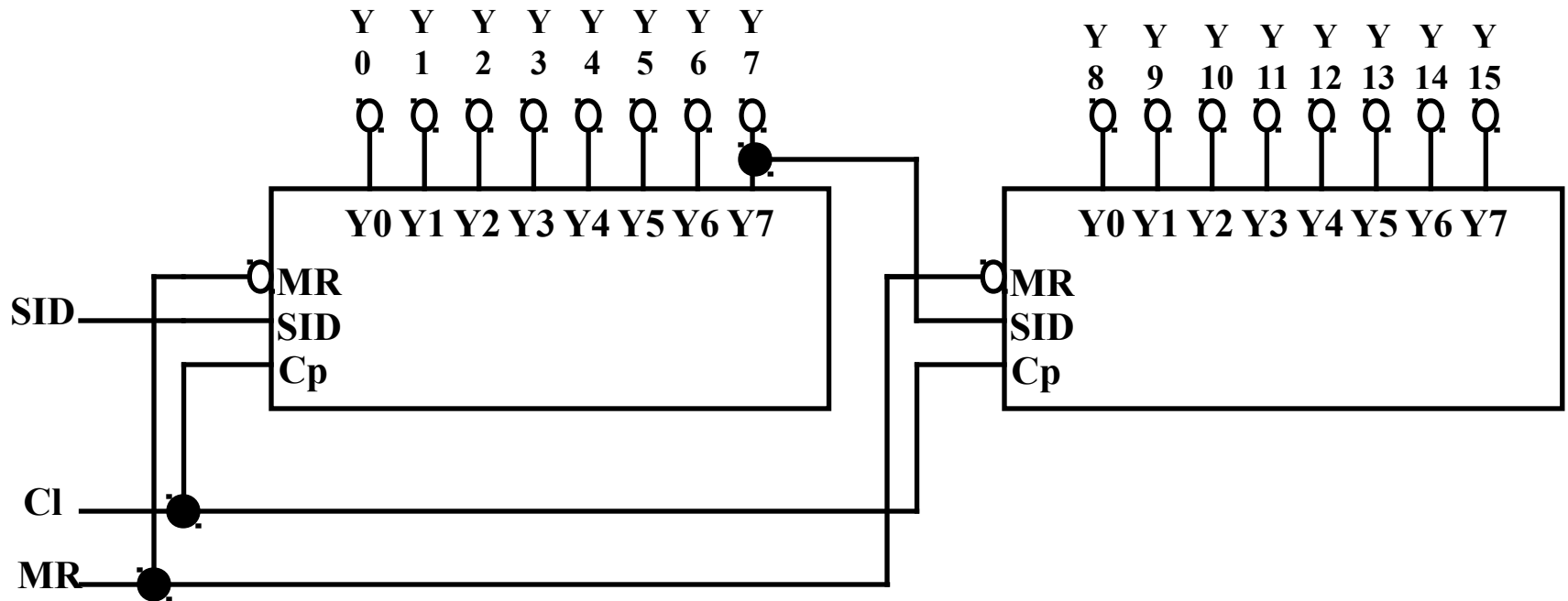
8 BITES S-P SHIFT REGISZTER



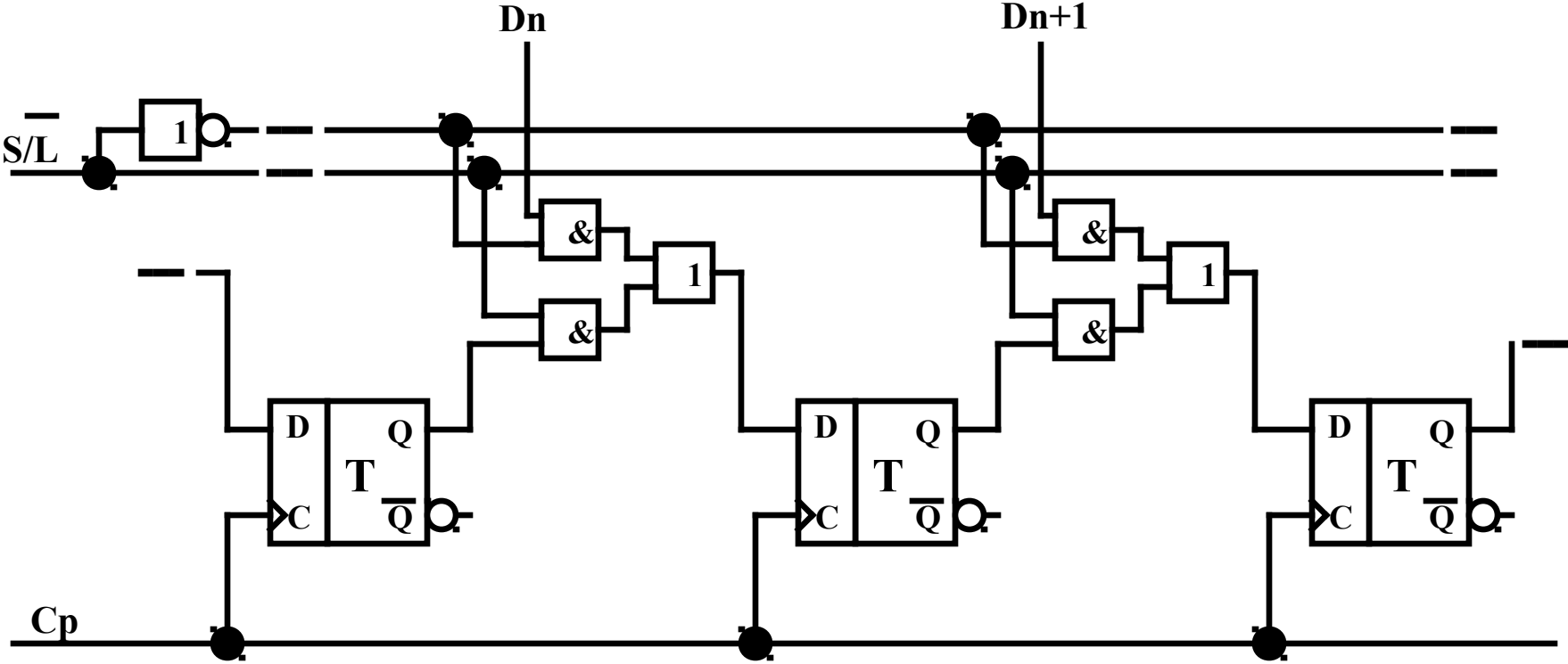
Cp	Clock pulzus	órajel bemenet
SID	Serial input data	soros adatbemenet
Y0-Y7	Paralell output	párhuzamos kimenetek
MR	Master reset	törlő bemenet



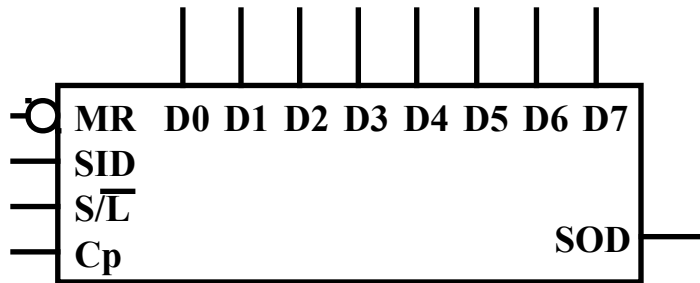
S-P SHIFT REGISZTEREK BŐVÍTÉSE



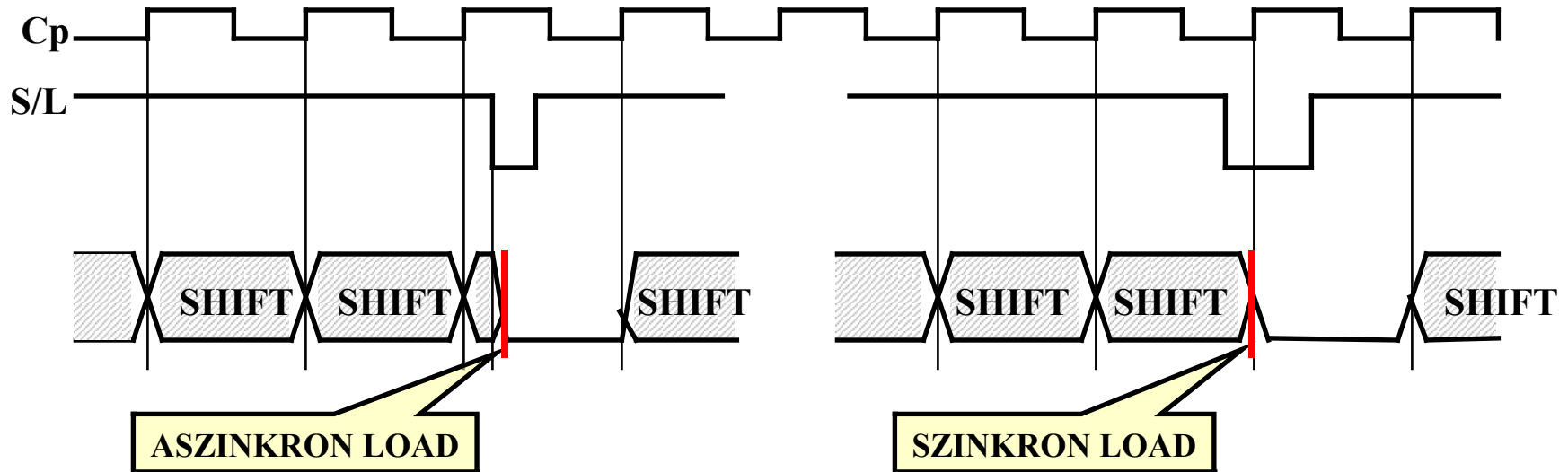
P-S SHIFT REGISZTEREK

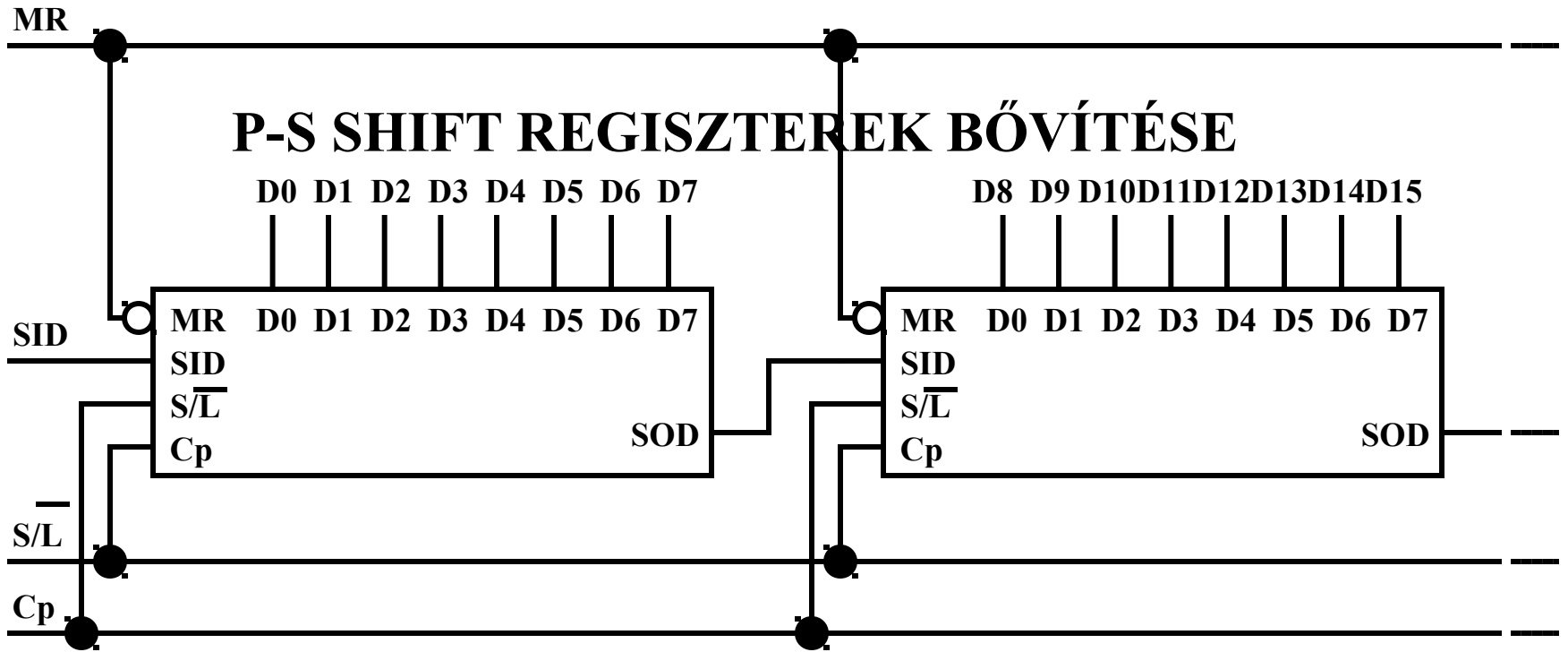


8 BITES P-S SHIFT REGISZTEREK



Cp	Clock pulzus	órajel bemenet
SID	Serial input data	soros adatbemenet
SOD	Serial out data	soroa adatkimenet
S/L	Shift/Load	léptetés/beírás választó
D0-D7	Paralell input	párhuzamos bemenetek
MR	Master reset	törlő bemenet

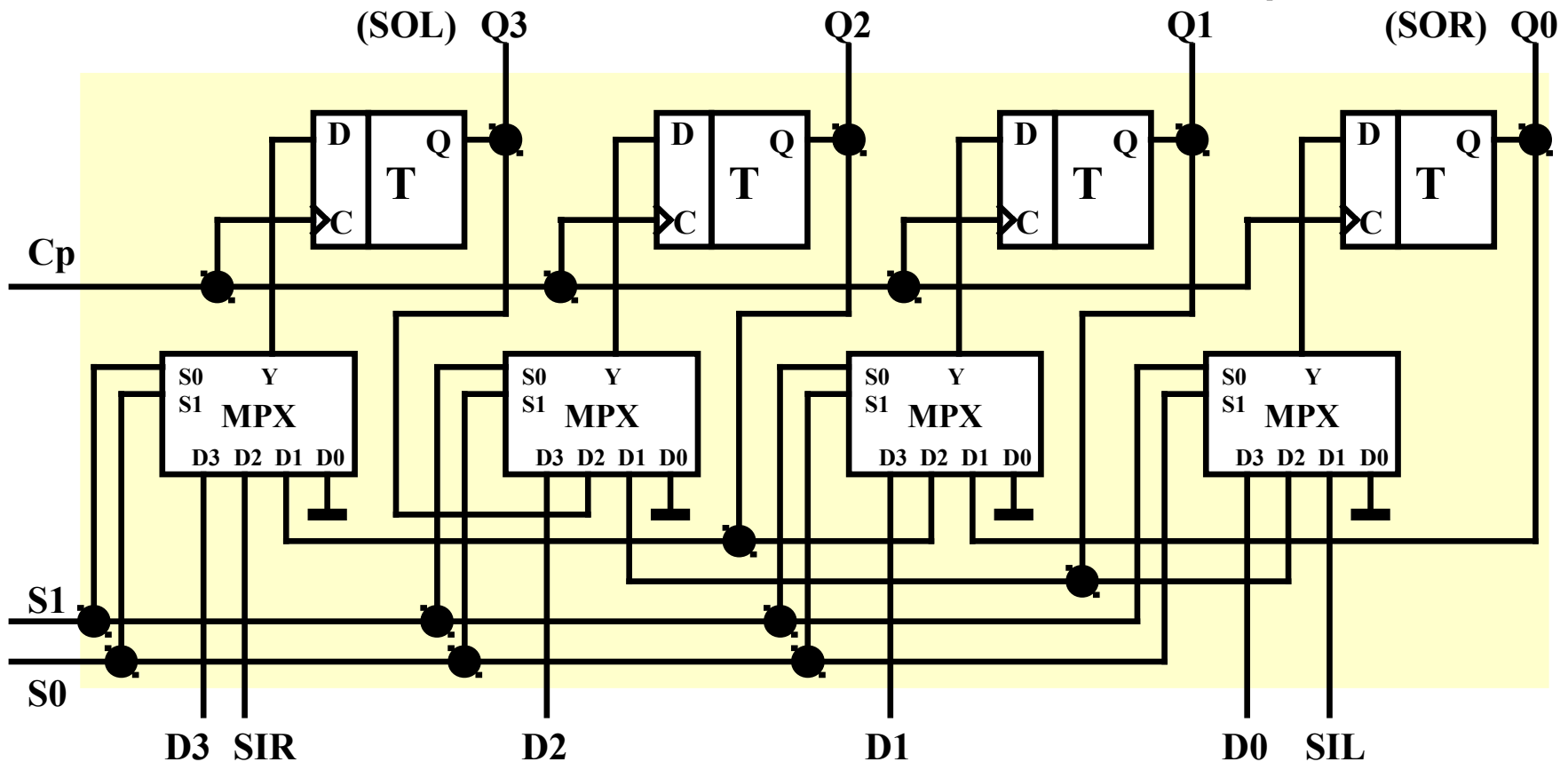




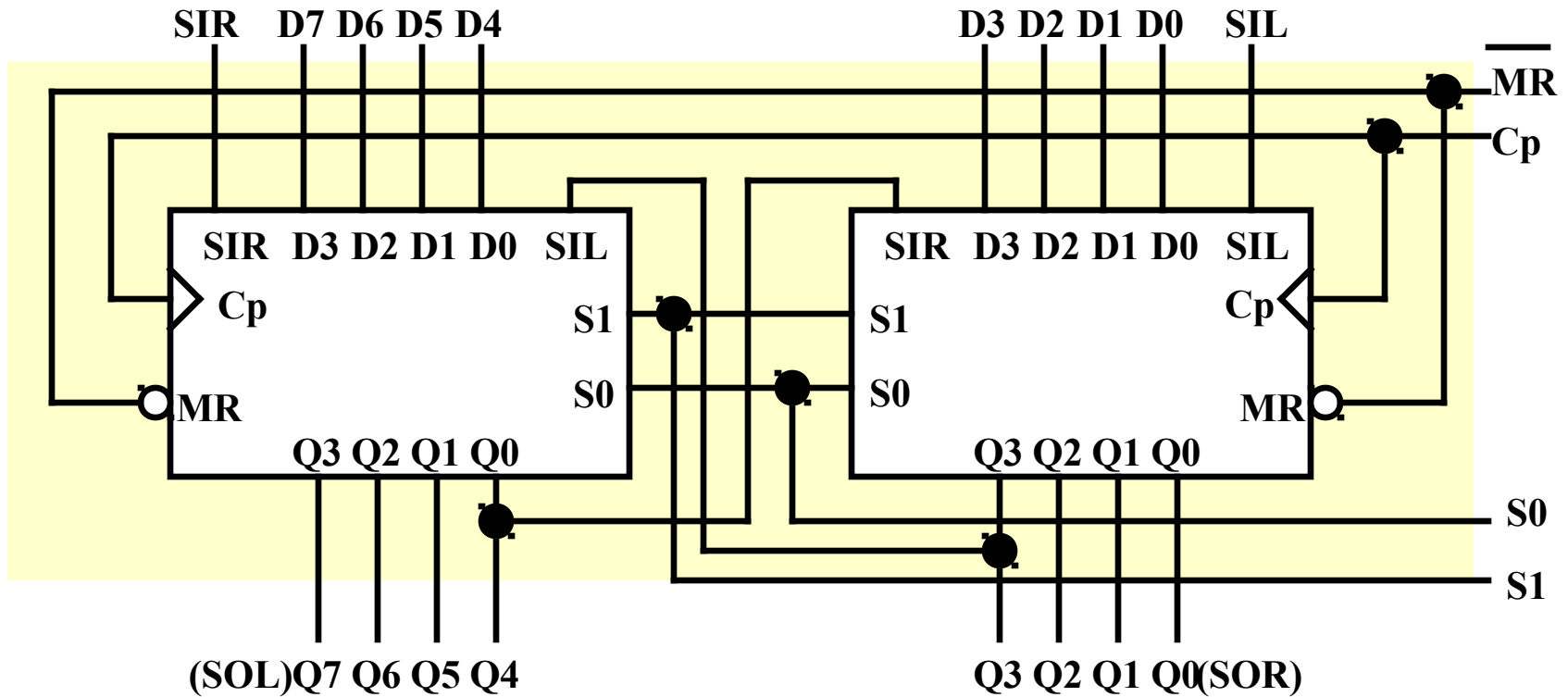
UNIVERZÁLIS SHIFT REGISZTEREK

Azokat a regisztereket, amelyek képesek az adatok soros és párhuzamos fogadására, párhuzamos megjelenítésére, két irányban az adatok léptetésére és az adatok törlésére univerzális shift regisztereknek nevezzük.

S1	S2	Üzem mód
0	0	szinkron törlés
0	1	léptetés balra
1	0	léptetés jobbra
1	1	párhuzamos beírás



UNIVERZÁLIS SHIFT REGISZTEREK BŐVÍTÉSE



- ***PUFFER REGISZTEREK***

**ADATOK ÁTMENETI TÁROLÁSA
REGISZTEREK FELHASZNÁLÁSA**

- ***SHIFT REGISZTEREK***

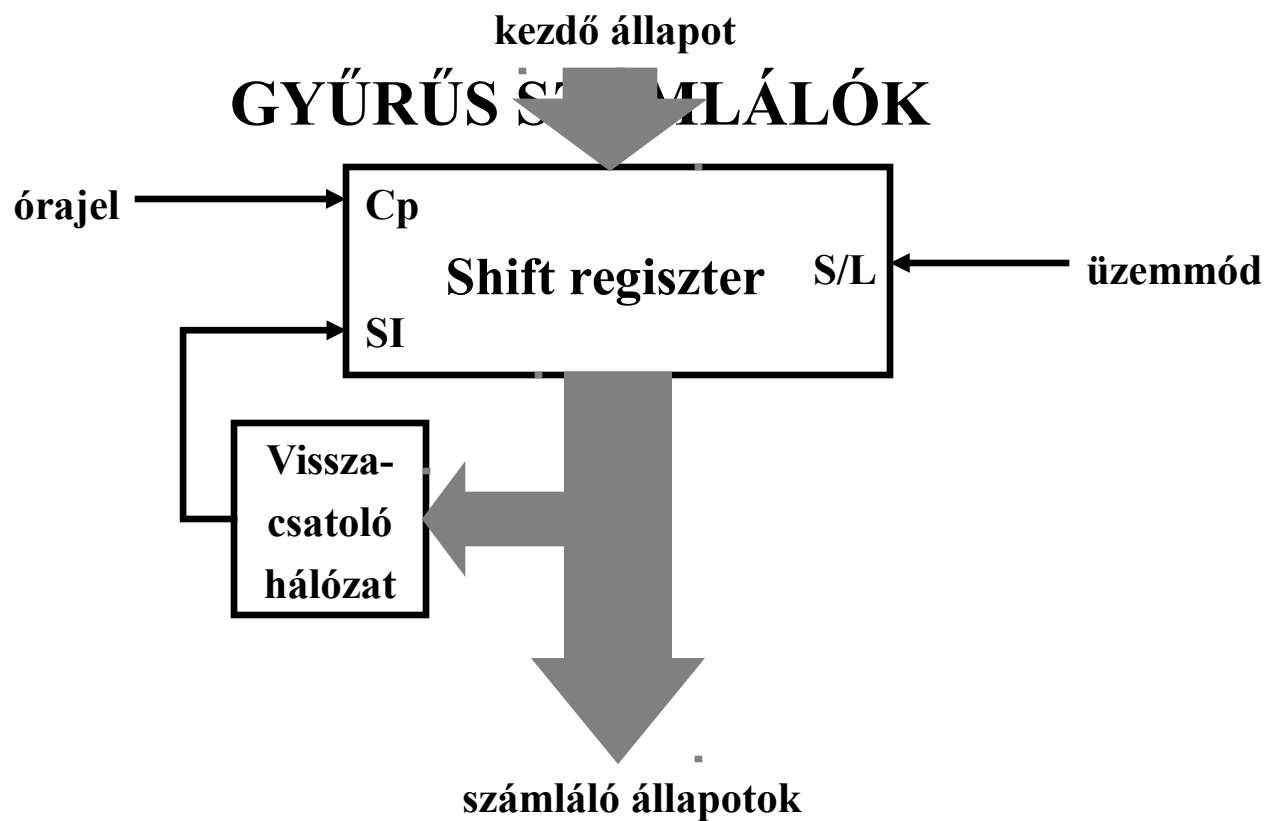
FORMÁTUM ÁTALAKÍTÁS

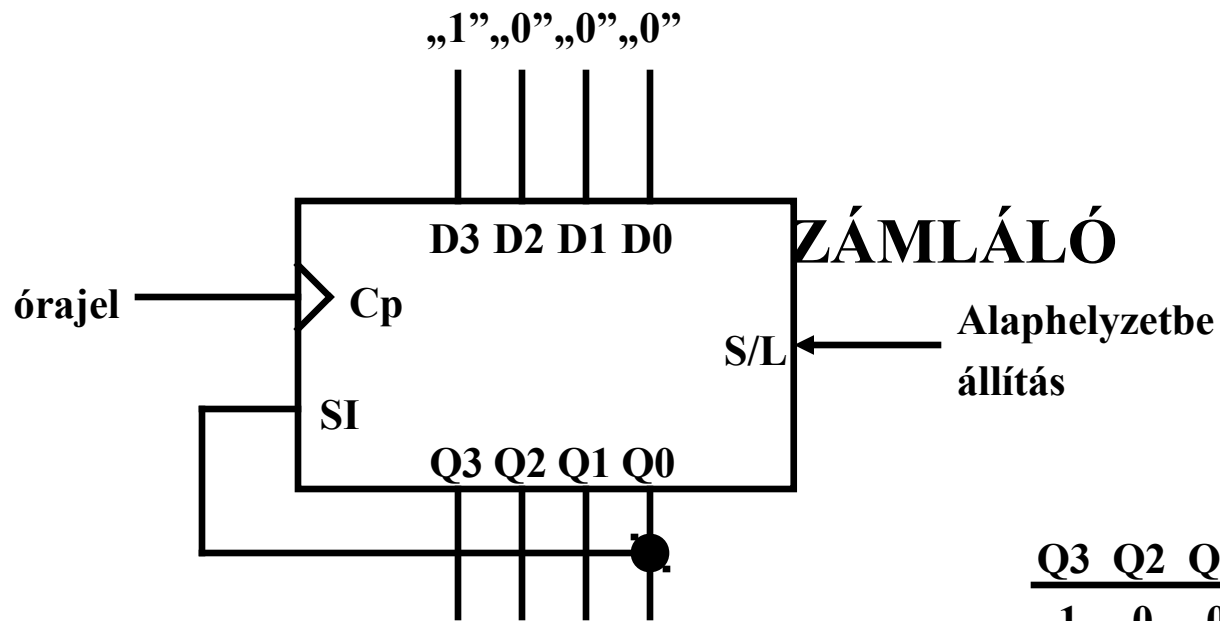
- **S-P SOROS / PÁRHUZAMOS ÁTALAKÍTÁS**
- **P-S PÁRHUZAMOS / SOROS ÁTALAKÍTÁS**

GYŰRŰS SZÁMLÁLÓK

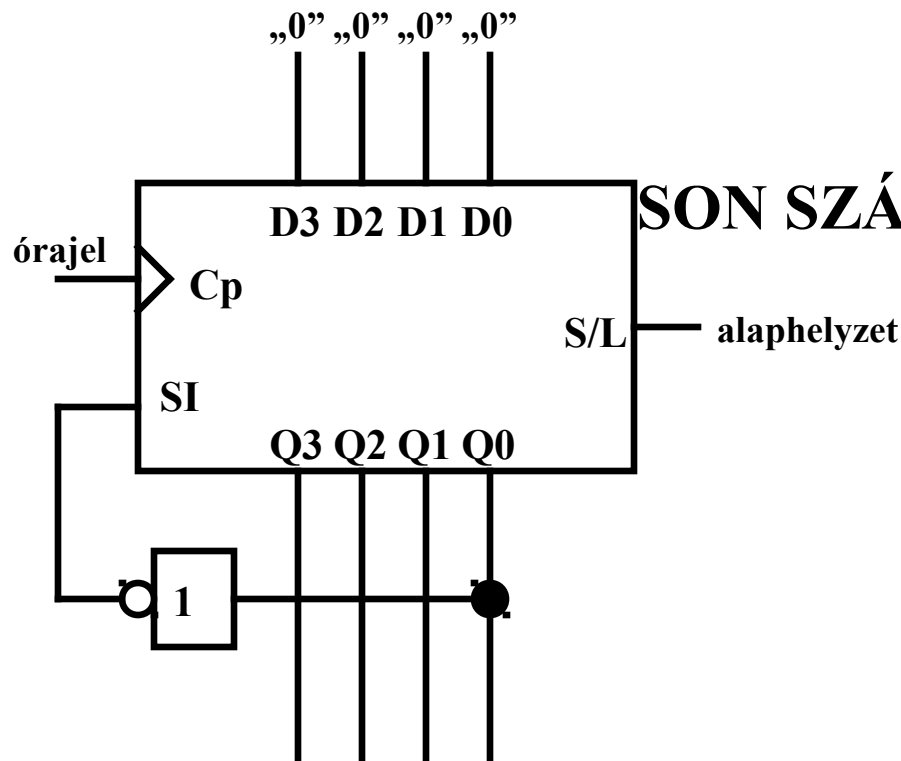
- **N-BŐL 1 SZÁMLÁLÓ**
- **JOHNSON SZÁMLÁLÓ**
- **MAXIMÁLIS HOSSZÚSÁGÚ SZÁMLÁLÓ**

A gyűrűs számlálók egyszerű visszacsatolással ellátott shift regiszterek.

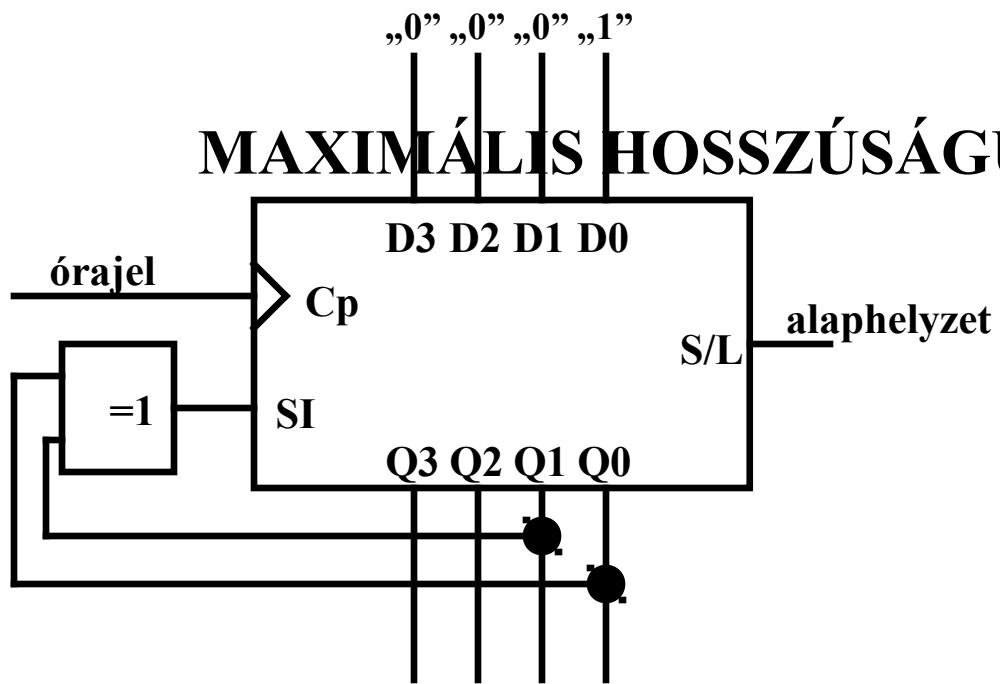




Q3	Q2	Q1	Q0	Órajel ciklus
1	0	0	0	alaphelyzet
0	1	0	0	1. órajel
0	0	1	0	2. órajel
0	0	0	1	3. órajel
1	0	0	0	4. órajel



Q3	Q2	Q1	Q0	CIKLUS
0	0	0	0	alaphelyzet
0	0	0	0	1. órajel
1	1	0	0	2. órajel
1	1	1	0	3. órajel
1	1	1	1	4. órajel
0	1	1	1	5. órajel
0	0	1	1	6. órajel
0	0	0	1	7. órajel
0	0	0	0	8. órajel
1	0	0	0	9. órajel



Q3	Q2	Q1	Q0	CIKLUS
0	0	0	1	alaphelyzet
1	0	0	0	1. órajel
0	1	0	0	2. órajel
0	0	1	0	3. órajel
1	0	0	1	4. órajel
1	1	0	0	5. órajel
0	1	1	0	6. órajel
1	0	1	1	7. órajel
0	1	0	1	8. órajel
1	0	1	0	9. órajel
1	1	0	1	10. órajel
1	1	1	0	11. órajel
1	1	1	1	12. órajel
0	1	1	1	13. órajel
0	0	1	1	14. órajel
0	0	0	1	15. órajel
1	0	0	0	16. órajel

15. ELŐADÁS

SZÁMLÁLÓK

- *ASZINKRON SZÁMLÁLÓK*
- *SZINKRON SZÁMLÁLÓK*
- *REVERZIBILIS SZÁMLÁLÓK*
- *SZÁMLÁLÓK SZOLGÁLTATÁSAI (Cl; Ld)*
- *CIKLUSRÖVIDÍTÉS*

SZÁMLÁLÓK

A számlálók olyan szekvenciális áramkörök, amelyek a C_p bemenetükre érkező impulzusokat összeszámlálják, és az eredményt a Q kimeneteken jelenítik meg.

◆ *Vezérlési mód szempontjából:*

- aszinkron
- szinkron

◆ *Számlálás kódja szerint:*

- bináris
- BCD

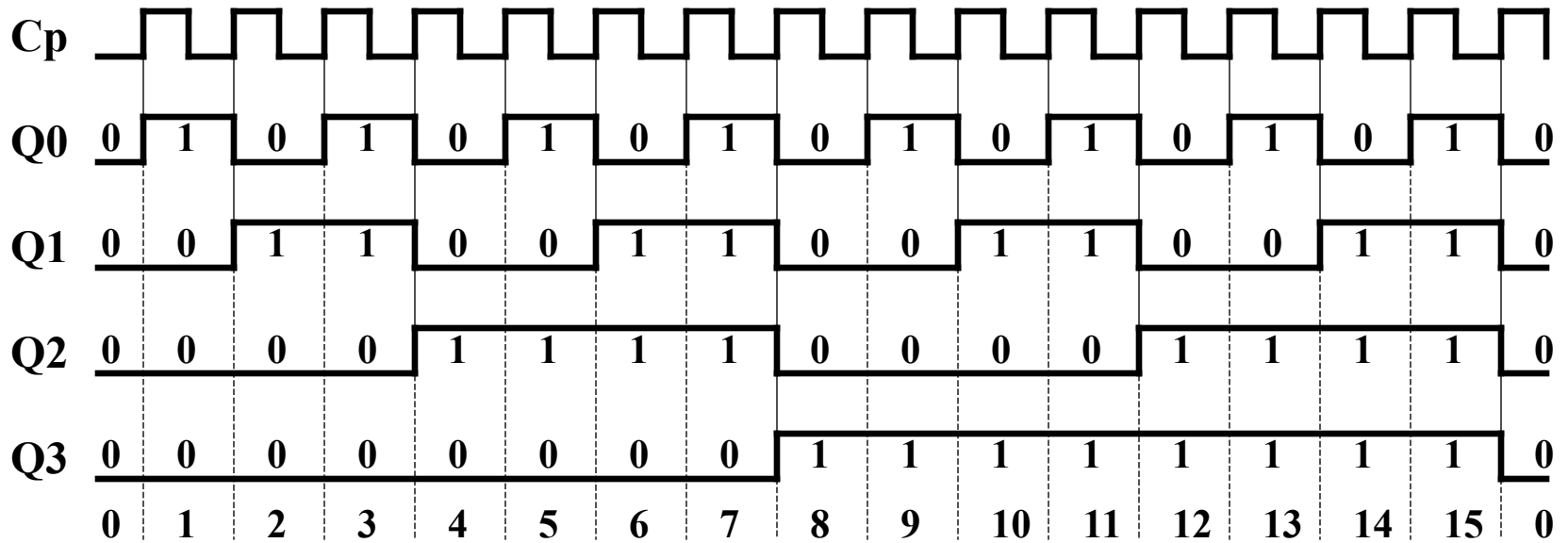
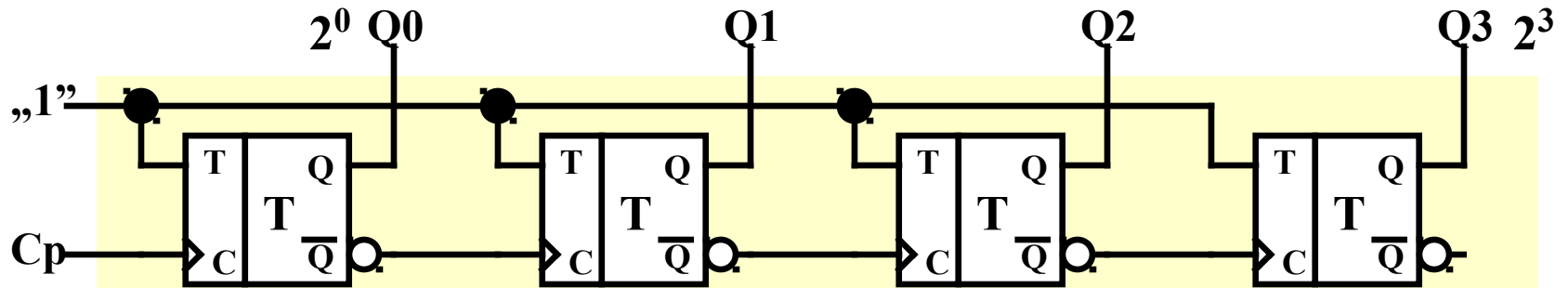
◆ *Számlálás iránya szerint:*

- előre számlálók
- reverzibilis számlálók

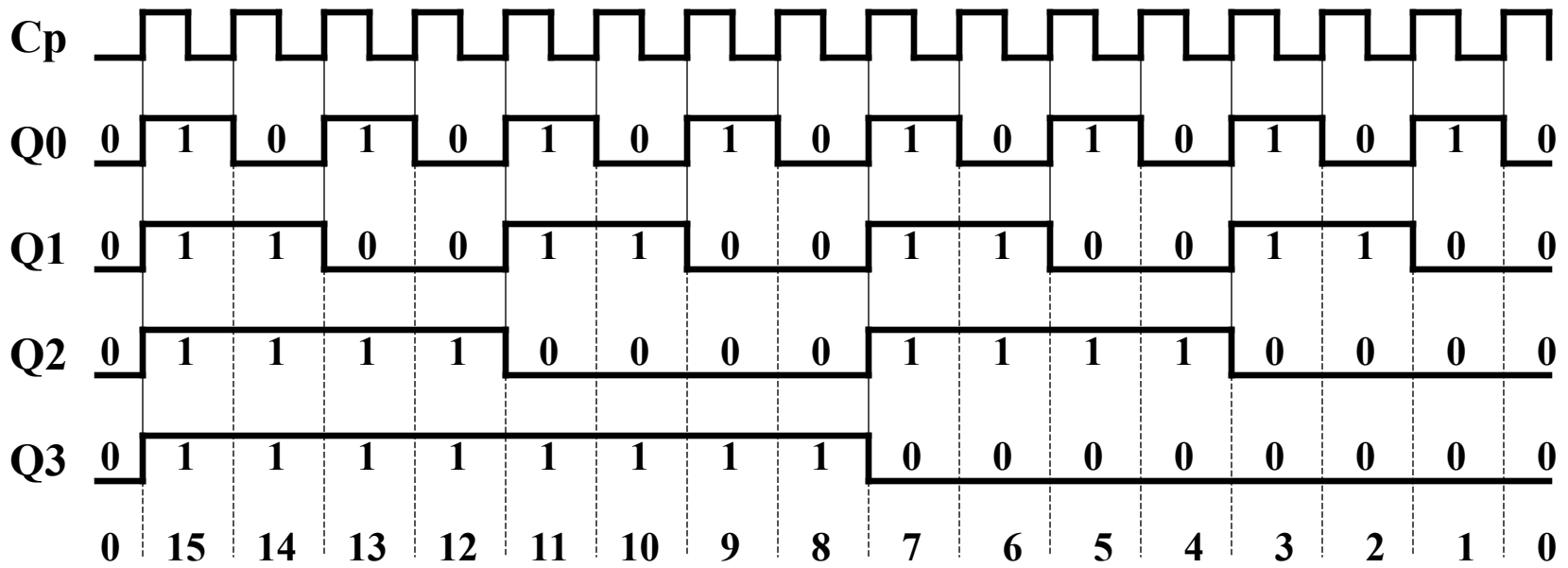
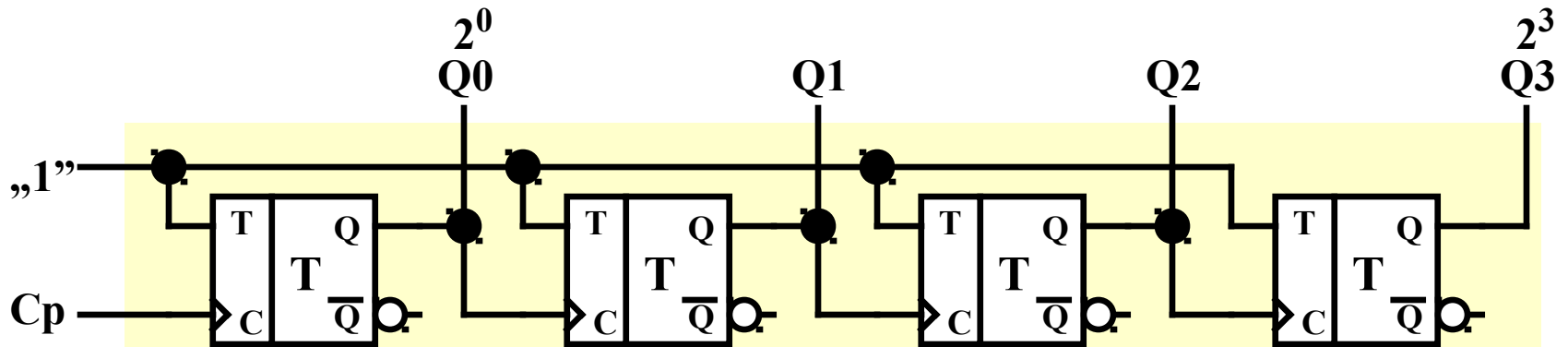
◆ *Egyéb szolgáltatások:*

- szinkron/aszinkron törlés
- szinkron aszinkron kezdőérték beállítás (programozhatóság)

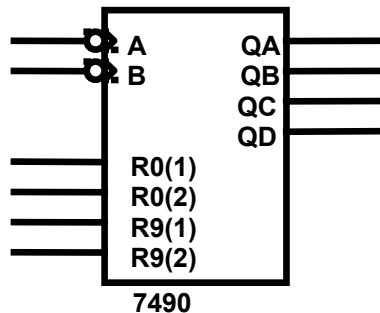
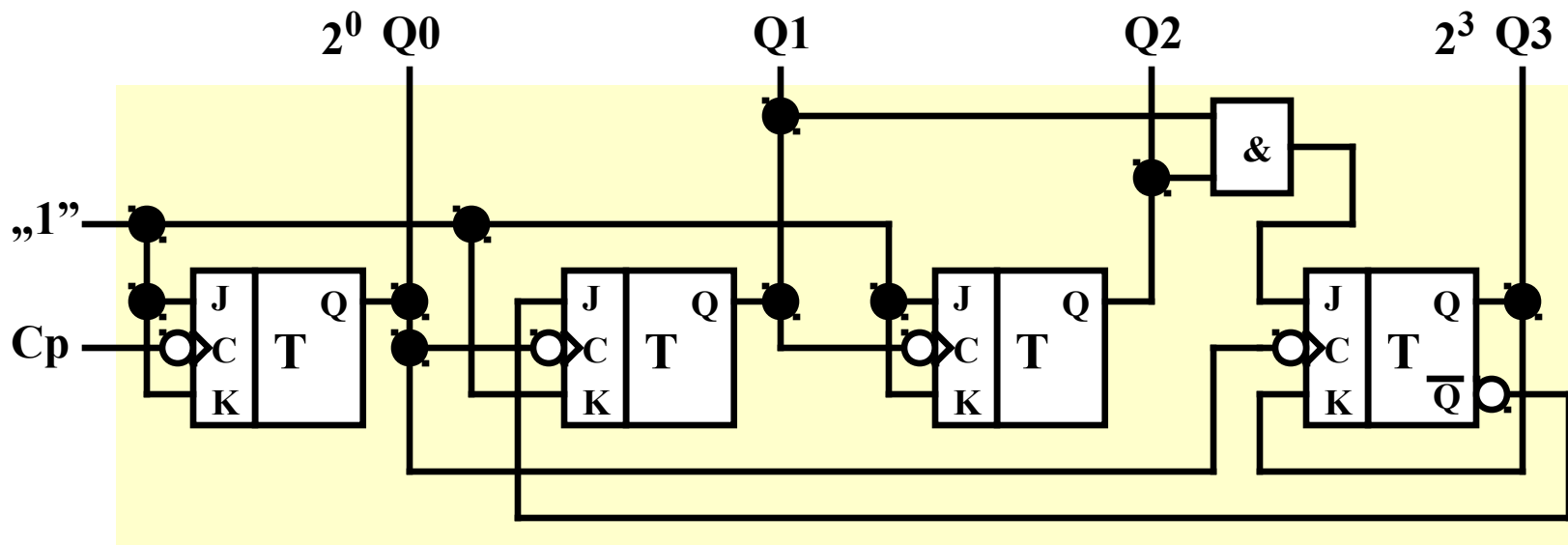
ASZINKRON SZÁMLÁLÓK



ASZINKRON HÁTRA SZÁMLÁLÓ



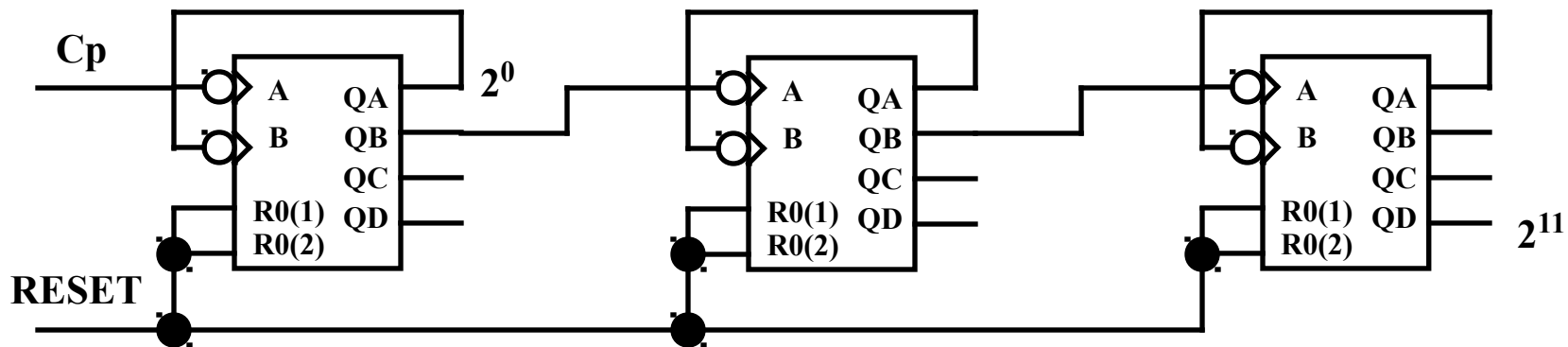
ASZINKRON DECIMÁLIS SZÁMLÁLÓK



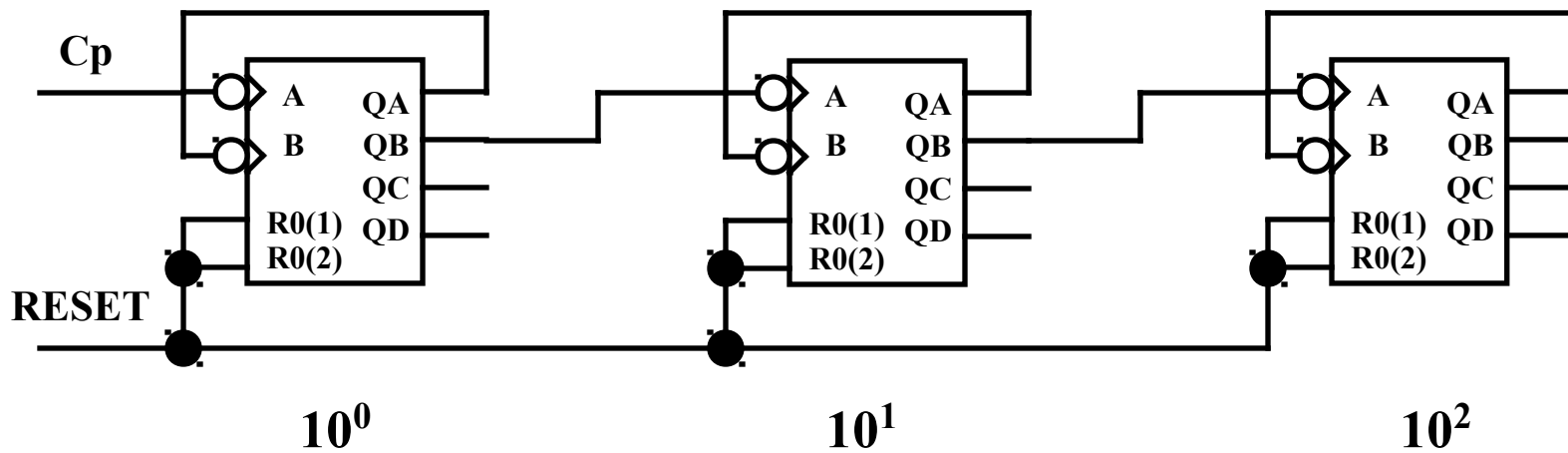
A	Cp A	Az A tároló órajel bemenete
B	Cp B	A B tároló órajel bemenete
QA-QD		Számláló kimenetek
R0(1-2)		Aszinkron törlő bemenetek
R9(1-2)		Végértéket (9) beieő bemenet

ASZINKRON SZÁMLÁLÓK BŐVÍTÉSE

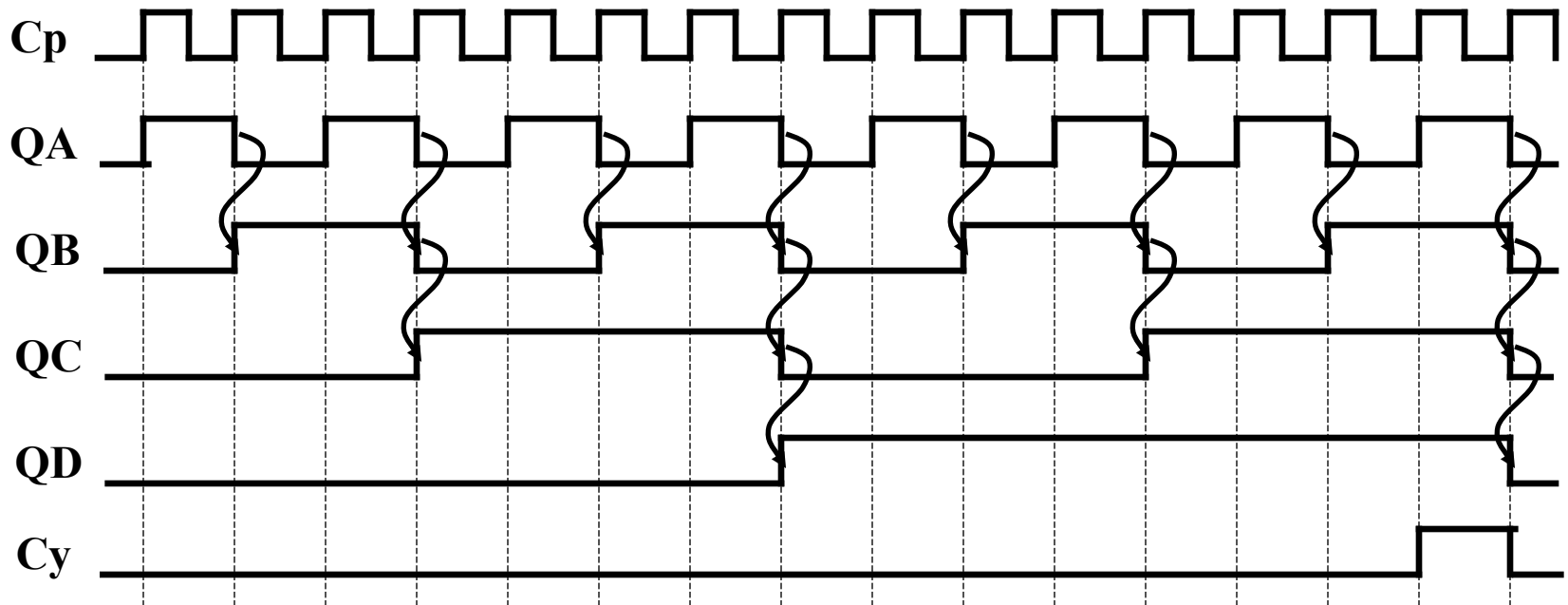
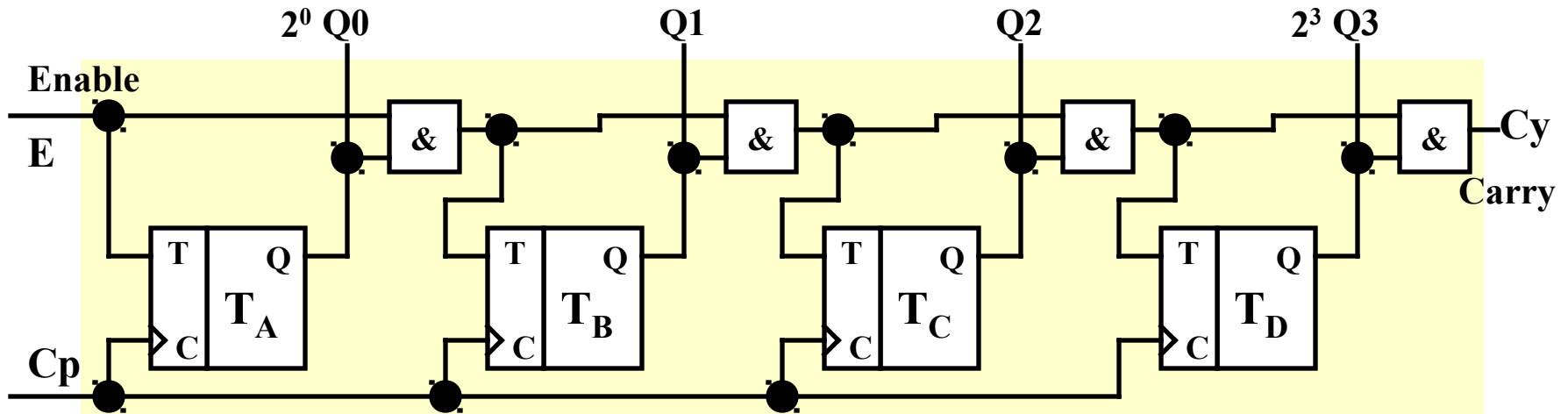
BINÁRIS



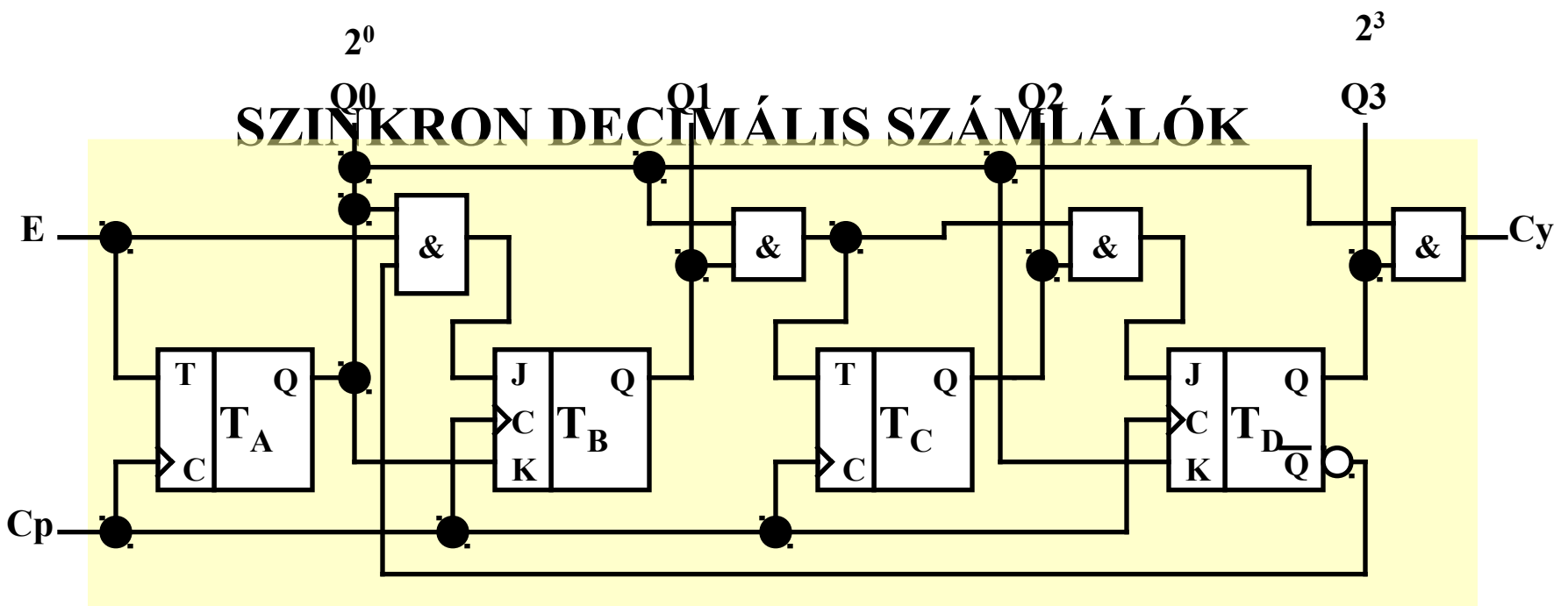
DECIMÁLIS



SZINKRON BINÁRIS SZÁMLÁLÓK



SZINKRON DECIMÁLIS SZÁMLÁLÓK

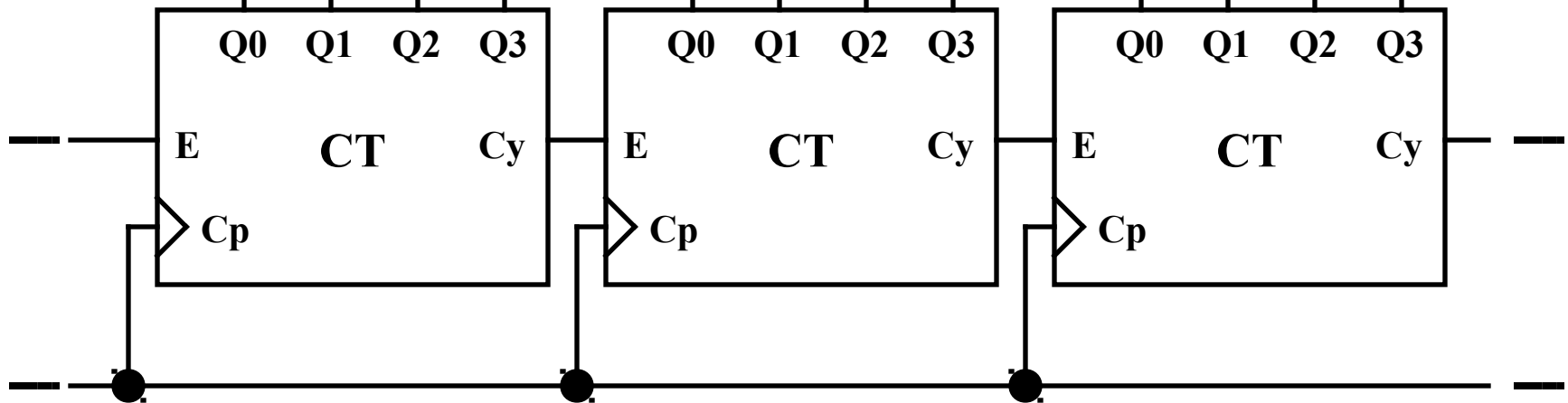


SZINKRON SZÁMLÁLÓK BŐVÍTÉSE

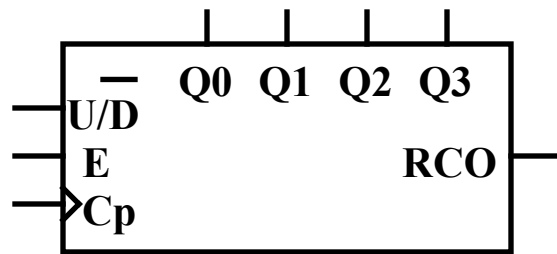
BINÁRIS 2^{n-3} 2^{n-2} 2^{n-1} 2^n 2^{n+1} 2^{n+2} 2^{n+3} 2^{n+4} 2^{n+5} 2^{n+6} 2^{n+7} 2^{n+8}

DECIMÁLIS $N_{i-1} * 10^{k-1}$ $N_i * 10^k$ $N_{i+1} * 10^{k+1}$

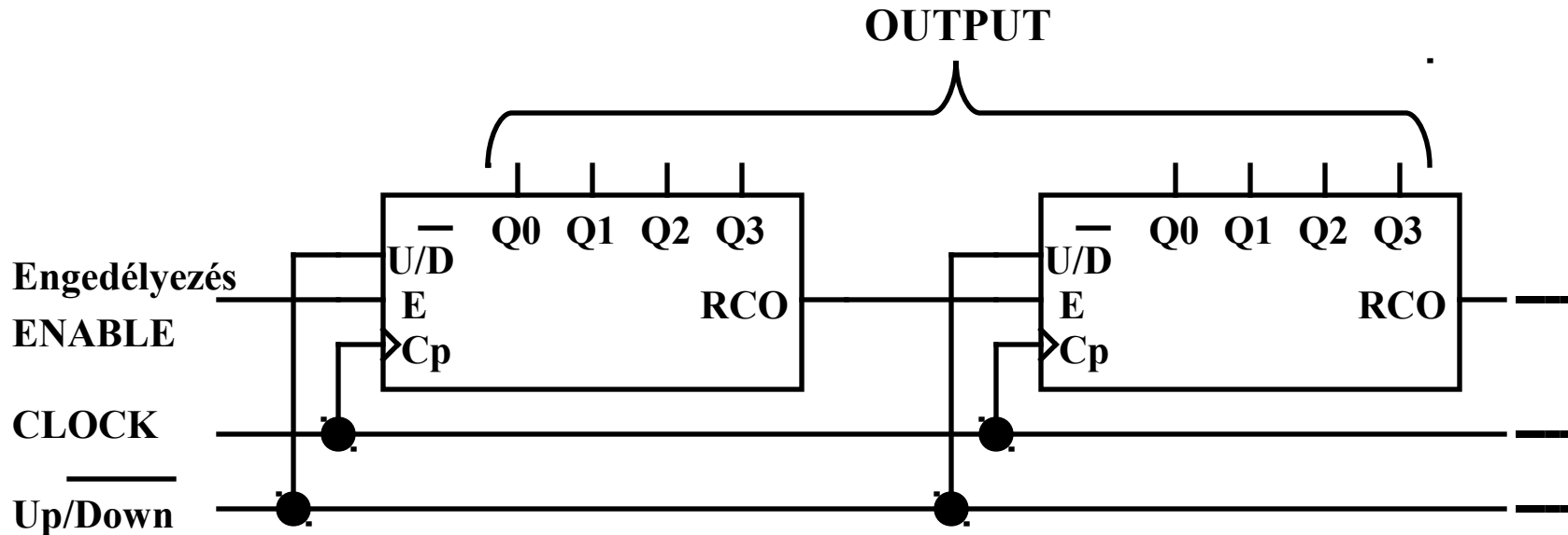
2^0 2^1 2^2 2^3 2^0 2^1 2^2 2^3 2^0 2^1 2^2 2^3



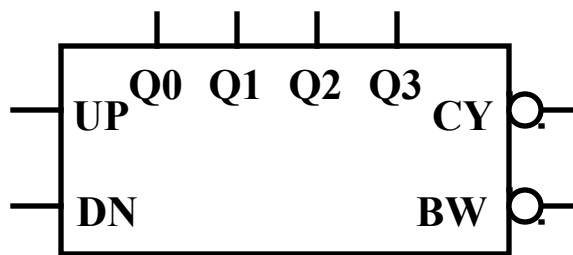
REVERZIBILIS SZÁMLÁLÓK



Cp	Clock pulzus	órajel
E	Enable	engedélyezés
RCO	Ripple Carry Output	átvitel
U/D	Up/Down	számlálási irány
Q0-Q3		számláló kimenetek

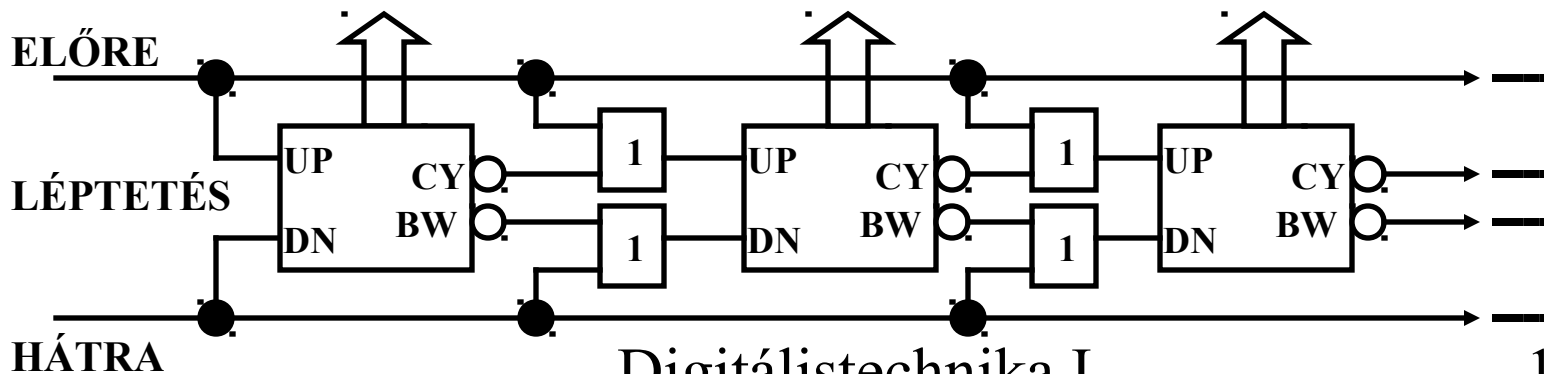
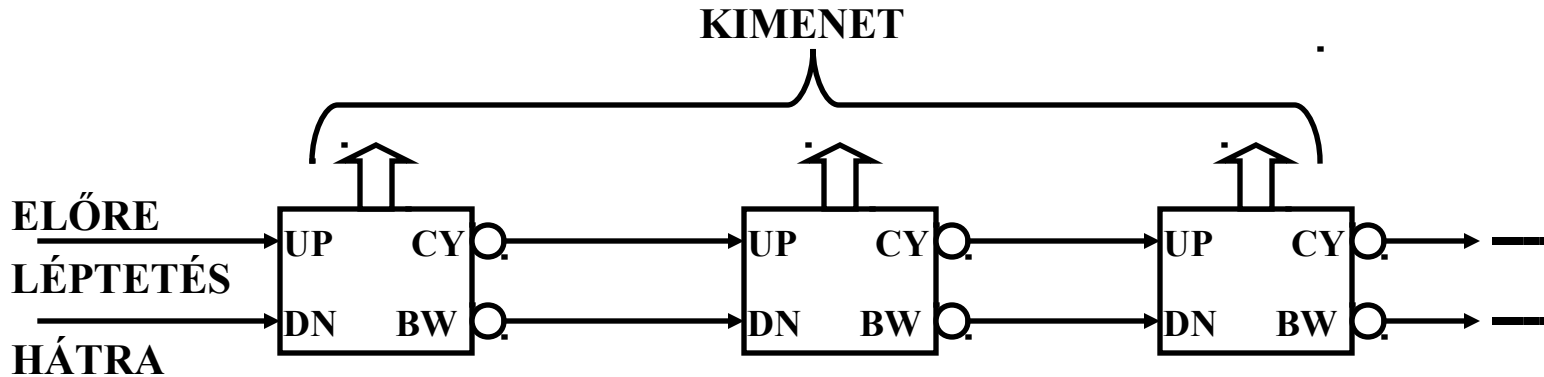


REVERZIBILIS SZÁMLÁLÓK



UP Count Up
 DN Count Down
 CY Carry Out
 BW Borrow Out
 Q0-Q3

felfelé számláló bemenet
 visszazámláló bemenet
 túlsordulás kimenet
 alulesordulás kimenet
 számláló kimenetek

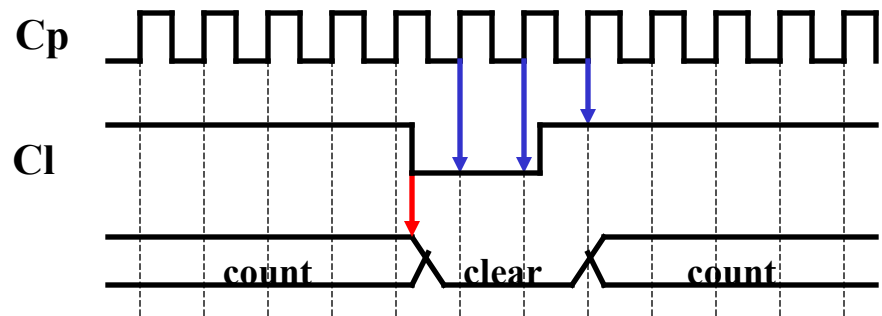


SZÁMLÁLÓK TOVÁBBI SZOLGÁLTATÁSAI

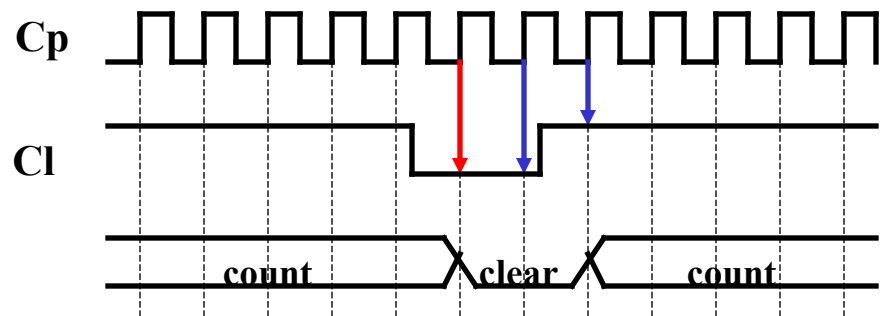
TÖRLÉS (0 beállítása) *Cl*, *MR*

- aszinkron

Cl **Clear**
MR **Master Reset**

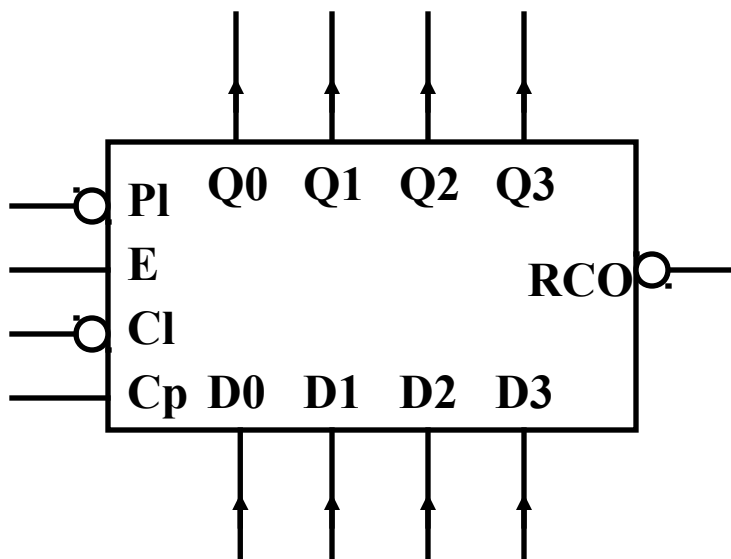


- szinkron

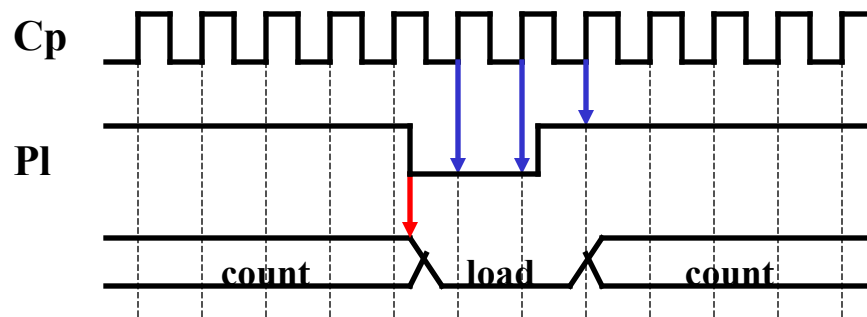


PROGRAMOZHATÓ SZÁMLÁLÓK

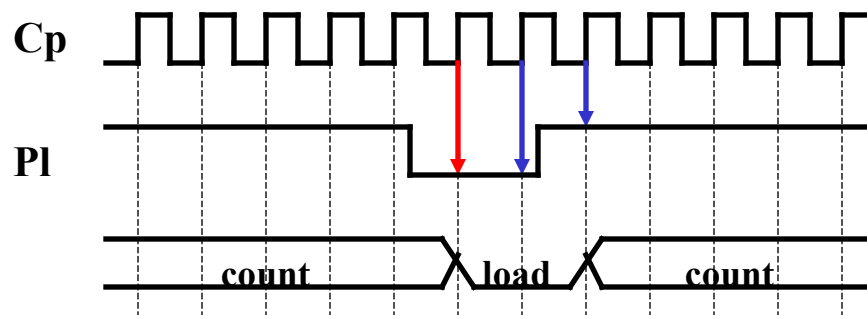
Párhuzamos beírás PI; Ld (Paralell Load)



– aszinkron



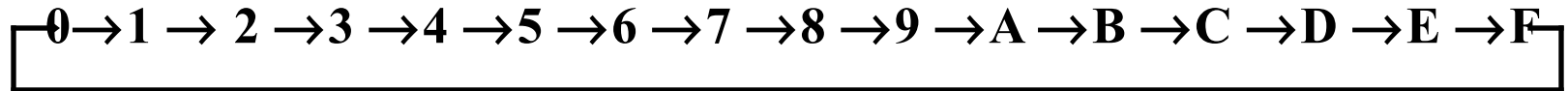
– szinkron



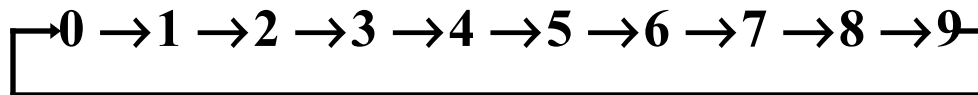
SZÁMLÁLÓK CIKLUS RÖVIDÍTÉSE

4 bites számlálók ciklusai

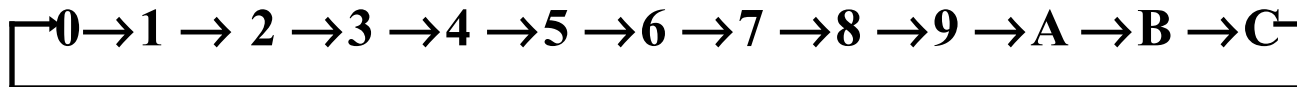
BINÁRIS:



DECIMÁLIS:



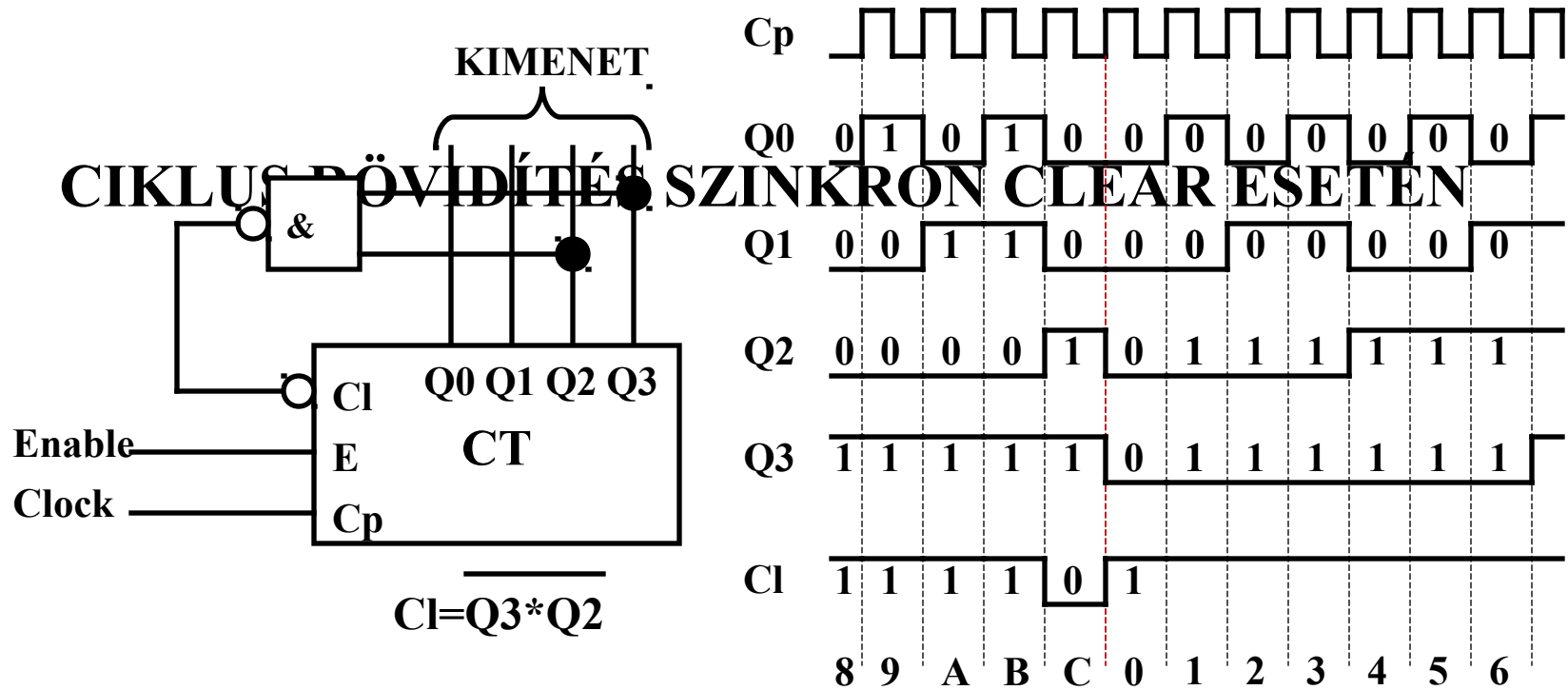
RÖVIDÍTETTCIKLUS:



CILKUS RÖVIDÍTÉS:

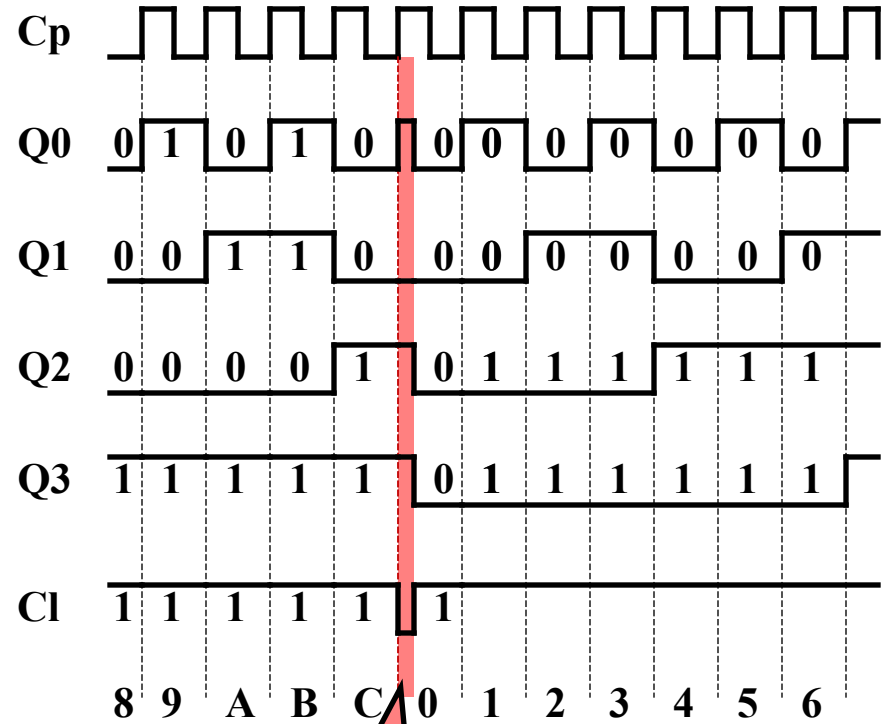
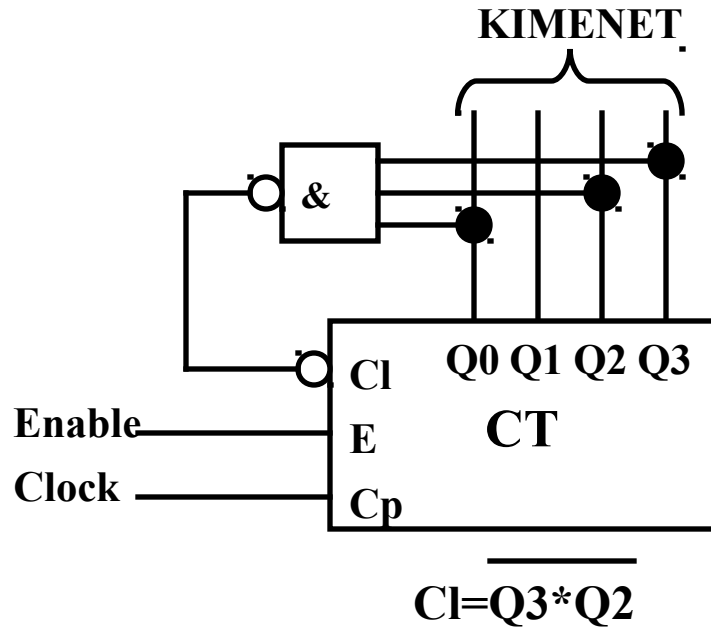
SZINKRON CLEAR ESTÉN

ASZINKRON CLEAR ESETÉN



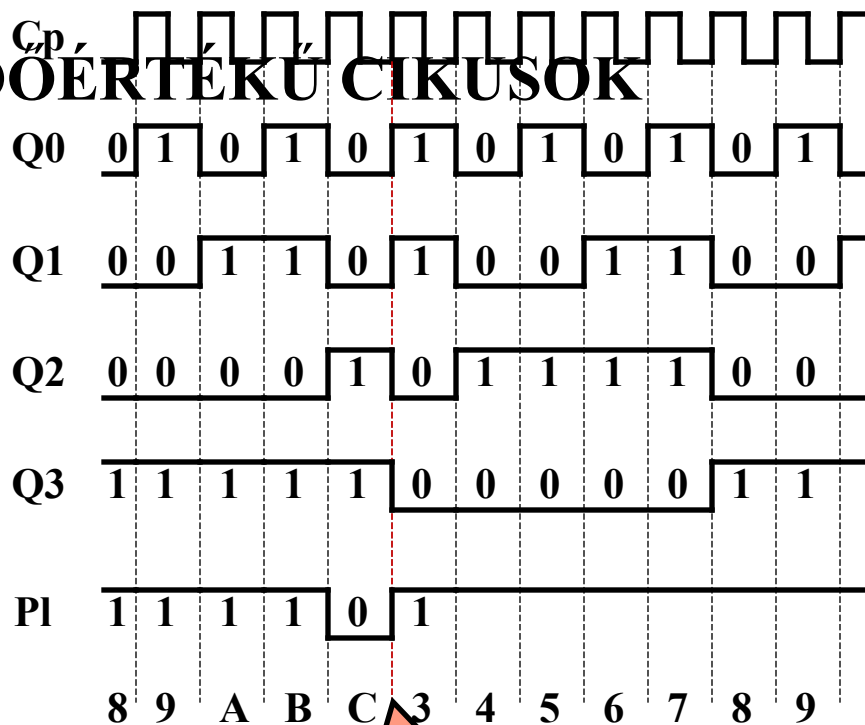
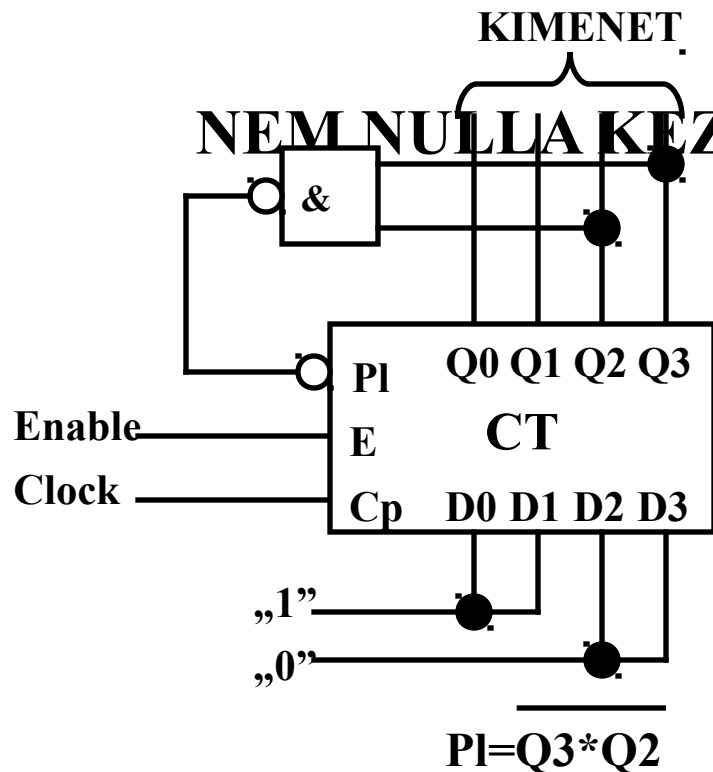
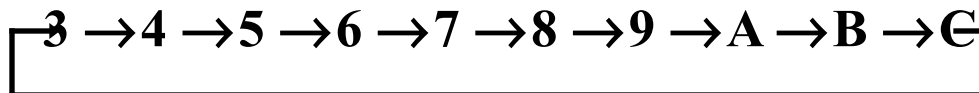
KIKAPUZANDÓ ÉRTÉK A SZÁMLÁLÁSI VÉGÉRTÉK!

CIKLUS RÖVIDÍTÉS ASZINKRON CLEAR ESETÉN



Átmeneti állapot „tranziens”

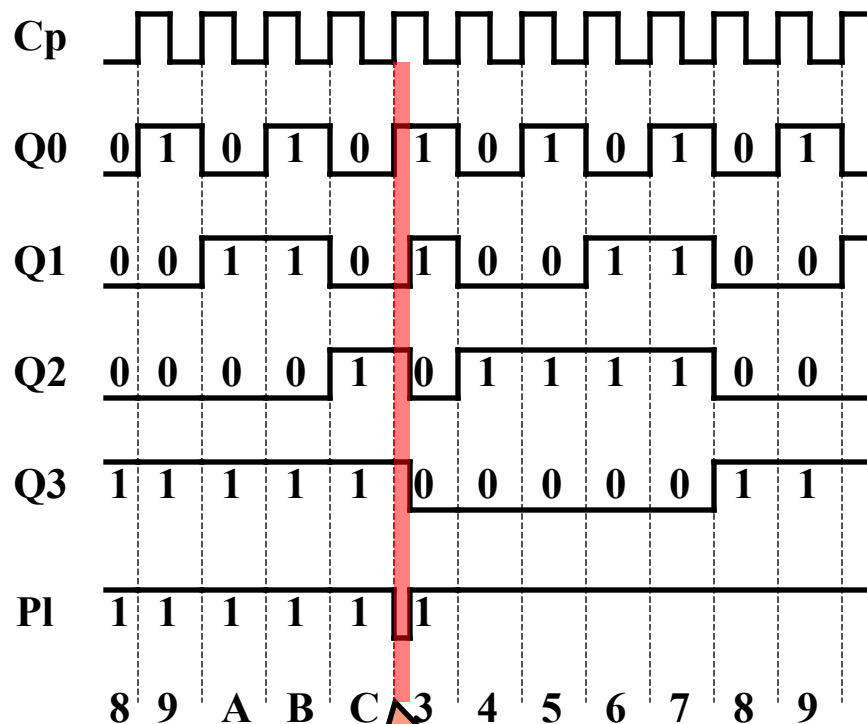
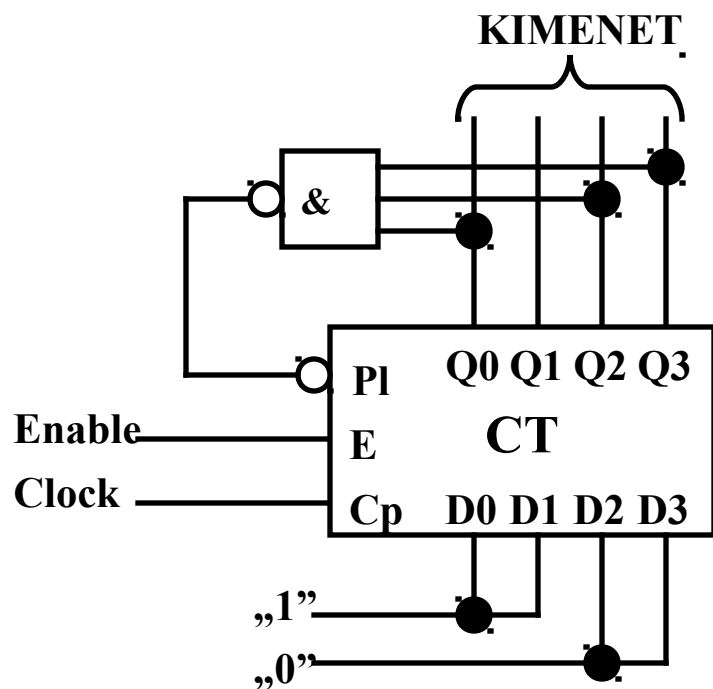
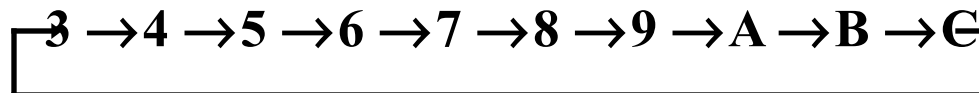
**KIKAPUZANDÓ ÉRTÉK:
SZÁMLÁLÁSI VÉGÉRTÉK+1!**



SZINKRON LOAD

**KIKAPUZANDÓ ÉRTÉK:
SZÁMLÁLÁSI VÉGÉRTÉK!**

CIKLUS RÖVIDÍTÉS ASZINKRON LOAD FELHASZNÁLÁSÁVAL



ASZINKRON LOAD
„tranzienst"